

رَبطَام OPEN BOOK

2021

الصف الثالث الثانوي

التميز

كتاب متكامل
بالنظام الجديد

بنك الامتحانات

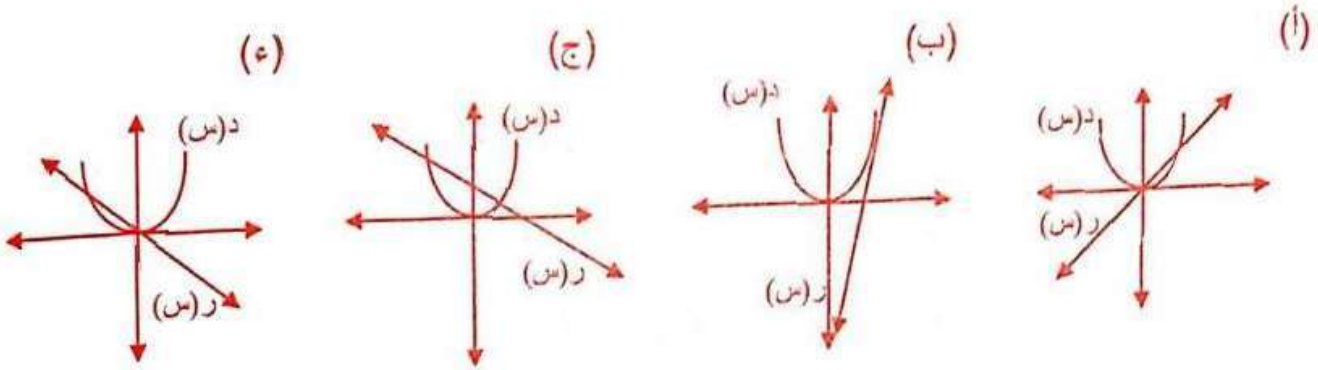
1000 سؤال MCQ

جزئي وشامل وبنك المعرفة
الرياضيات البحتة

التفاضل والتكامل

الباب الاول

١- أي الاشكال الاتية يحقق $\bar{D}(S) = R(S)$:



٢- إذا كانت $V = JAS$ فإن $\bar{V} = \dots$

(أ) $\frac{V}{2V - 1\sqrt{V}}$ (ب) $\frac{1}{2V - 1\sqrt{V}}$ (ج) $\frac{-V}{2V - 1\sqrt{V}}$ (د) $\sqrt{V} - 1\sqrt{V}$

٣- إذا كان $JAS = JAS$ فإن $\frac{V}{S} = \dots$

(أ) ١ (ب) ١- (ج) صفر (د) قاس ظاس

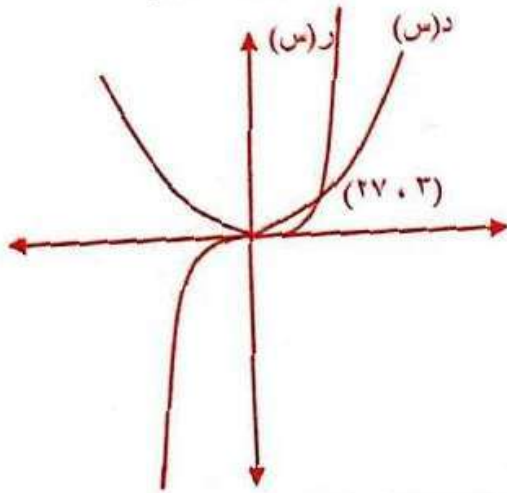
٤- المعامل التفاضلي الأول للدالة $V = 5S^2$ هو

(أ) ١٥ (ب) ٣ (ج) ١٥ S^2 (د) ٣٠ S

٥- نهاية $\frac{ظاس + (-ظاس)}{د} = \dots$

(أ) ظاس قاس (ب) قاس (ج) قاس (د) قاس ظاس

٦- في الشكل المقابل دالتين $D(s)$, $R(s)$ يتقاطعان عند $s = 0$, $s = 3$ جميع العبارات الاتية صحيحة ما عدا :



(أ) $D(s) = R(s)$

(ب) $D'(0) = R'(0)$

(ج) $D'(3) = 2 = R'(3)$

(د) $D(s) = R(s)$

٧- معدل تغير الدالة $D(s) = \sqrt{1-s}$ عند $s = 2$ هو

(أ) $\frac{1}{4}$

(ب) $\frac{1}{3}$

(ج) $\frac{1}{2}$

(د) $\frac{1}{4}$

٨- إذا كان $\cos s = \frac{1}{2}$ فإن $\sin s = \frac{\sqrt{3}}{2}$ عند $s = \frac{\pi}{3}$ \exists

(أ) $\cos s = \frac{1}{2}$

(ب) $\sin s = \frac{\sqrt{3}}{2}$

(ج) $\cos s = \frac{1}{2}$

(د) $\sin s = \frac{\sqrt{3}}{2}$

٩- إذا كانت $\cos s = \frac{1}{2}$ فإن $\sin s = \frac{\sqrt{3}}{2}$ عند $s = \frac{\pi}{3}$ حيث $s \in [0, \frac{\pi}{2}]$ \exists

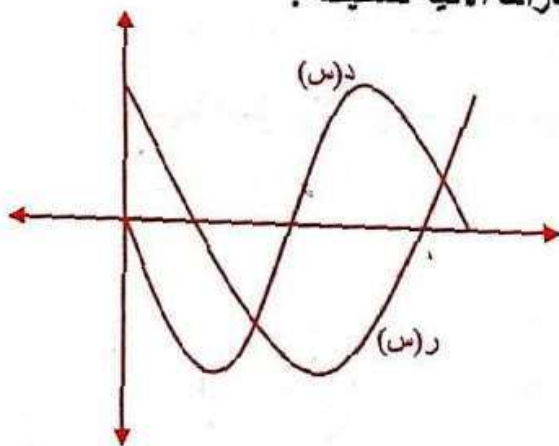
(أ) $\cos s = \frac{1}{2}$

(ب) $\sin s = \frac{\sqrt{3}}{2}$

(ج) $\cos s = \frac{1}{2}$

(د) $\sin s = \frac{\sqrt{3}}{2}$

١٠- في الشكل المقابل : دالتين مثلثيتين أي العبارات الاتية صحيحة :



(أ) $D(s) = R(s)$

(ب) $D'(s) = R'(s)$

(ج) $D'(s) + R'(s) = \text{صفر}$

(د) $D'(s) - R'(s) = \text{صفر}$

١١- اذا كانت $\cos = \frac{\sin + 1}{\sin + 1}$ فإن $\sin = (1 + \sin)^2 = \dots\dots\dots$

- (أ) $2 - \sin$ (ب) $2 \sin$ (ج) $2 \sin$ (د) \sin

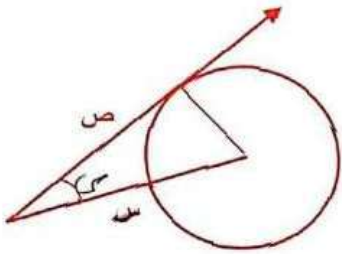
١٢- اذا كانت $\cos = \frac{1 - \sin}{1 + \sin}$ فإن $\sin = (1 + \sin)^2 = \dots\dots\dots$

- (أ) $2 - \sin$ (ب) $2 \sin$ (ج) \sin (د) $2 \sin$

١٣- في الشكل المقابل دائرة نصف قطرها ثابت = \sin فإن $\frac{\sin}{\sin} = \dots\dots\dots$

- (أ) \sin (ب) \sin

- (ج) $\frac{\sin}{\sin}$ (د) \sin

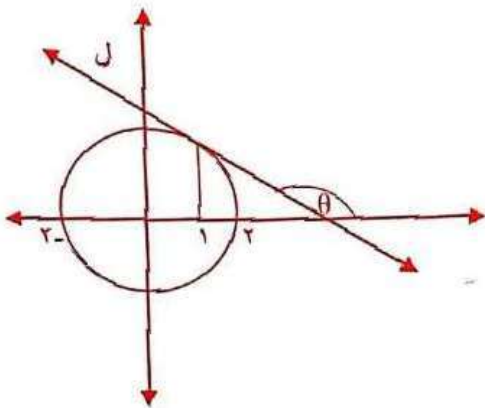


١٤- في الشكل المقابل المستقيم ليمس الدائرة

عند $\sin = 1$ فإن $\theta = \dots\dots\dots$

- (أ) 150° (ب) 120°

- (ج) $25, 123^\circ$ (د) $25, 100^\circ$



١٥- اذا كانت $\cos = \sin$ ، جتا θ ، $\sin = \theta$ فإن $\frac{\sin}{\sin} = \dots\dots\dots$

- (أ) $1 -$ (ب) $\frac{1 -}{2}$ (ج) $2 -$ (د) $\frac{2 -}{4}$

١٦- اذا كانت $\sin = \theta$ ، $\sin = 3$ ، $\sin = 5$ فإن $\sin = (1) = \dots\dots\dots$

- (أ) $\frac{\pi}{7}, \frac{\pi}{5}$ (ب) $\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}$ (ج) $\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4}$ (د) $\frac{\pi}{7}, \frac{\pi}{5}$

١٧- اذا كانت ص = قا θ ظا θ ، س = جتا θ فان البارامتر هو

- (أ) قا θ جتا θ (ب) θ^2 (ج) θ (د) ظا θ قا θ

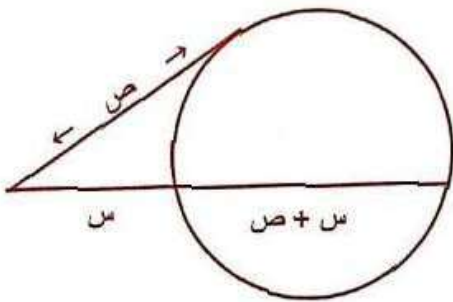
١٨- من الشكل المقابل $\frac{ص}{س} = \dots\dots\dots$ عند س = ١



(أ) $\frac{3}{5}$ (ب) $\frac{2}{5}$

(ج) $\frac{1}{2}$ (د) $\frac{3}{2}$

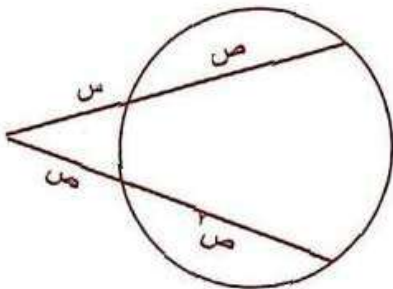
١٩- من الشكل المقابل $\frac{ص}{س} = \dots\dots\dots$ عند س = ٢



(أ) ٣، ٢- (ب) ٤، ٢-

(ج) ٢، ١- (د) ٢، ٣-

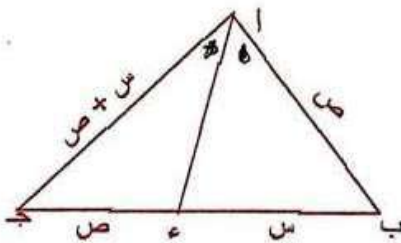
٢٠- من الشكل المقابل $\frac{ص}{س} = \dots\dots\dots$ عند ص = ١



(أ) $\frac{3}{5}$ ، $\frac{2}{5}$ (ب) $\frac{3}{5}$ ، $\frac{2}{5}$

(ج) $\frac{2}{5}$ ، $\frac{1}{4}$ (د) $\frac{3}{5}$ ، $\frac{2}{5}$

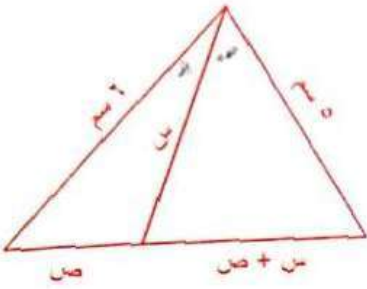
٢١- من الشكل المقابل $\frac{ص}{س} = \dots\dots\dots$ عند س = ٢



(أ) $\frac{4}{5}$ ، $\frac{2}{3}$ (ب) $\frac{4}{5}$ ، $\frac{1}{3}$

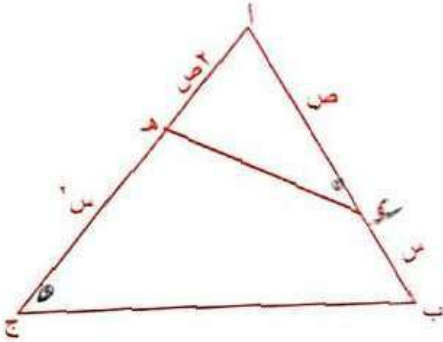
(ج) $\frac{3}{5}$ ، $\frac{1}{4}$ (د) $\frac{1}{3}$ ، $\frac{2}{5}$

٢٢- من الكل المقابل $\frac{عص}{عس} = \dots\dots\dots$



(ا) $\frac{عص + عس}{عس + عس}$ (ب) $\frac{عس - عس}{عس + عس}$
 (ج) $\frac{عس}{عس}$ (د) $\frac{عس + عس}{عس - عس}$

٢٣- من الشكل المقابل $\frac{عص}{عس} = \dots\dots\dots$ عند $عس = ع$



(ا) $\frac{ع}{ع}$ ، $\frac{ع}{ع}$ (ب) $\frac{ع}{ع}$ ، $\frac{ع}{ع}$
 (ج) $\frac{ع}{ع}$ (د) $\frac{ع}{ع}$

٢٤- اذا كان $\left| \frac{عص + عس}{عس} \right|$ فان $\frac{عص}{عس} = \dots\dots\dots$

(ا) $\frac{عص + عس}{عس - عس}$ (ب) $\frac{عس - عس}{عس - عس}$ (ج) $\frac{عس - عس}{عس - عس}$ (د) $\frac{عص + عس}{عس + عس}$

٢٥- $\frac{ع}{عس} (عص)^{(ع)} = \dots\dots\dots$

(ا) $عص^{(ع)}$ (ب) $عص^{(ع)}$ (ج) $عص^{(ع)}$ (د) $عص^{(ع)}$

٢٦- $\frac{ع}{عص} (عص)^{(ع)} \cdot (عص)^{(ع)} = \dots\dots\dots$

(ا) $(عص)^{(ع)}$ (ب) $عص^{(ع)}$ ، $عص^{(ع)}$ (ج) $عص^{(ع)} + عص^{(ع)}$ (د) $عص^{(ع)}$ ، $عص^{(ع)}$

٢٧- $\frac{٤}{٤٤} (ص) = \dots\dots\dots$

- (أ) $\frac{١٦}{٤٤}$ (ب) $\frac{١٤}{٤٤}$ (ج) $\frac{١٤}{٤٤}$ (د) $\frac{١٦}{٤٤}$

٢٨- $\frac{٤}{٤٤} (ص) = \dots\dots\dots$

- (أ) $\frac{٤}{٤٤}$ (ب) $\frac{٦}{٤٤}$ (ج) $\frac{٤}{٤٤}$ (د) $\frac{٤}{٤٤}$

٢٩- $\frac{٤}{٤٤} (ص) = \dots\dots\dots$

- (أ) $\frac{٢٠}{٤٤}$ (ب) $\frac{٢٠-٢(٥)٦}{٤٤}$ (ج) $\frac{١-٦}{٤٤}$ (د) $\frac{٢٠}{٤٤}$

٣٠- $ص = س^{١٠٠}$ فان $\dots\dots\dots = صفر$

- (أ) $\frac{٩٩}{١٠١}$ (ب) $\frac{١٠١}{٩٩}$ (ج) $\frac{٩٨}{٩٧}$ (د) $\frac{٩٧}{٩٨}$

٣١- اذا كان $د(س) = ٣س^٢ + ٤س + ١$ فان $د(١) = \dots\dots\dots$ حيث $س \in ح$

- (أ) $\frac{٩}{٢}$ (ب) $\frac{١٧}{٤}$ (ج) $\frac{٩}{٤}$ (د) $\frac{٩}{٤}$

٣٢- $ص = د(س)$, $د(س+هـ) - د(س) = ٥س^٢ + هـ^٢$ فان $د(٣) = \dots\dots\dots$

- (أ) ١٠ (ب) ١٢ (ج) ١٢- (د) $\frac{١٠}{٣}$

٣٣- $ص = س^٥ + ن + س^{١٠}$ فان $ص(ن) = \dots\dots\dots$

- (أ) $١ + ن + ن^٥$ (ب) $١ + ن$ (ج) $١ + ن + ن^٥$ (د) صفر

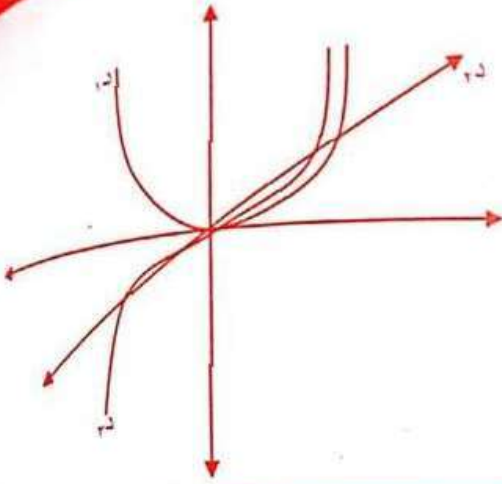
٣٤- في الشكل المقابل ثلاث دوال كثيرات حدود فان

(أ) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$ (ب) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$ (ج) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$ (د) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$

(ب) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$ (ج) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$ (د) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$

(ج) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$ (د) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$

(د) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$



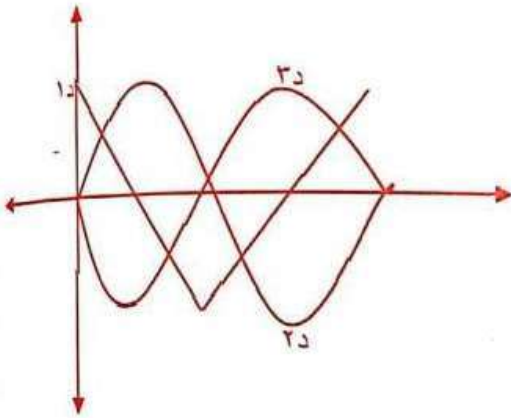
٣٥- في الشكل المقابل ثلاث دوال مثلثية فان

(أ) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$ (ب) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$ (ج) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$ (د) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$

(ب) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$ (ج) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$ (د) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$

(ج) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$ (د) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$

(د) $d_1 = d_2$ ، $d_2 = d_3$ ، $d_3 = d_1$



٣٦- إذا كانت $d(s) = \sum_{n=0}^{\infty} s^n$ فان $s^{(11)}$ =

(أ) صفر (ب) $\frac{1}{10}$ (ج) $\frac{1}{10}$ (د) $\frac{1}{10}$

٣٧- إذا كانت $d(s) = \sum_{n=0}^{\infty} s^{n+1}$ فان $s^{(8)}$ =

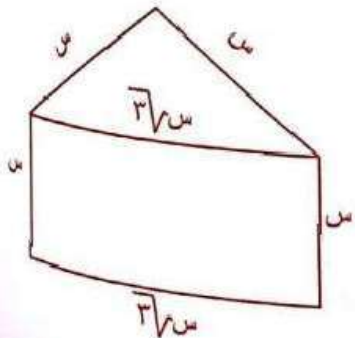
(أ) $\frac{1}{8}$ (ب) $\frac{1}{8}$ (ج) $\frac{1}{8}$ (د) $\frac{1}{8}$

٣٨- في الشكل المقابل يمثل نافذه مساحتها s فان $\frac{s^2}{2s^2} = \dots$

عند $s = 1$ متر

(أ) $2 + 2\sqrt{3}$ (ب) $2\sqrt{3}$

(ج) $1 + 2\sqrt{3}$ (د) $1 + 2\sqrt{3}$

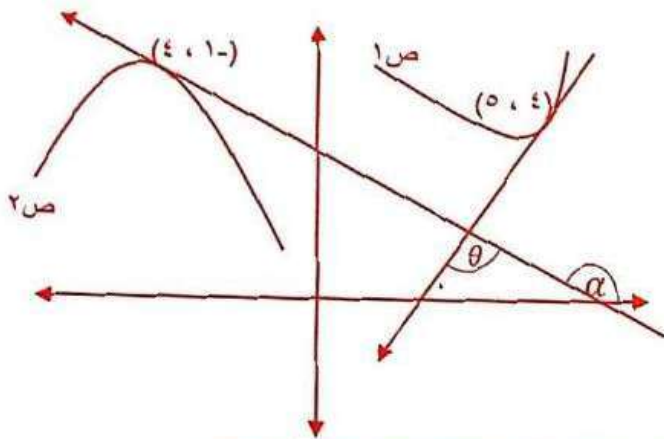


٣٩- ص = جتا θ ، س = جا θ فان $\frac{ص}{س} = \frac{ص}{س} = \dots\dots\dots$ عند $\theta = \frac{\pi}{4}$

- (أ) $\sqrt{2}$ (ب) $2\sqrt{2}$ (ج) $3\sqrt{2}$ (د) $2\sqrt{2}$

٤٠- اذا كانت د (س) + د (س) + د (س) = س + ٣ فان د (٢) =

- (أ) ٣ (ب) ٢ (ج) ٤- (د) ٥



٤١- في الشكل المقابل ص_١ = (٣-س) + ٤ ، ص_٢ = -(٢+س) + ٥ فان $\theta = \dots\dots\dots$

- (أ) $29^\circ 54'$ (ب) $26^\circ 36'$ (ج) $26^\circ 63'$ (د) $8^\circ 53'$

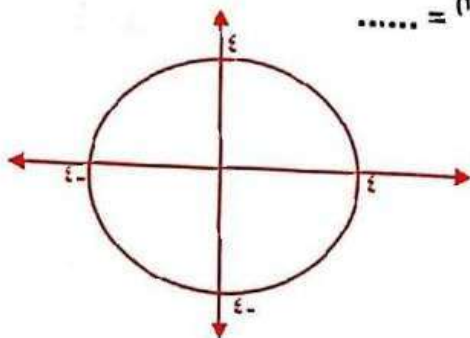
٤٢- اذا كانت د (س) + د (س-١) = س ل جميع قيم س فان د (١) =

- (أ) $\frac{2-}{5}$ (ب) $\frac{3}{5}$ (ج) $\frac{2}{3}$ (د) $\frac{3-}{4}$

٤٣- اذا كانت ق (س) = د (جاس) ، د (س) = $\frac{س}{٢+س}$ فان ق (π) =

- (أ) $\frac{1}{٢}$ (ب) $\frac{1}{4}$ (ج) $\frac{3}{4}$ (د) ١

٤٤- في الشكل المقابل دائرة مركزها نقطة الأصل فان ص (٣) =



- (أ) ٣- ص (٣) (ب) ٣ ص (٣) (ج) ٣ ص (٣) (د) صفر

٤٥- اذا كانت $\cos = \frac{e}{((3))}$ ، $\sin = 1$ هو =

- (أ) صفر (ب) $\frac{1}{3}$ (ج) غير معروفة (د) المعطيات غير كافية

٤٦- اذا كانت $\cos = \frac{e}{((3))}$ ، $\sin = 5$ فان $\frac{e}{((3))} = \dots\dots\dots$

- (أ) صفر (ب) 5 (ج) 15 (د) المعطيات غير كافية

٤٧- معدل تغير ميل المماس لمنحني الدالة $\cos = 3$ عند $\sin = 1$ هو =

- (أ) صفر (ب) 18 (ج) 27 (د) 54

٤٨- في الشكل المقابل للمستقيم ل : $\cos = 4 + \sin$ ،

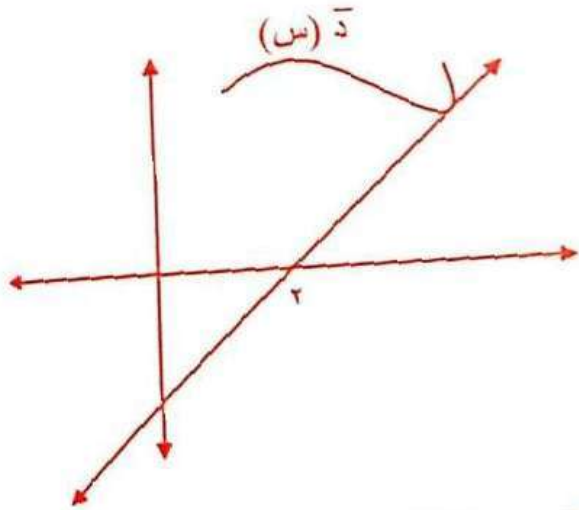
يمس المنحني \sin عند $\sin = 5$ فان :

(أ) $\sin(5) = \dots\dots\dots$

- (أ) 6 (ب) -6 (ج) 7 (د) 3

(ب) $\sin(5) = \dots\dots\dots$

- (أ) 2 (ب) 3 (ج) -3 (د) 5



٤٩- اذا كانت $\cos = \frac{\pi}{3}$ فان $\sin = \dots\dots\dots$

- (أ) صفر (ب) $\frac{\pi^2}{9}$ (ج) $\frac{\pi}{3}$ (د) $\frac{\pi}{9}$

٥٠- اذا كانت $\cos = \frac{\pi}{3}$ فان $\sin = \dots\dots\dots$

- (أ) صفر (ب) $\frac{-\pi^2}{9}$ (ج) $\frac{\pi}{3}$ (د) $\frac{\pi}{9}$

٥١- أي الدوال الاتية كثيرة حدود

- (أ) $\sin(x) = 0$

(ب) $\sin(x) = \frac{1}{x} + x^2$

(ج) $\sin(x) = \cos(x)$

(د) $\sin(x) = \frac{1}{1+x}$

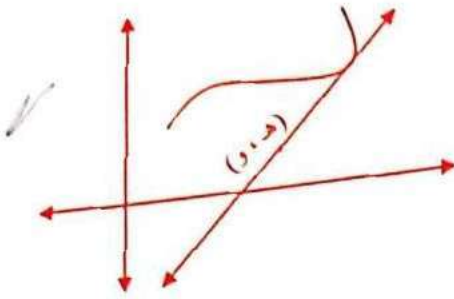
٥٢- في الشكل المقابل ل : أ س + ب ص + ج = .
كل ما يأتي يمثل ميل المستقيم ل ما عدا

(أ) $\frac{1-b}{b}$

(ب) $\frac{1}{b}$

(ج) $\frac{1}{b}$

(د) $\frac{1-b}{b}$

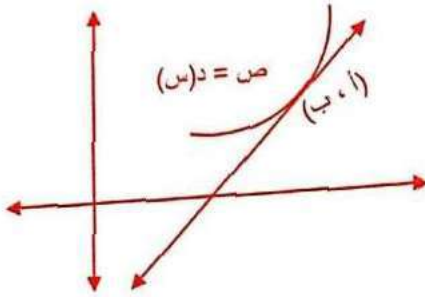


٥٣- في الشكل المقابل (أ)
(أ) < صفر

(ب) > صفر

(ج) = صفر

(د) ≤ صفر

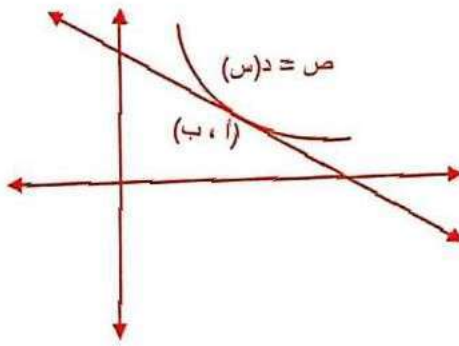


٥٤- في الشكل المقابل (أ)
(أ) < صفر

(ب) = صفر

(ج) ≤ صفر

(د) > صفر

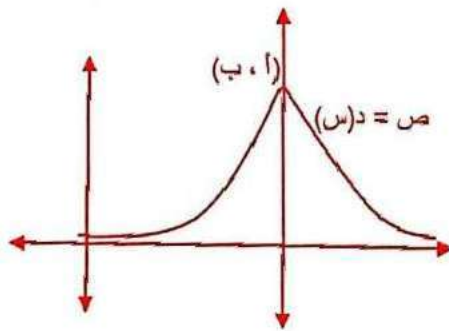


٥٥- في الشكل المقابل (أ) +
(أ) صفر

(ب) غير معروفة

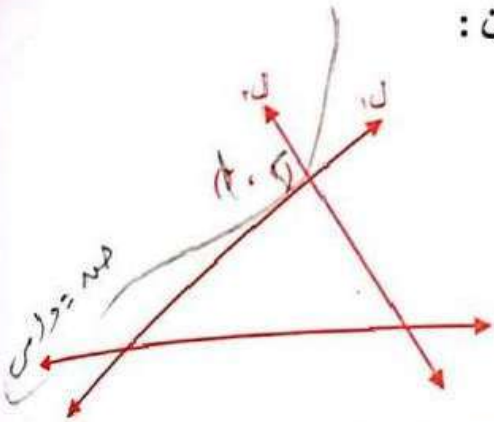
(ج) (ب) - (د)

(د) (ب) - (د)



٥٦- في الشكل المقابل إذا كان المستقيم $٢س + ص - ٤ = ٠$ مماس للمنحني $ص = د(س)$

عند النقطة $(١, ٢)$ والمستقيم $٢ص - ٥ = ٠$ عمودي عليه فإن :



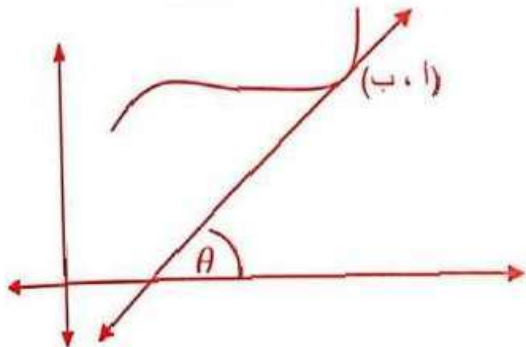
(أ) $١ل$ مماس , $٢ل$ عمودي

(ب) $٢ل$ مماس , $١ل$ عمودي

(ج) ميل $١ل +$ ميل $٢ل = ٠$

(د) ميل $١ل -$ ميل $٢ل = ٠$

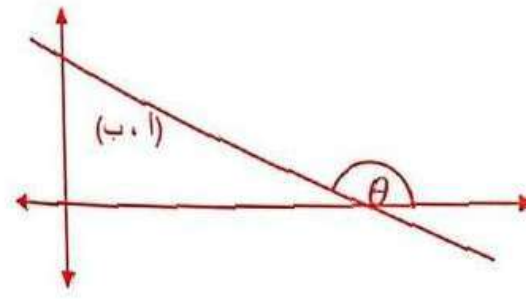
٥٧- في الشكل المقابل ظا $\theta = \dots\dots\dots$



(أ) $\overline{د(ب)}$ (ب) $\overline{د(ب)}$

(ج) $\overline{د(أ)}$ (د) $\overline{د(أ)}$

٥٨- في الشكل المقابل ظا $\theta = \dots\dots\dots$



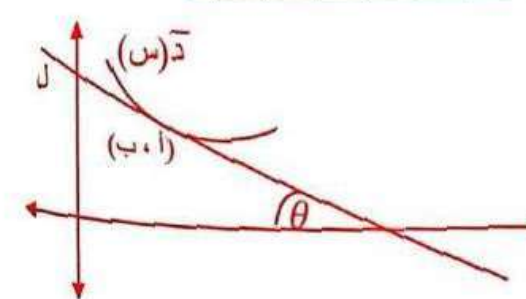
(أ) $\overline{د(أ)}$

(ب) $\overline{د(ب)}$

(ج) $\overline{د(ب)}$

(د) $\overline{د(أ)}$

٥٩- في الشكل المقابل $د^{(٢)}(أ) = \dots\dots\dots$



(أ) - ظا θ (ب) $\frac{ل}{م}$

(ج) $\frac{ع}{ل}$ (د) المعلومات غير كافية

٦٠- إذا كان المستقيم $ل س + م ص + ن = ٠$ يمس المنحني $ص = د(س)$ عند النقطة $(١, ب)$ فإن

$د(أ) = \dots\dots\dots$

(أ) $\frac{ل}{م} - ١$

(ب) $\frac{ل}{م} + ١$

(ج) $\left(\frac{ل+ن}{م}\right)$

(د) $\left(\frac{ل+ن}{م}\right) - ١$

٦١- المماس للدائرة (س - ٢) + ص^٢ = ٢٥ فإن العمودي عليه يمر بالنقطة

- (أ) (٥، ٢) (ب) (٢، ٠) (ج) (٠، ٢) (د) (٥، ٠)

٦٢- في الشكل المقابل منحنى د(س) = $\sqrt{1-s}$ ، معادلة ل_٢ هي

(أ) س - ٢ص = ٥

(ب) ص + ٢س = ٥

(ج) ٢س - ص = ٥

(د) ص - ٢س = ٥

٦٣- الشكل المقابل يمثل منحنى د(س)، كان ر(س) = س^٢د(٢س+٣) فإن معادلة المماس للمنحنى ر(س) عند س = ٢ هي

(أ) ص - ٤٠س = ٥٦

(ب) ٤٠س - ص = ٥٦

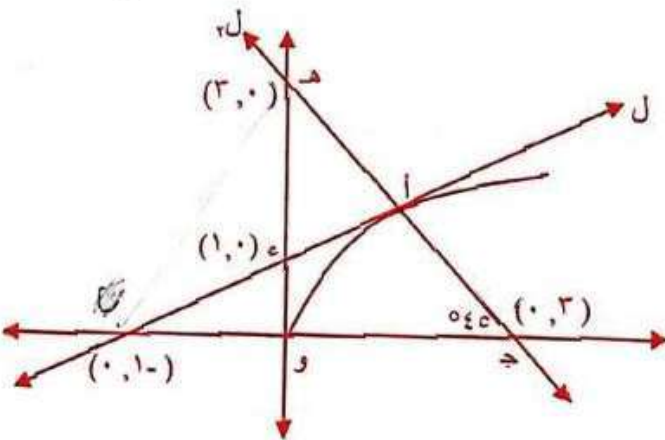
(ج) ٤٠ص - س = ٥٦

(د) ص - ٤٠س = ٥٦

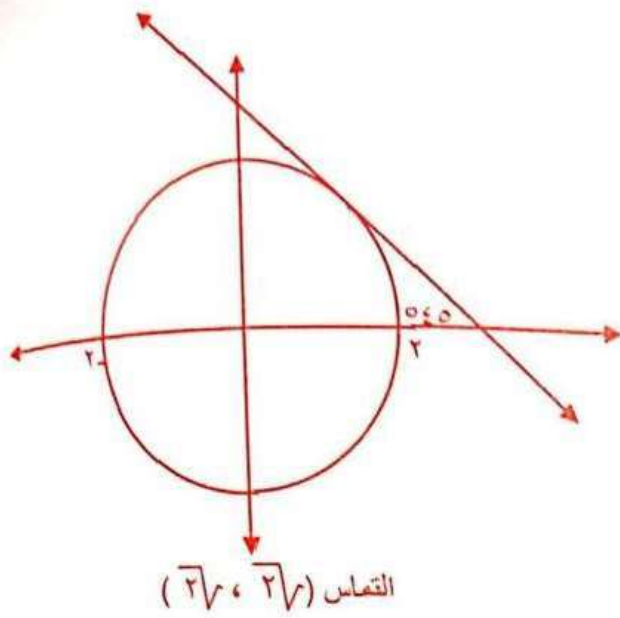
٦٤- الشكل المقابل يمثل المنحنى ص^٢ = ٤س فإن $\frac{dy}{dx} = \dots$

(أ) $\frac{3}{5}$ (ب) $\frac{1}{4}$

(ج) $\frac{2}{4}$ (د) $\frac{1}{2}$



٦٥- في الشكل المقابل معادلة المستقيم ل هي



(أ) ص - س - $\sqrt{2}$ = ٠

(ب) ص + س - $\sqrt{2}$ = ٠

(ج) ص + س + $\sqrt{2}$ = ٠

(د) ص - س + $\sqrt{2}$ = ٠

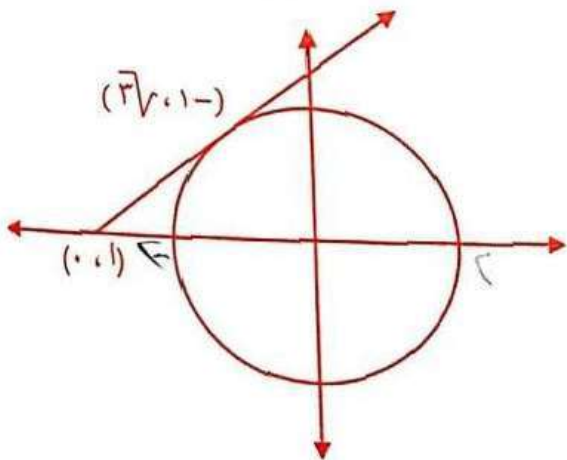
٦٦- اذا كانت ص = د(س) كثيرة حدود من الدرجة الثالثة وفردية , كان معادلة المماس لمنحني د(س) عند النقطة (٢, ١) هو ص - $4س + ٢ = ٠$ فان د(س) =

(أ) $\frac{٢}{٣} + \frac{٤}{٣}س + \frac{١}{٣}س^٢$

(ب) $\frac{٢}{٣} + \frac{١}{٣}س + \frac{٢}{٣}س^٢$

(ج) $\frac{٤}{٣} + \frac{٢}{٣}س + \frac{١}{٣}س^٢$

(د) $\frac{٢}{٣} + \frac{١}{٣}س + \frac{٢}{٣}س^٢$



٦٧- في الشكل المقابل أ =

(أ) ٤ -

(ب) ٣ -

(ج) ٥ -

(د) ٣.٥ -

٦٨- اذا كانت ص = وكانت مساحة المثلث $\frac{ك}{س}$ المكون من المماس عند أي نقطة علي المنحني و محوري الاحداثيات هي ٢ وحده مربعة فان ك =

(أ) ١

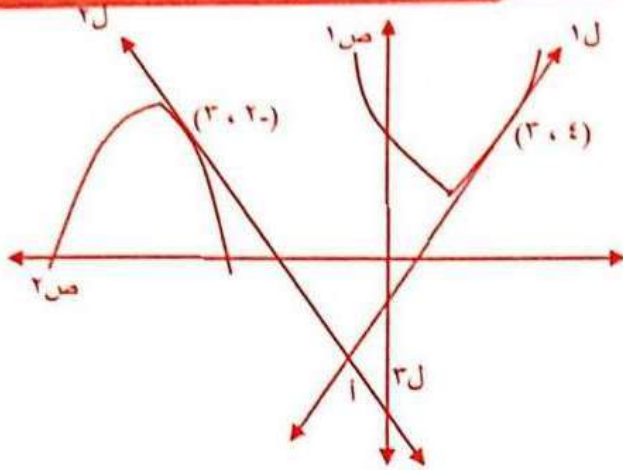
(ب) ٢

(ج) ٣

(د) $\frac{١}{٢}$

٦٩- في الشكل المقابل : ص_١ = (٣ - س) + ٢ ، ص_٢ = - (س - ٤) + ٣ فان احداثيات النقطة أ هي

(أ) $(\frac{١٣}{٧}, \frac{١}{٧})$



(ب) $(\frac{23-}{8}, \frac{7-}{8})$

(ج) $(\frac{25-}{8}, \frac{3-}{8})$

(د) $(\frac{51-}{7}, \frac{8-}{7})$

حيث س = د (ن) , ص = د (س) $\frac{6}{\text{ن}} = (\frac{\text{ص}}{\text{س}} \cdot \frac{2}{\text{س}})$

(ب) $\frac{\text{ص}}{\text{ن}} \cdot \frac{2}{\text{س}} + \frac{\text{ص}}{\text{ن}} \cdot \frac{2}{\text{س}}$

(أ) $\frac{\text{ص}}{\text{ن}} \cdot \frac{2}{\text{س}} + \frac{\text{ص}}{\text{ن}} \cdot \frac{2}{\text{س}}$

(د) $\frac{\text{ص}}{\text{ن}} \cdot \frac{2}{\text{س}}$

(ج) $\frac{\text{ص}}{\text{ن}} \cdot \frac{2}{\text{س}} + \frac{\text{ص}}{\text{ن}} \cdot \frac{2}{\text{س}}$

حيث س = د (ن) , ص = د (ن) $\frac{6}{\text{ن}} = (\frac{\text{ص}}{\text{س}} + \frac{2}{\text{س}})$

(ب) $\frac{\text{ص}}{\text{ن}} + \frac{\text{ص}}{\text{ن}}$

(أ) $\frac{\text{ص}}{\text{ن}} + \frac{\text{ص}}{\text{ن}}$

(د) $(\frac{\text{ص}}{\text{ن}} + \frac{\text{ص}}{\text{ن}})$

(ج) $(\frac{\text{ص}}{\text{ن}} + \frac{\text{ص}}{\text{ن}})$

حيث ص = د (ن) $\frac{6}{\text{ن}} = (\frac{\text{ص}}{\text{ن}} \cdot \frac{\text{ص}}{\text{ن}})$

(د) $\frac{\text{ص}}{\text{ن}} \cdot \frac{\text{ص}}{\text{ن}}$

(ج) $\frac{\text{ص}}{\text{ن}} + \frac{\text{ص}}{\text{ن}}$

(ب) $\frac{\text{ص}}{\text{ن}} + \frac{\text{ص}}{\text{ن}}$

(أ) $(\frac{\text{ص}}{\text{ن}} + \frac{\text{ص}}{\text{ن}})$

حيث ص = د (س) $\frac{6}{\text{ن}} = (\frac{\text{ص}}{\text{س}} \cdot \frac{\text{ص}}{\text{س}})$

(ب) $\frac{\text{ص}}{\text{ن}} \cdot \frac{\text{ص}}{\text{س}} + \frac{\text{ص}}{\text{ن}} \cdot \frac{\text{ص}}{\text{س}}$

(أ) $\frac{\text{ص}}{\text{ن}} \cdot \frac{\text{ص}}{\text{س}} + \frac{\text{ص}}{\text{ن}} \cdot \frac{\text{ص}}{\text{س}}$

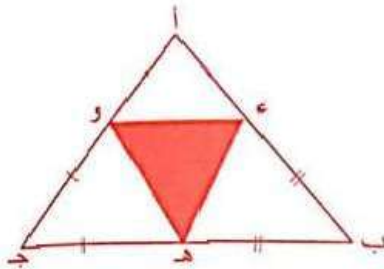
(د) $(\frac{\text{ص}}{\text{ن}} \cdot \frac{\text{ص}}{\text{س}})$

(ج) $(\frac{\text{ص}}{\text{ن}} \cdot \frac{\text{ص}}{\text{س}})$

٧٤- $\frac{e}{n} = \left(\frac{e_{ص}}{e_n} \cdot \frac{e_{ن}}{e_n} \right) \dots\dots\dots$ حيث $s = د(ن)$, $ص = د(ن)$

- (أ) $\frac{e_{ص}}{e_n} \cdot \frac{e_{ن}}{e_n} + \frac{e_{ص}}{e_n} \cdot \frac{e_{ن}}{e_n}$ (ب) $\frac{e_{ص}}{e_n} \cdot \frac{e_{ن}}{e_n}$ (ج) $\frac{e_{ص}}{e_n} \cdot \frac{e_{ن}}{e_n}$ (د) $\left(\frac{e_{ص}}{e_n} + \frac{e_{ن}}{e_n} \right)$

٧٥- في الشكل المقابل اذا كان معدل التغير \overline{AB} هو ٠.٢ سم/ث ، معدل تغير \overline{AC} هو ٠.٣ سم/ث فان معدل تغير اكبر مساحه للمثلث e هو $\dots\dots\dots$



- (أ) صفر (ب) ٠.٥ (ج) ٠.١ (د) ٢.١

٧٦- خزان مياه مكعب الشكل طول ضلعه ٤ متر يصب فيه الماء بمعدل $\frac{1}{4}$ م^٣/د فان :

(أ) معدل ارتفاع الخزان $\dots\dots\dots$

- (أ) صفر (ب) $\frac{1}{8}$ (ج) $\frac{1}{32}$ (د) $\frac{1}{16}$

(ب) معدل ارتفاع الماء ف الخزان $\dots\dots\dots$

- (أ) $\frac{1}{32}$ (ب) $\frac{1}{8}$ (ج) $\frac{1}{16}$ (د) صفر

(ج) معدل تغير مساحة سطح الماء العلوي $\dots\dots\dots$

- (أ) صفر (ب) $\frac{1}{8}$ (ج) $\frac{1}{32}$ (د) $\frac{1}{16}$

٧٧- خزانان مكعبان طول ضلع الأصغر ٤ متر ، و طول ضلع الأكبر ٤ متر معدل ملئ الأصغر $\frac{1}{4}$ معدل ملئ الأكبر فان النسبة بين معدلي ارتفاع الماء في الخزانين هي $\dots\dots\dots$

- (أ) ٤ : ١ (ب) ٢ : ١ (ج) ٣ : ٢ (د) ٩ : ٤

٧٨- خزان مخروطي الشكل ملئ بالماء بمعدل π نق^٢/_د سم^٣/ث ، فان النسبة بين معدلي ارتفاع الماء ونصف قطر سطح الماء عندما يكون نصف القطر مساويا الارتفاع هي $\dots\dots\dots$

- (أ) ١ : ١ (ب) ٢ : ١ (ج) ٣ : ٢ (د) ٣ : π

٧٩- إذا كانت س قياس زاوية بالتقدير الدائري فإنه يتناقص جيب التمام بمعدل $\frac{2}{8}$ تزايد الظل π حيث $s \in [0, \frac{\pi}{2}]$

- (أ) $\frac{\pi}{2}$ (ب) $\frac{\pi}{3}$ (ج) $\frac{\pi}{4}$ (د) $\frac{\pi}{6}$

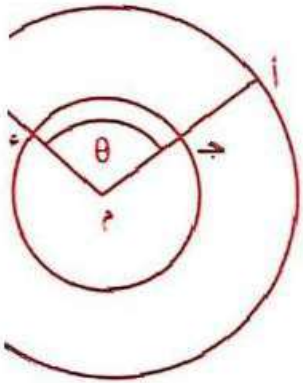
٨٠- إذا كانت س قياس زاوية بالتقدير الدائري فإنه يتزايد الظل و الجيب بنفس المعدل عند $s =$

- (أ) π (ب) $\frac{\pi}{3}$ (ج) صفر (د) $\frac{\pi}{4}$

٨١- خزان ماء كروي الشكل طول نصف قطره ١ متر صب فيه الماء فإذا كان معدل تغير ارتفاع فيه $\frac{1}{2}$ م / د فإن معدل تغير مساحته سطح الماء في الخزان بعد ٢ دقيقة من بدأ صب الماء هو

- (أ) $\frac{\pi}{4}$ (ب) $\frac{\pi}{3}$ (ج) $\frac{\pi}{2}$ (د) $\frac{\pi}{4}$

٨٢- في الشكل المقابل دائرتان متحدتا المركز طول نصف قطريهما ١٠ سم ، ٢٠ سم إذا تغيرت θ : $(\frac{\pi}{2})^\circ$ / دقيقة فإن



(أ) معدل تغير المساحة بين الدائرتين

- (أ) $\frac{\pi}{4}$ (ب) $\frac{1}{4}$ (ج) $\frac{1}{2}$ (د) صفر

(ب) معدل تغير المساحة بين القطاعين أ م ب ، ج م د هي

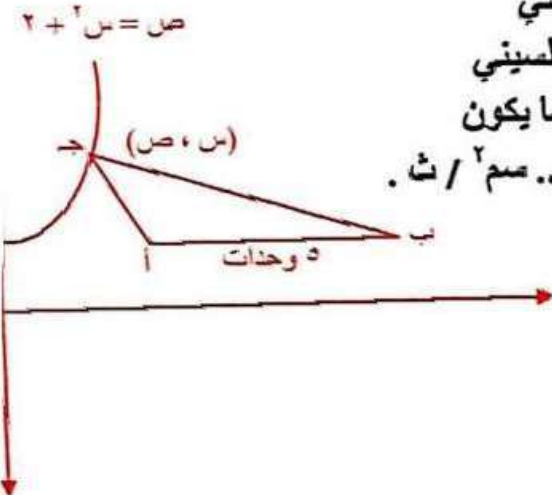
- (أ) 10π (ب) صفر (ج) 15π (د) 20π

٨٣- إذا كان أ (٢ ، ٢) ، ب (٢ ، ٧) ، ج (س ، ص) تتحرك علي

المنحني $ص = س^2 + ٢$ ، $س < ٧$ صفر بحيث تتغير إحداثياتها السينية

بمعدل ٣ سم / ث فإن معدل تغير مساحه المثلث أ ب ج عندما يكون

طول العمود النازل من ج علي أ ب هو ٤ متر يساوي سم / ث .



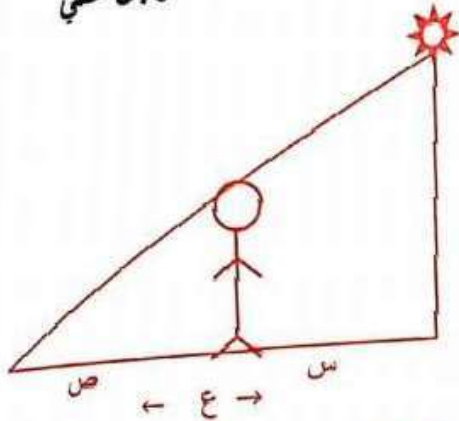
- (أ) $8\sqrt{10}$ (ب) $15\sqrt{13}$ (ج) $28\sqrt{10}$ (د) $5\sqrt{31}$

٨٤- إذا كان معدل تبخر قطره مياة تتناسب طرديا مع مربع نصف قطرها فإن معدل تغير نصف قطرها
(أ) يتناسب عكسيا مع π (ب) يتناسب طرديا مع π (ج) يساوي ثابت (د) لا شيء مما سبق

٨٥- إذا كان معدل تغير حجم كره يساوي ضعف معدل تغير حجم مكعب عندما كان طول حرفه = قطر الكره
فان النسبة بين معدل تغير نصف قطرها : معدل تغير طول حرف المكعب =

- (أ) $5 : \pi$ (ب) $\pi : 6$ (ج) $3 : \pi$ (د) $8 : \pi$

٨٦- يسير رجل نحو عمود اناره فاذا كان البعد بين الرجل والعمود = س متر ، طول ظل الرجل علي
الأرض = ص فان سرعه نهاية الظل =



- (أ) $\frac{ص}{س}$ (ب) $2 \frac{ص}{س}$
(ج) $\frac{ص}{س} + \frac{ص}{س}$ (د) $\frac{ص}{س} - \frac{ص}{س}$

٨٧- صفيحة مستطيلة طولها س سم ، عرضها ص سم تتمدد وبانتظام فعندما تثبت مساحتها عند فتره
زمنيه ن فان

- (أ) $\frac{ص}{س} = \frac{ص}{س} = 0$ (ب) $\frac{ص}{س} = \frac{ص}{س} : \frac{ص}{س}$ (ج) $\frac{ص}{س} = \frac{ص}{س} : \frac{ص}{س}$ (د) $\frac{ص}{س} = \frac{ص}{س} : \frac{ص}{س}$

٨٨- إذا كان معدل تغير طول حرف مكعب $\frac{1}{2}$ سم / د فان معدل تغير

(أ) قطر المكعب

- (أ) $\frac{\sqrt[3]{2}}{2}$ (ب) $\sqrt[3]{2}$ (ج) $\frac{\sqrt[3]{2}}{4}$ (د) $\sqrt[3]{3}$

(ب) معدل تغير قطر احد الأوجه

- (أ) $\sqrt[3]{\frac{1}{4}}$ (ب) $\sqrt[3]{\frac{1}{2}}$ (ج) $\frac{\sqrt[3]{2}}{2}$ (د) $\sqrt[3]{\frac{1}{8}}$

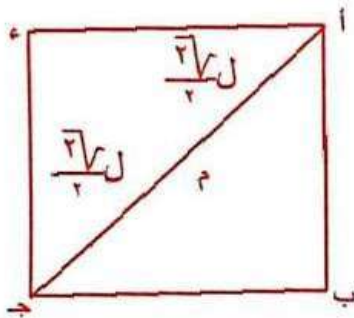
٨٩- اذا كان مجموع معدل انصهار إناءيين كرة واسطوانة نصف قطرهما نق_١ ، نق_٢ = π (معدل انصهار إناء مكعب طول حرفه ل) فإنه عندما نق_١ = نق_٢ = ل فإن $\frac{E}{N} = \dots$ حيث ع ارتفاع الأسطوانة

(ب) $3 \frac{L}{N} - 4 \frac{E}{N}$

(أ) $4 \frac{E}{N} - 3 \frac{E}{N}$

(ع) $5 \frac{E}{N}$

(ج) $2 \frac{E}{N} - 3 \frac{E}{N}$



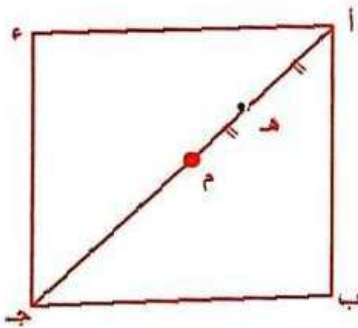
٩٠- في الشكل المقابل قطعة من القماش علي شكل مربع أ ب ج د طول ضلعه ل متر وضعت نقطة زيت عند م ، فأخذت بالانتشار علي شكل دائري فإذا كان معدل تغير مساحتها السطحية $2\sqrt{2}$ سم^٢/ث عندما كانت حجم البقعة الزيتية بالنقطة أ ، فإن معدل تغير نصف قطرها = م/ث

(ع) $\frac{2}{L}$

(ج) $\frac{L}{3}$

(ب) $\frac{L}{2}$

(أ) $\frac{4}{L}$



٩١- في الشكل المقابل قطعة من القماش علي شكل مربع أ ب ج د طول ضلعه ل متر وضعت نقطتان من نوعين مختلفين من الزيت عند أ ، ج فأخذتا في الانتشار بشكل دائري ، كان معدل تغير مساحه سطحيهما متساوي عندما تماسست الدائرتان عند هـ ، فإن النسبة بين معدلي تغير نصف قطري البقعتين =

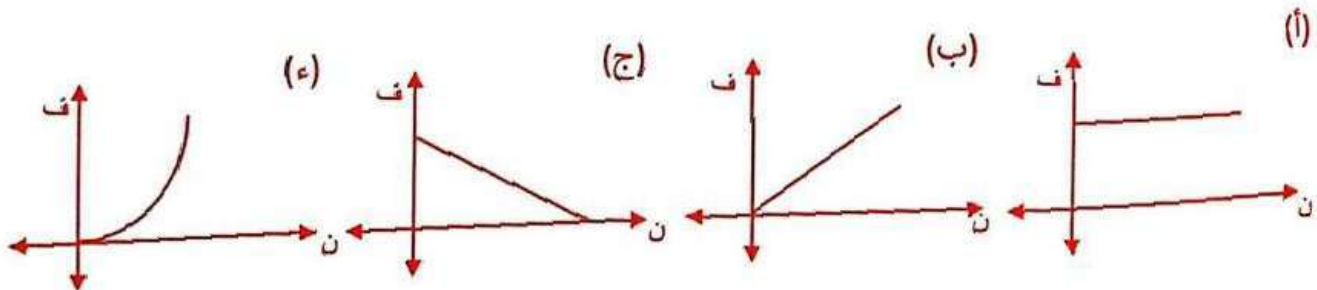
(ع) ٥ : ٣

(ج) ٢ : ١

(ب) ١ : ٣

(أ) ٤ : ١

٩٢- سقطت كره من ارتفاع ف متر فان معدل التغير الزمني في المسافة المقطوعة خلال زمن قدره ن يمثلها بيانيا



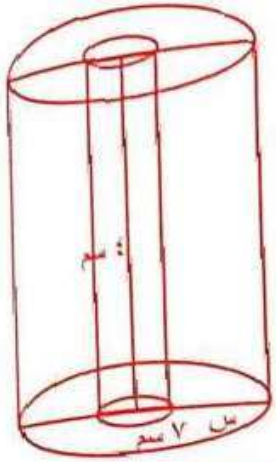
٩٣- أسطوانة دائرية قائمة من المعدن نصف قطرها ٧ سم ، ارتفاعها ١٤ سم يتراكم علي السطح الجانبي لما جليد بمعدل 10π سم^٢ / د . فان معدل تغير سمك الجليد عندما يكون سمك طبقة الجليد هو ٥ سم هو

(ع) $\frac{1}{12}$

(ج) $\frac{5}{168}$

(ب) $\frac{15}{137}$

(ا) $\frac{25}{133}$



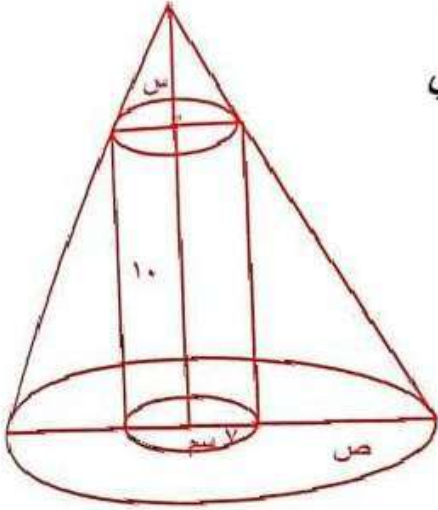
٩٤- في الشكل المقابل أسطوانة دائرية قائمة من الحديد نصف قطرها ٧ سم ، ارتفاعها ١٠ سم تكونت عليها طبقة من الشمع كما بالشكل علي شكل مخروط فان معدل ذوبان طبقة الشمع عندما يكون نصف قطر المخروط ١٢ سم ، و ارتفاعه ١٥ سم ، ومعدل ارتفاعه $\frac{1}{3}$ سم / ث ، معدل نقصان نصف قطره $\frac{1}{2}$ سم / ث هو

(ب) $\pi 68$

(ا) $\pi 67$

(ع) $\pi 76$

(ج) $\pi 32$



الباب الثاني

١- العدد هـ \exists

(أ) ص ~~✓~~ (ب) ط ~~✓~~ (ج) ن ~~✓~~ (د) م ~~✓~~

٢- العدد هـ \exists

(أ) ن ~~✓~~ (ب) ح ~~✓~~ (ج) ك ~~✓~~ (د) جميع ما سبق ~~✓~~

٣- العددين هـ ، π كلاهما

(أ) أساس اللوغاريتم الطبيعي
(ج) متساويان ف القيمة العددية
(د) ينتميان الي ن ~~✓~~
(هـ) لا شيء مما سبق ~~✓~~

٤- جميع العبارات الاتية صحيحة ما عدا

(أ) العدد هـ يسمى بالعدد النيبيري نسبة الي جون نيبير

(ب) العدد هـ أساس اللوغاريتم الطبيعي ~~✓~~

(ج) العدد هـ عدد غير نسبي ~~✓~~

(د) العدد هـ $= \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n!}$ ~~✓~~

٥- $\frac{e}{e} = \left(\frac{1}{n} \right) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n!}$

(أ) صفر ~~✓~~ (ب) هـ ~~✓~~ (ج) س هـ ~~✓~~ (د) س هـ ~~✓~~

٦- $\frac{e}{e} = (\pi) \pi$

(أ) صفر ~~✓~~ (ب) هـ ~~✓~~ (ج) $\pi - \pi$ ~~✓~~ (د) لا شيء مما سبق ~~✓~~

$$7- \frac{e}{s} (\text{هـ لود } s^2) = \dots\dots\dots \text{لولا}$$

(ع) س لود s^2 (ج) هـ s^2

(ب) 2 س

(أ) 2 س s^2

$$8- \text{نہا} (s^3 + 1) s = \frac{1}{s} \dots\dots\dots$$

(ع) 4

(ج) صفر

(ب) هـ s^2 (أ) هـ s^2

ص 29

$$9- \text{نہا} (\frac{s^2 + s}{1-s}) = \dots\dots\dots \text{س } \infty$$

(ع) صفر

(ج) هـ s^4 (ب) هـ s^2

(أ) 3 هـ

$$10- \text{نہا} (\frac{s^2 + s}{s^2 - 2}) = \dots\dots\dots \text{س } 0$$

(ع) 1

(ج) 1 -

(ب) هـ s^4

(أ) صفر

$$11- \text{نہا} (s^3 + 1) \text{ظاس}^2 = \dots\dots\dots$$

(ع) 4

(ج) 1

(ب) هـ s^2 (أ) هـ s^2

$$12- \text{نہا} (s^2 + 1) \text{جا } s^2 = \dots\dots\dots \text{ظاس}^3$$

(ع) 27

(ج) 3

(ب) هـ s^4 (أ) هـ s^4

$$13- \text{نہا} \frac{\text{ظاس}^3 - \text{ظاس}^2 + \text{ظاس} - 1}{\text{ظاس}^2 + 1} = \dots\dots\dots$$

(ع) غير معرفة

(ج) 1

(ب) هـ s^2

(أ) هـ ظاس

الباب الثاني

14. \Rightarrow نها $\frac{س}{س+2} = \frac{لورد (س-1)}{س-2}$ لو

(أ) 1 (ب) صفر (ج) هـ (د) غير معرفة

15. نها $\frac{س}{س+1} = \frac{س^2}{س+1} = هـ^2$ فان $1 = \frac{س}{س+1}$ لو

(أ) هـ (ب) هـ² (ج) 1 (د) 1- (هـ)

16. نها $\frac{س}{س+1} = \frac{س^2}{س+1} = 2$ قاس

(أ) هـ² (ب) 16 (ج) $\sqrt{2}$ (د) 4

17. \Rightarrow نها $\frac{س}{س+1} = \frac{س^2}{س+1} = 1$ جاس

(أ) 1 (ب) 1- (ج) هـ (د) $\frac{1}{2}$

18. نها $\frac{س}{س+1} = \frac{س^2}{س+1} = \frac{8-س^2}{125-س}$ لو

(أ) $\frac{125}{8}$ لو (ب) $\frac{8}{125}$ (ج) $\frac{125}{8}$ (د) $\frac{8}{125}$ لو

19. \Rightarrow نها $\frac{س}{س+1} = \frac{س^2}{س+1} = \frac{1}{1-س}$ لو

(أ) هـ (ب) $\frac{1}{هـ}$ (ج) 1 (د) 1- (هـ)

20. اذا كان نها $\frac{س}{س+1} = \frac{س^2}{س+1} = 243$ فان ك

(أ) 9 (ب) 4 (ج) 6 (د) 10

لو $\frac{س}{س+1} = \frac{س^2}{س+1} = 243$ لو

..... = ص = $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{ص}{ن}$ فان ص⁽¹⁾ + ص⁽²⁾ - ص⁽⁰⁾ =

- (أ) صفر (ب) هـ (ج) $\frac{ص}{1+ن}$ (د) $\frac{ص}{ن} (1-)$

..... = $\frac{ص}{هـ} (هـ + س)$

- (أ) $\pi هـ + 1 - \pi$ (ب) $\pi هـ - 1 + هـ (س)$ (ج) هـ س - 1 (د) لا شيء مما سبق

..... = ص = 25 لو قاس 100 لو قاس فان ص =

- (أ) 2 ظا س قاس (ب) 3 قاس ظا س (ج) صفر (د) 2 قاس ظا س

..... = $\frac{1}{س} لو هـ$ فان : ص⁽¹⁾ = $\frac{ص}{س}$ اذا كان ص =

- (أ) 2 لو س (ب) 2 س (ج) 2 (د) 2 -

..... = $\frac{هـ}{1+هـ}$ فان : ص⁽¹⁾ = $\frac{هـ}{1+هـ}$

- (أ) - هـ (ب) هـ (ج) هـ (د) 2 هـ

..... = ص = $\frac{ص}{هـ} (ج)$ فان : ص =

- (أ) هـ جتا (هـ) (ب) جتا (هـ) (ج) - هـ جتا (هـ) (د) - هـ جتا (هـ)

..... = $\frac{ص}{هـ} (هـ جتا)$

- (أ) هـ جتا س جتا س لو هـ (ب) جتا س هـ جتا س لو هـ (ج) جتا س هـ جتا س لو هـ (د) جتا س هـ جتا س لو هـ

..... = $\frac{ص}{هـ} (هـ جتا)$

۲۸. ص = جتا (هـ) فان : ص = هـ

(أ) - $\sqrt[3]{x}$ - (ب) - $\sqrt[3]{x-1}$

$$(ج) - \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2} - 1} \times \sqrt{2} - \sqrt{2} - 1$$

٢٩- في الشكل المقابل اذا كانت ق(س) = س . د(هـ) فان :

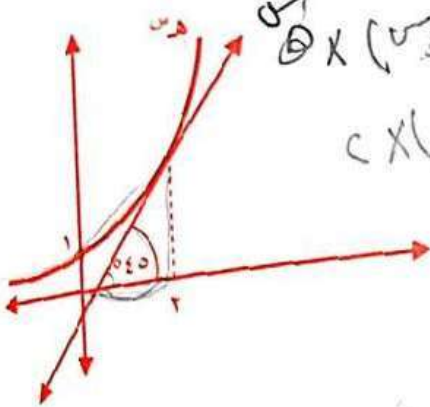
ق⁻ (الو_٢) = =

$$\sigma \otimes (\psi \otimes \phi) \otimes \psi + (\psi \otimes \phi) \otimes \psi \otimes \psi$$

$$cX(\varepsilon)' \circ X(\frac{1}{\varepsilon}) + (c)^2$$

(أ) ه^٢ + لو^٤ (ب) ه^٢ + لو^٨

(ج) ۲هـ + ۱ل و (ع) ۲هـ + ۱ل و



۳۰- اذا كانت $v = s^2$ هـ فان : $d^{(2)}(v) = \dots$ هـ ١٦ (ا) هـ ١٦ (ب) هـ ١٦ (ج) هـ ١٦ (د)

٢١٦ (أ)

(ب) ۱۰ھ ۲

(ج) ۸ ۲

٢٥١٤ (٩)

٤٤٢

٣١- في الشكل المقابل :

٣١- في الشكل المقابل :

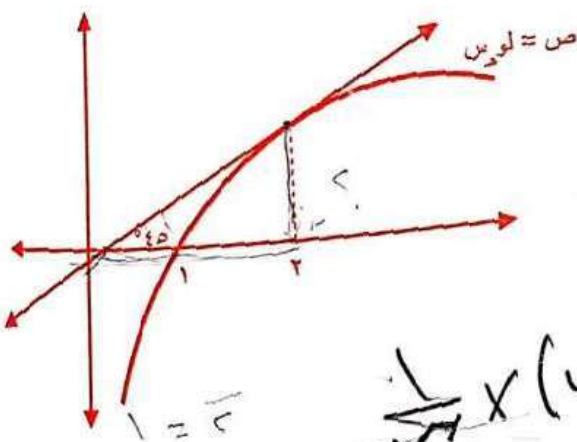
ق(س) = س². د (لوس) فان ق(ه²) =
(أ) دله ٣

(أ) فـلـو ٣٥

(ب) ۲ھ - ۲ھ

(ج) ۲ سو (۵ + ۲)

(٤) هـ^٢ لـ و ع هـ



فئة (هـ) = ص. و (لوس) + ص. و (لوس) $\times \frac{1}{2}$

٢٢- اذا كانت $v = 2$ ، $s = 1$ (و $n + 1$) فان $\frac{v}{s}$ عند $n = 2$ هي

۲۲ (أ)

(ب) ۲۳

(ج) ۲۵۲

२५३ (६)

٣٣- $\frac{ع}{س} = ((\text{ظا (لو س)}) = \dots\dots\dots$

(أ) ظا ((لو س) قا ((لو س) (ب) $\frac{١}{س}$ قا^٢ (لو س)

(ج) $\frac{١}{س}$ ظا ((لو س) قا ((لو س) (ج) لا شيء مما سبق

٣٤- $\frac{ع}{س} = ((\text{لو (ظا س)}) = \dots\dots\dots$

(أ) ٢ قا^٢ س ظا^٢ س (ب) ٢ قا^٢ س ظا س (ج) ٤ قتا^٢ س (د) ٢ قا^٢ س

٣٥- ص = $\frac{(١+س)^٢(١-س)^٥}{(٣+س)^٤}$ فإن $\frac{ع}{س}$ عند س = صفر هي

(أ) $\frac{٥}{٢٤٣}$ (ب) $\frac{١٠}{٢٤٣}$ (ج) $\frac{١٣}{٢٤٣}$ (د) $\frac{١٧}{٢٤٣}$

٣٦- ص = س جاس فإن ص =

(أ) س جاس [لو س جتا س + قا س] (ب) س جاس [$\frac{س}{جاس} + جتا س \times \text{لو س}$]

(ج) $\frac{٢ص}{س}$ (د) س جاس [لو س جتا س + $\frac{جاس}{س}$]

٣٧- إذا كانت ص = لو س - س فإن ص =

(أ) $\frac{٢ص-ص}{س}$ (ب) $\frac{(١-س) - \text{لو (س)} - (١-س) \text{ لو س}}{(١-س) (١-لو س)}$

(ج) $\frac{\text{س لو (س)} - (١-س) - (١-س) \text{ لو س}}{\text{س (س)} - (١-لو س)}$ (د) $\frac{٢ص}{س}$

٣٨- اذا كانت $v = s + s_{\text{جاء}}$ فان $v = \dots\dots\dots$

(ا) من (لوس + ۱) + س^{جائ} (جتاس (لوس) + $\frac{\text{جاس}}{\text{من}}$)

(ب) س^س [لو^س + ۱ + (جٹا^س) لو^س]

(ج) س جتا س [س (لوس + جتا س)]

(٤) لا شيء مما سبق .

۳۹- اذا كانت $D(s) = \frac{1}{s^2 + 1}$ فان $\lim_{t \rightarrow \infty} f(t) = \frac{1}{1} = 1$

$$(1) \sqrt[3]{-8} = -2$$

(ب) ۴۳۵

(ج) ۲۷۳۷۱

$$(e) \sqrt[3]{4}$$

۴۰۔ اذا كانت جتا س = ھ ص حيث ۰ < س < $\frac{\pi}{2}$ فان $\frac{ص}{س} = \dots\dots\dots$

(أ) $\sqrt{5x^2 - 1}$

(ب) - $\sqrt{5-1}$ ص

$$(ج) \sqrt{\frac{1}{5}} - 1 \sqrt{5} - 2$$

(ع) ۲ ص

٤١- اذا كان أ ، ب \in ح ، كان د(س) = س هـ ، كان د^(١٥)(س) = أ هـ + ب س هـ فان أ + ب =

$10(i)$

۱۱ (ب)

۱۳ (ج)

17 (c)

۴۲- اذا كانت ص = س فان ص^(۲) - س^(۱) (۱ + لويس)^۲ =

(۱) ملازم

(ب) $\frac{2 \text{ ص}}{2 \text{ ص}}$

(ج) $\frac{2 \text{ ص } 2}{\text{س}}$

$$\frac{س}{ص} (ع)$$

٤٣- معادلة المماس للمنحني Γ = لور $(\frac{u}{2})$ عند النقطة $(1, v)$ هي

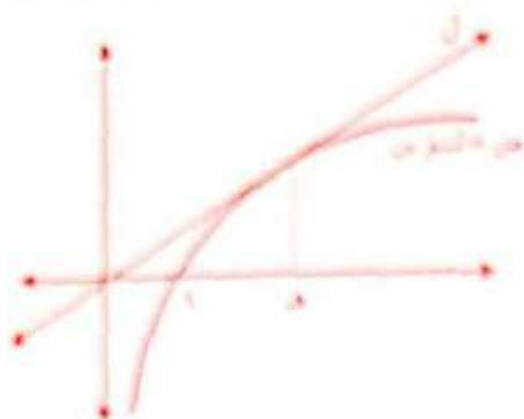
(أ) س - ص + لوع ه = .

(ب) ص - س + لو_۲ = ۰

(ج) ص - ۲س + لور ۲ھ = .

(٤) ص - ٢س + لو = ٤٥

١٤. في الشكل المقابل معادلة المستقيم هي :



- (أ) $x + y = 1$ (ب) $x + y = 2$
(ج) $x - y = 1$ (د) $x - y = 2$

١٥. $\left[x^2(1+x)^2 = \dots + \dots \right]$

- (أ) $\frac{1}{2}(1+x)^2$ (ب) $\frac{1}{2}(1+x)^2$ (ج) $\frac{1}{2}(1+x)^2$ (د) $\frac{1}{2}(1+x)^2$

١٦. $\left[x^2(1+x)^2 = \dots + \dots \right]$

- (أ) $x^2(1+x)^2$ (ب) $x^2(1+x)^2$ (ج) $x^2(1+x)^2$ (د) $x^2(1+x)^2$

١٧. $\left[\frac{x^2(1+x)^2}{x^2(1+x)^2} = \dots + \dots \right]$

- (أ) $x^2(1+x)^2$ (ب) $x^2(1+x)^2$
(ج) $x^2(1+x)^2$ (د) $x^2(1+x)^2$

١٨. $\left[x^2(1+x)^2 = \dots + \dots \right]$

- (أ) $x^2(1+x)^2$ (ب) $x^2(1+x)^2$
(ج) $x^2(1+x)^2$ (د) $x^2(1+x)^2$

١٩. $\left[x^2(1+x)^2 = \dots + \dots \right]$

- (أ) $x^2(1+x)^2$ (ب) $x^2(1+x)^2$
(ج) $x^2(1+x)^2$ (د) $x^2(1+x)^2$

٥٠. $\sqrt{\frac{\sqrt{s}+1}{s}}$ عس = + ث.

(أ) $\frac{4}{3}(\sqrt{s}+1)^{\frac{3}{2}}$ (ب) $\frac{1}{2}(\sqrt{s}+1)^2$
(ج) $(\sqrt{s}+1)^{\frac{5}{2}}$ (د) $\sqrt{s}(\sqrt{s}+1)^{\frac{3}{2}}$

٥١. $\int \text{جتا قاس}^2 (\text{جاس}) \text{ عس} = \dots + \text{ث}$

(أ) جا (جاس) (ب) ظا (جاس) (ج) جتا (جاس) (د) لا شيء مما سبق

٥٢. $\int \frac{s+2}{s+2} \text{ عس} = \dots + \text{ث}$

(أ) $s^2 + \text{لوس}$ (ب) $s + \text{لوس}$
(ج) $\frac{1}{s} \text{ لوس}$ (د) $s + \text{لوس} + 2$

٥٣. $\int \text{قا}^2 \frac{\pi}{4} \text{ عس} = \dots + \text{ث}$

(أ) جتا $\frac{\pi}{4} \text{ س}$ (ب) ظا $\frac{\pi}{4} \text{ س}$ (ج) 2 س (د) 3 س

٥٤. $\int \frac{1}{s \text{ لوس}} \text{ عس} = \dots + \text{ث}$

(أ) $s \text{ لوس}$ (ب) $\text{لوس} (\frac{1}{s})$
(ج) لوس (د) $\text{لوس} |\text{لوس}|$

٥٥. $\left[\frac{(1 + \sqrt{s})^5}{\sqrt{s}} = s^6 + \dots + \text{ث} \right]$

(أ) $\frac{1}{5}(1 + \sqrt{s})^5$ (ب) $\frac{1}{3}(1 + \sqrt{s})^6$ (ج) $\frac{1}{4}(1 + \sqrt{s})^2$ (د) $\frac{1}{3}(1 + \sqrt{s})^5$

٥٦. $\left[\frac{1}{s} \text{قا (لورس)} = s^6 + \dots + \text{ث} \right]$

(أ) ظا (لورس) (ب) جا (لورس) (ج) جتا (لورس) (د) قا (لورس)

٥٧. $\left[\frac{s^2 + 2s + 1}{1 + s^2 + 2s} = s^6 + \dots + \text{ث} \right]$

(أ) $\frac{1}{2} \text{لورس} | s^2 + 2s + 1 |$ (ب) $\frac{1}{3} \text{لورس} | s^2 + 2s + 1 |$
(ج) $\frac{1}{2} \text{لورس} | s^2 + 2s + 1 |$ (د) $\frac{1}{4} \text{لورس} | s^2 + 2s + 1 |$

٥٨. $\left[\frac{s^2}{1 + s^2} = s^6 + \dots + \text{ث} \right]$

(أ) $\text{لورس} \sqrt{1 + s^2}$ (ب) $\text{لورس} | 1 + s^2 + s^4 + s^2 |$
(ج) $\text{لورس} | 1 + s^2 |$ (د) $\frac{1}{3} \text{لورس} | 1 + s^2 |$

٥٩. إذا كان $\left[\frac{s^2 + 1}{s^2 + 2s + 1} = s^6 + s^2 + \text{ق (س)} \right]$ فان ق (س) =

(أ) $\frac{27}{8}$ (ب) $\frac{7}{8}$ (ج) $\frac{17}{8}$ (د) $\frac{27}{8}$

٦٠. إذا كان $\left[\text{ظا س} = s^2 + \text{جتاس} + \text{ق (س)} \right]$ فان ق $\left(\frac{\pi}{4} \right) = \dots$

(أ) $\frac{2\sqrt{2} + \sqrt{3}}{4}$ (ب) $\frac{3\sqrt{2} + 2\sqrt{3}}{6}$ (ج) $\frac{2\sqrt{2} + 4}{2}$ (د) $\frac{3\sqrt{2} + 2}{4}$

٦١. إذا كان $\left[\frac{d(s)}{جاس} = عس = هس + ٢س + ٥ \right]$ فإن $d(s) = \dots\dots\dots$

(ب) $(هس + ٢) جاس$

(أ) $جاس هس + ٢س$

(ع) $(هس - ٢) جتاس$

(ج) $جتاس لور | جاس | + هس + س$

٦٢. $\left[\frac{1}{س} (لورس س٢) عس = \dots\dots\dots + ث \right]$

(أ) $(لورس)٢$ (ب) $لور(س٢) + \frac{1}{٨} س٨$ (ج) $\frac{1}{٤} (لورس)٤$ (ع) $\frac{1}{٢} (لورس)٢ + س٨$

٦٣. $\left[\frac{قاس٢}{\sqrt{١ + ظاس}} عس = \dots\dots\dots + ث \right]$

(أ) $\sqrt{٢} قاس$ (ب) $\sqrt{٢ + ١} قاس$ (ج) $\sqrt{٢ + ١} ظاس$ (ع) $قاس٢$

٦٤. $\left[\sum_{ن=٠}^{\infty} \frac{1}{ن!} عس = \dots\dots\dots + ث \right]$

(أ) $هس$ (ب) $هس$ (ج) $هس٢$ (ع) $س٢ هس$

٦٤. $\left[\sum_{ن=٠}^{\infty} \frac{س٢}{ن!} عس = \dots\dots\dots + ث \right]$

(أ) $هس$ (ب) $هس$ (ج) $هس٢$ (ع) $س٢ هس$

٦٦. $\left[\frac{ع}{عس} = عس \frac{جتاس}{١ + جاس٢} = \dots\dots\dots \right]$

(أ) $\frac{جتاس}{١ + جاس٢}$ (ب) $جاس جتاس$ (ج) $لور(جاس٢ + ١)$ (ع) لا شيء مما سبق

٦٧. $\left[\frac{ع}{عس} (١ + ظاس٢) عس = \dots\dots\dots + ث \right]$

(أ) $١ + ظاس٢$ (ب) $قاس٢$ (ج) $قاس٢ ظاس٢$ (ع) لا شيء مما سبق

الباب الثالث

١- كل الدوال الآتية مجالها ح ماعدا

- (أ) كثيرة حدود (ب) الأسية (ج) دالة الجيب وجيب التمام (د) اللوغاريتمية

٢- إذا كانت د(س) = $s^2 - 6s + 11$ تزايدية ف الفترة

- (أ) $]-\infty, 4]$ (ب) ح
(ج) $]-\infty, 4]$ (د) ح - $]-3, 4]$

٣- إذا كان لمنحني الدالة د(س) = $s^2 + 12s + 1$ نقطة حرجة عند $s = 2$ فإن $a = \dots$

- (أ) ٤ (ب) ٥ (ج) ٢- (د) ٣-

٤- إذا كانت د(س) = $s^2 + b + s + 5$ لها نقطة حرجة عند $(1, 7)$ فإن $a + 2b = \dots$

- (أ) ٤ (ب) ٦ (ج) ٨ (د) ١٠

٥- إذا كانت د(س) = $\sqrt{s^2 - k}$ ، كانت (ك ، ٠) نقطة حرجة فإن د(ك) =

- (أ) ٣- (ب) ٢ (ج) صفر (د) غير معرفة

٦- إذا كانت د : $]-1, 4]$ ح ، د(س) = $s^2 - 3s$ فإن عدد النقاط الحرجة =

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) ٣

٧- إذا كان $D(s) = (s - 1)$ لود s حيث A ثابت ، كان لمنحني نقطة حرجه عند $s = 1$ ، فإن $A =$

- (أ) ٣ (ب) ٢- (ج) ٢ (د) ٣-

٨- إذا كانت $D(s)$ كثيرة حدود من الدرجة السابعة فإن أكثر عدد من النقاط الحرجة هو

- (أ) ٧ (ب) ٦ (ج) ٥ (د) ٤

٩- إذا كانت $D(s) = \frac{s+1}{s^2}$ ، فإن الدالة تناقصية ف الفترة

- (أ) $]-\infty, 1[$ (ب) $]-1, 0[$ (ج) $]0, 1[$ (د) $]-\infty, 1[$

١٠- إذا كانت $D(s) = (s^2 - 4)$ فإن الدالة تناقصية في

- (أ) $]-\infty, 2[$ (ب) $]2, \infty[$ (ج) $]-2, 2[$ (د) $]-2, 2[$

١١- إذا كانت $D(s)$ كثيرة حدود من الدرجة الثالثة وفردية والنقطة $(1, -2)$ نقطة حرجة لها فإن $D(s) =$

- (أ) $s^3 - 3s$ (ب) $s^3 + 3s$ (ج) $s^3 - 3s$ (د) لا شيء مما سبق

١٢- عدد النقاط الحرجة للدالة $f(s) = \sqrt{s} - \frac{1}{\sqrt{s}}$ هو

- (أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٣ (د) صفر

١٣- عدد النقاط الحرجة للدالة $f(s) = \frac{s}{s+2}$ هو

- (أ) ٢ (ب) صفر (ج) ٣ (د) ٤

١٤- عدد النقاط الحرجة للدالة $f(s) = \sqrt[3]{(1-s)^2}$ هو

- (أ) ١ (ب) صفر (ج) ٢ (د) ٣

١٥- عدد النقاط الحرجة للدالة $f(s) = \frac{\sqrt{1-s}}{s}$ هو

- (أ) ٣ (ب) صفر (ج) ٢ (د) ١

١٦- النقاط الحرجة للدالة $f(s) = s + 2$ جاس عند $s > \pi^2$ هي

- (أ) $(\frac{\pi^2}{3}, \frac{\pi^2}{3} + \sqrt[3]{3})$ (ب) $(\frac{\pi^2}{3}, \frac{\pi^2}{3} - \sqrt[3]{3})$ (ج) $(\frac{\pi^2}{3}, \frac{\pi^2}{3} + \sqrt[3]{3})$ (د) أ، ب معا

١٧- إذا كانت $f(s)$ متصلة ف الفترة $[m, k]$ ، تزايدية فإن القيمة العظمى المطلقة هي

- (أ) $d(m)$ (ب) $d(k)$ (ج) $d(m)$ ، k (د) لا شيء مما سبق

١٨- إذا كانت $f(s) = (s-k)(s-m)$ فإن الدالة تناقصية في

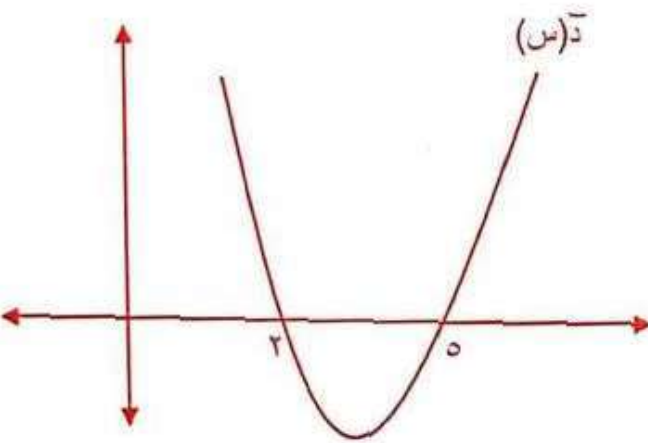
- (أ) $[m, k]$ (ب) $[k, m]$ (ج) $[k, m]$ (د) لا شيء مما سبق

| | | | | | |
|------|----|---|---|---|----|
| س | ٥ | ٤ | ٣ | ١ | ٠ |
| د(س) | ٣- | ٠ | ٥ | ٠ | ٢- |

١٩- من بيانات الجدول التالي د(س) تزايدية في

(أ) $[٤, ٠]$ (ب) $[١, ٤]$

(ج) $[١, ٥]$ (د) لا شيء مما سبق



٢٠- في الشكل المقابل : د(س) فإن د(س)

(أ) لها قيمة عظمى محلية وصغرى محلية

(ب) لها قيمة عظمى محلية فقط

(ج) لها قيمة صغرى محلية فقط

(د) لا يوجد قيمة عظمى محلية او صغرى محلية

٢١- اذا كانت د هي الدالة العكسية للدالة ر(س) ، وكانت ر(س) تناقصية علي مجالها فإن د(ر(س))

(أ) تزايدية دائماً (ب) لا يمكن إيجاد اطرافها

(ج) تناقصية دائماً (د) لها فترات تزايد وفترات تناقص

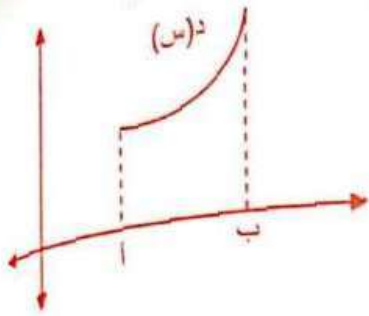
٢٢- اذا كانت د(س) = $\frac{1}{س-ك}$ فإن د(س) تناقصية دائماً عند ك \exists

(أ) ح (ب) ح - $[١, ٥]$ (ج) ح - $\{٢\}$ (د) $[١, ٥]$

٢٣- اذا كانت د(س) = $\frac{1}{س} + \frac{٣}{س} + ٢س$ فإن المماس لمنحني د(س) يصنع زاوية منفرجة عند س \exists

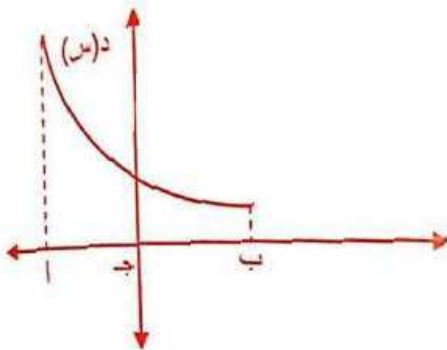
(أ) ح (ب) ح - $[١, ٢]$ (ج) ح - $[٢, ١]$ (د) $[٢, ١]$

٢٤- في الشكل المقابل يمثل منحني د(س) فإذا كان ق(س) = س^٢ د(س) فإن ق(س) =



- (أ) متناقصة (ب) متزايدة
(ج) ثابتة (د) لا يمكن تحديد الاطراد

٢٥- في الشكل المقابل يمثل منحني د(س) إذا كانت ق(س) = (د(س))^٢ فإن ق(س) =

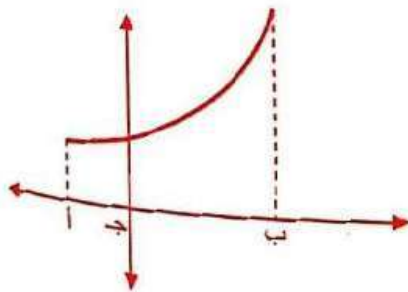


- (أ) متناقصة (ب) متزايدة
(ج) تناقصية في [أ، ب] ، تزايدية في [ب، ج]
(د) تزايدية في [أ، ج] ، تناقصية في [ج، ب]

٢٦- إذا كانت د(س) تزايدية علي ح ، ر(س) تناقصية علي ح ، كانت ق(س) = د(س) - ر(س) فإن ق(س) =

- (أ) تناقصية (ب) ثابتة (ج) تزايدية (د) لا يمكن تحديد اطرادها

٢٧- في الشكل المقابل يمثل منحني د(س) ، كانت ق(س) = س^٢ د(س) فإن ق(س) =



- (أ) تزايدية في [أ، ج] ، تناقصية في [ب، ج]
(ب) تزايدية في [ب، ج] ، لا يمكن تحديد اطرادها في [أ، ج]
(ج) تزايدية في [ب، ج] ، تناقصية في [أ، ج]
(د) لا يمكن تحديد اطرادها مطلقا

٢٨- في الشكل المقابل منحنى د(س) ، ق(س) = س د(س) (١) ق(س) تزايدية في

- (أ) [أ ، ب] (ب) [ب ، ج] (ج) [أ ، ج] (د) لا يمكن تحديدها

(٢) ق(س) تناقصية في

- (أ) [أ ، ب] (ب) [ب ، ج] (ج) [أ ، ج] (د) لا يمكن تحديدها

(٣) ق(س) تناقصية في [ب ، ج] اذا كان

- (أ) بدون شرط (ب) $س د(س) < د(س)$ (ج) $س د(س) < د(س)$ (د) $س د(س) > د(س)$

٢٩- اذا كانت د : ح ← ح ، د(س) = $س^3 - ٥س^2 + ٣س$ فانها تكون تزايدية علي

- (أ) $[٣ ، \frac{1}{3}]$ (ب) $[-٣ ، \frac{1}{3}]$ (ج) $[-٣ ، \frac{1}{3}] - ح$ (د) $[٣ ، \frac{1}{3}]$

٣٠- في الشكل المقابل يمثل منحنى د(س) للدالة د(س) متصلة علي الفترة [أ ، ج]

(١) د(س) تزايدية في

- (أ) [أ ، ب] (ب) [ب ، ج] (ج) [أ ، د] (د) [أ ، ب] ، [ب ، ج] ، [ج ، د]

(٢) د(س) لها قيمة عظمى محلية عند

- (أ) هـ (ب) هـ (ج) ب (د) ج

٣١- عدد النقاط الحرجة للدالة $D(s) = 2 - \log s - s^2$ هو

(أ) صفر

(ب) ١

(ج) ٢

(د) ٣

٣٢- عدد النقاط الحرجة للدالة $D(s) = s + \log s$ هو

(أ) صفر

(ب) ١

(ج) ٢

(د) ٣

٣٣- الدالة $D(s) = s + \log s$ تزايدية في

(أ) $]-\infty, 1[$

(ب) $]-\infty, 0[$

(ج) $]-\infty, 1[$

(د) $]-\infty, 0[$

٣٤- إذا كانت $s = 1$ نقطة حرجة للدالة $D(s)$ ، كانت $D(1) < 0$ ، فإنه عند $s = 1$ توجد

(أ) عظمي محلية (ب) صغري محلية (ج) ليست عظمي وليست صغري (د) لا شيء مما سبق

٣٥- إذا كانت $D(s) = \begin{cases} 3s^2 + 2s & , s \leq 1 \\ 0 & , s > 1 \end{cases}$ فإن $D(s)$ مطردة التزايد في

(أ) ح

(ب) ح - {1}

(ج) $]-\infty, 1[$

(د) $]-\infty, 0[$

٣٦- إذا كانت $D(s) = \begin{cases} 3 + 2s & , s \leq 2 \\ 7 & , s > 2 \end{cases}$ فإن عند $s = 2$ توجد

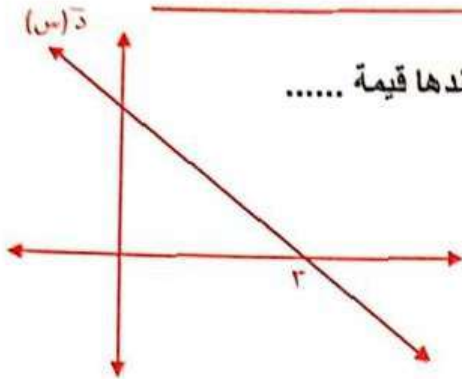
(أ) عظمي محلية

(ب) صغري محلية

(ج) ليست عظمي وليست صغري (د) لا شيء مما سبق

٣٧- إذا كان منحنى الدالة D حيث $D(3) = 2$ ، $D(3) = 0$ ، $D(3) = 5$ ، فإن النقطة $(3, 2)$ عندها ...

(أ) عظمي محلية (ب) صغيري محلية (ج) غير معرفة (د) صغرية



٣٨- في الشكل المقابل يمثل منحنى $\bar{د}(٣)$ فإن النقطة (٣ ، د(٣)) عندها قيمة

(أ) صغيري محلية (ب) عظمي محلية

(ج) غير معرفة (د) صغرية

٣٩- منحنى الدالة $د(س) = س^٤ - ٢س^٢$ له

(أ) ٢ عظمي محلية ، ١ صغيري محلية (ب) ٢ صغيري محلية ، ١ عظمي محلية

(ج) ١ عظمي محلية ، ٣ صغيري محلية (د) ٢ عظمي محلية ، ٢ صغيري محلية

٤٠- إذا كانت $د(س) = س^٢ + أس + ب$ ، لها قيمة عظمي محلية (١٣) عند $س = -٣$ فإن $أ + ٢ب =$

(أ) ٢٧ (ب) ٥٤ (ج) ٣٢ (د) ٥٠

٤١- إذا كانت $د(س) = \frac{س}{لوس}$ فإن القيمة الصغيري المحلية للدالة $د$ تساوي

(أ) هـ (ب) $\frac{١}{هـ}$ (ج) ١ (د) $١ - هـ$

٤٢- الدالة $د : ح \rightarrow ح$ حيث $د(س) = ٣س - جاس$ فإن $د(س) =$

(أ) تزايدية (ب) تناقصية

(ج) صغيري محلية عند $س = ٣$ (د) عظمي محلية عند $س = ٠$

٤٣- إذا كانت $د(س) = \sqrt{٨س - س^٢}$ ، فإن القيمة العظمي المطلقة في $[٠ ، ٨]$ هي

(أ) ٢ (ب) ١٦ (ج) ٣٢ (د) ٤

٤٤- مدى الدالة $d(s)$ = جاس + جتا s في الفترة $[\pi/2, 0]$ هو

- (أ) $[1, 1]$ (ب) $[\sqrt{2}, \sqrt{2}]$ (ج) $[\sqrt{2}, \sqrt{2}]$ (د) $[-1, 1]$

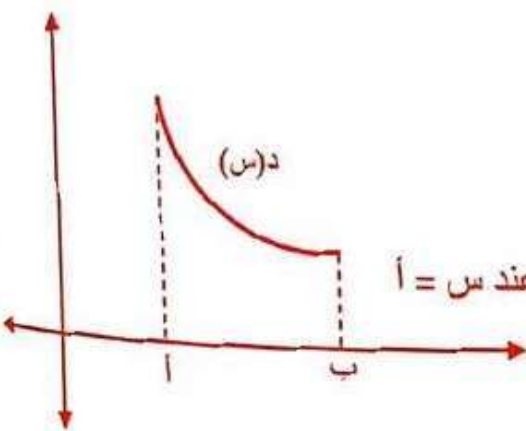
٤٥- إذا كانت $d(s) = \begin{cases} s^2 - 5 & , s \geq 2 \\ s^2 - 3 & , s < 2 \end{cases}$ ، وكانت $l \geq d(s) \geq m$ ، فإن $l + m = \dots\dots\dots$

- (أ) -٤ (ب) ٦ (ج) ٢ (د) ٤

٤٦- الدالة $d(s) = s^2$ عدد النقاط الحرجة لها =

- (أ) صفر (ب) ٢ (ج) ٣ (د) ١

٤٧- في الشكل المقابل يمثل منحنى $d(s)$ ، كان $q(s) = s^2 d(s)$ فإن المنحنى الدالة $q(s)$



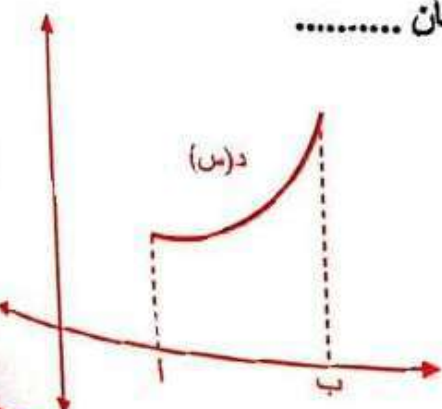
(أ) محدب لأسفل في الفترة $[a, b]$

(ب) محدب لأعلى في الفترة $[a, b]$

(ج) المنحنى محدب لأعلى في الفترة $[a, b]$ وله نقطة انقلاب عند $s = a$

(د) لا يمكن تحديد التحدب

٤٨- في الشكل المقابل يمثل منحنى $d(s)$ ، كانت $q(s) = [d(s)]^2$ فإن



(أ) التحدب لأعلى في $[a, b]$

(ب) التحدب لأسفل في $[a, b]$

(ج) لا يمكن تحديد نوع التحدب

(د) لا شيء مما سبق

٤٩- المنحني د(س) = $\frac{1+s}{3+s}$ محدب لأسفل عندما $s \in \dots\dots\dots$

(أ) $[-1, 1]$ (ب) $[-1, 1]$

(ج) $[-2, 2]$ (د) $[-1, 1]$

٥٠- إذا كان د(س) = (س - ١) (س - ٢) (س - ٣) (س - ٤) فإن منحني د(س) له نقطة انقلاب

(أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٣ (د) لا يوجد نقاط انقلاب

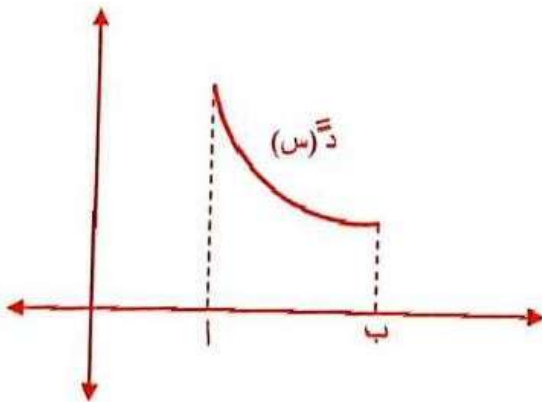
٥١- إذا كانت (١، ٣) صغري محلية، (٧، ٣) عظمي محلية لنفس منحني الدالة فإن نقطة الانقلاب هي .

(أ) (٧، ١) (ب) (٥، ٢) (ج) (٣، ١) (د) (٨، ٣)

٥٢- إذا كان المستقيم ص - س - ٣ = ٠ مماساً للمنحني ق(س) الذي يمر بالنقطتين (٣، ٣-)، (٤، ٢-) فإن منحني ق(س)
(أ) محدب لأعلى (ب) محدب لأسفل

(ج) له عظمي محلية عند (٤، ٢-) (د) له عظمي محلية عند (٣، ٣-)

٥٣- في الشكل المقابل يمثل المنحني د(س)، كانت ق(س) = س د(س) فإن منحني الدالة ق(س) يكون محدب لأعلى إذا كان
(أ) $2 \bar{D}(s) < D(s)$ (ب) $2 \bar{D}(s) \leq D(s)$ (ج) $D(s) < 2 \bar{D}(s)$ (د) $2 \bar{D}(s) < 3 \bar{D}(s)$



| | | | | | |
|------|----|----|----|---|---|
| د(س) | ٢- | ١- | ٠ | ١ | ٢ |
| د(س) | ٣ | ٠ | ٤- | ٠ | ٥ |

- من بيانات الجدول التالي :

(١) منحنى د(س) محدب لأعلى

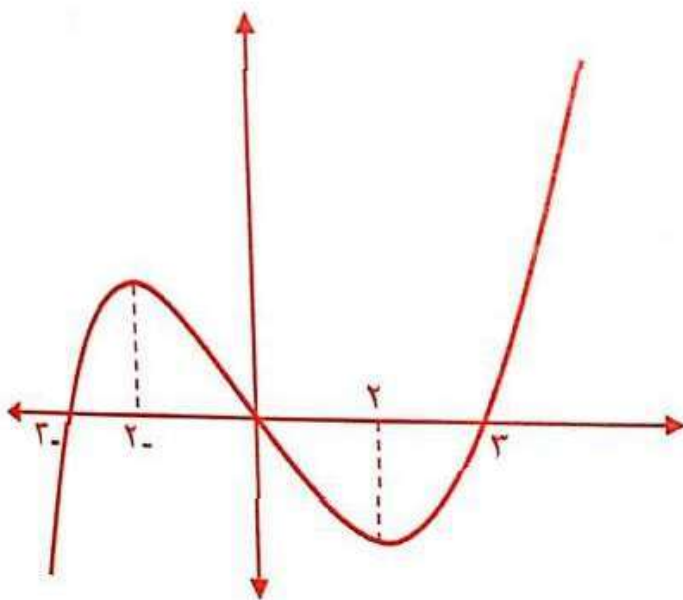
(أ) $[-1, 1]$ (ب) $[1, \infty)$

(ج) $[-1, \infty)$ (د) $(-\infty, 1]$

(٢) منحنى د(س) له نقطة انقلاب

(أ) ١ (ب) صفر

(ج) ٣ (د) ٢



٥٠- في الشكل المقابل د(س) فإن

(١) د(س) تزايدية في

(أ) $[0, 3]$

(ب) $[3, 0]$

(ج) $[0, \infty)$

(د) $(-\infty, 3]$

(٢) مجموعة حل المتباينة د(س) > صفر هي

(أ) $[2, 2-]$ (ب) $[2, 2-]$

(ج) ح (د) $[2, 2-] - ح$

(٣) منحنى الدالة د(س) له

(أ) قيمتان عظمى وواحدة صغرى

(ج) قيمة عظمى وقيمة صغرى

(ب) قيمتان صغرى وواحدة عظمى

(د) قيمتان صغرى وقيمتان عظمى

(٤) المنحني له نقطة انقلاب

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) ٣

(٥) إذا رسم مستقيم فإن أكبر عدد من النقاط يمكن ان يقطع فيها المنحني هو

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) ٣

٥٦- في الشكل المقابل يمثل منحني $\bar{D}(S)$ ،

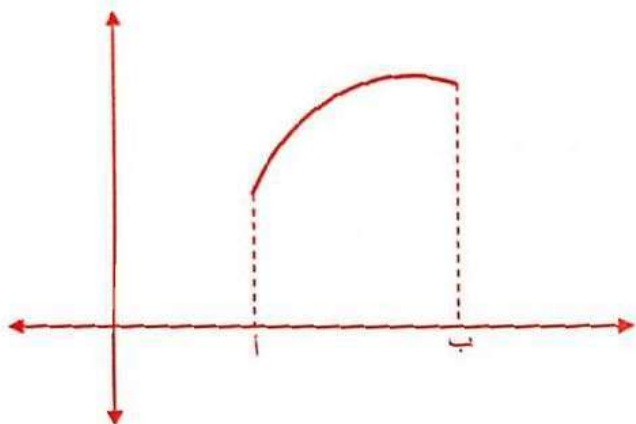
ق(س) = $\bar{D}(S) \times \bar{D}(S)$ فإن ق(س) تزايدية عندما

(أ) $\bar{D}(S) < \bar{D}(S) \times \bar{D}(S)$

(ب) $(\bar{D}(S))^2 < \bar{D}(S) \times \bar{D}(S)$

(ج) $\bar{D}(S) < \bar{D}(S) \times \bar{D}(S)$

(د) $(\bar{D}(S))^2 < \bar{D}(S) \times \bar{D}(S)$



٥٧- إذا كان $\bar{D}(S) = \frac{\bar{D}(S) - (\bar{D}(S) + \bar{D}(S))}{\bar{D}(S)}$ ، فإن منحني الدالة

(ب) محدب لأسفل

(أ) محدب لأعلى

(د) له قيمة صغرى محلية

(ج) له قيمة عظمى محلية

٥٨- إذا كانت الدالة د من الدرجة السادسة فإن أكبر عدد من نقاط الانقلاب هو

- (أ) ٣ (ب) ٤ (ج) ٥ (د) ٦

٥٩- معادلة المماس الإنقلابي لمنحني الدالة د(س) = $5S + 6S^2 - S^3$ هو

(ب) $3V + 8S = 23$

(أ) $8S - 27 = 0$

(د) $2V - 8S = 27$

(ج) $27S - 8 = 0$

٦٠. إذا كانت $d(s) = q(s) - h(s)$ حيث $q(3) = h(3)$ ، $q(3) > h(3)$ فإنه

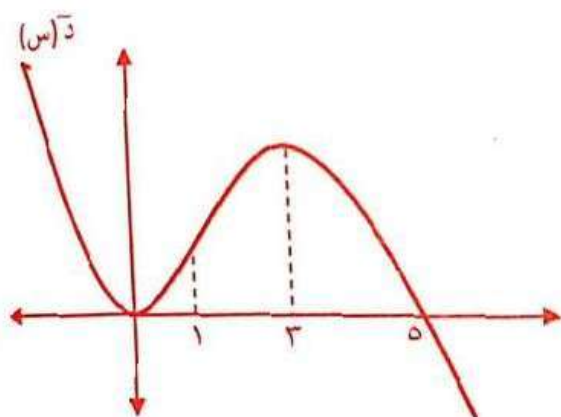
عند $s = 3$ تكون الدالة

- (أ) عظمي محلية (ب) صغيري محلية (ج) عظمي مطلقة (د) نقطة انقلاب

٦١. إذا كانت النقطة $(3, -9)$ نقطة انقلاب للمنحني $s^3 + as^2 + bs = 2$ ، فإن $a + b = \dots\dots\dots$

- (أ) 6 (ب) 30 (ج) 28 (د) 17

٦٢. في الشكل المقابل يمثل منحني $d(s)$



(١) الدالة لها عظمي محلية عند $s = \dots\dots\dots$

- (أ) 5 (ب) صفر (ج) 3 (د) 1 ، 3 ، 5

(٢) منحني الدالة محدب لأسفل عند $s \in \dots\dots\dots$

- (أ) $]-\infty, 0]$ (ب) $[3, \infty)$

- (د) $[0, 3]$ (د) 1 ، 3 ، 5

(٣) $d'''(s) < 0$ عندما $s \in \dots\dots\dots$

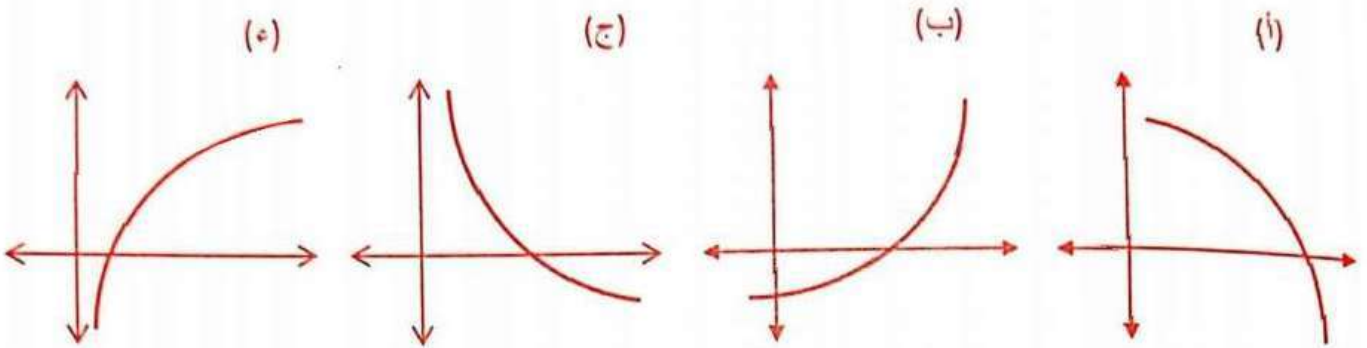
- (أ) $[1, 3]$ (ب) $[3, \infty)$ (ج) $[1, \infty)$ (د) $]-\infty, 1]$

٦٣. إذا كان منحني الدالة $d(s) = s^3 + as^2 + bs + c$ له قيمة عظمي محلية عند $(2, 4)$ ، له نقطة انقلاب عند $(1, 2)$ فإن معادلة المنحني هي $s = \dots\dots\dots$

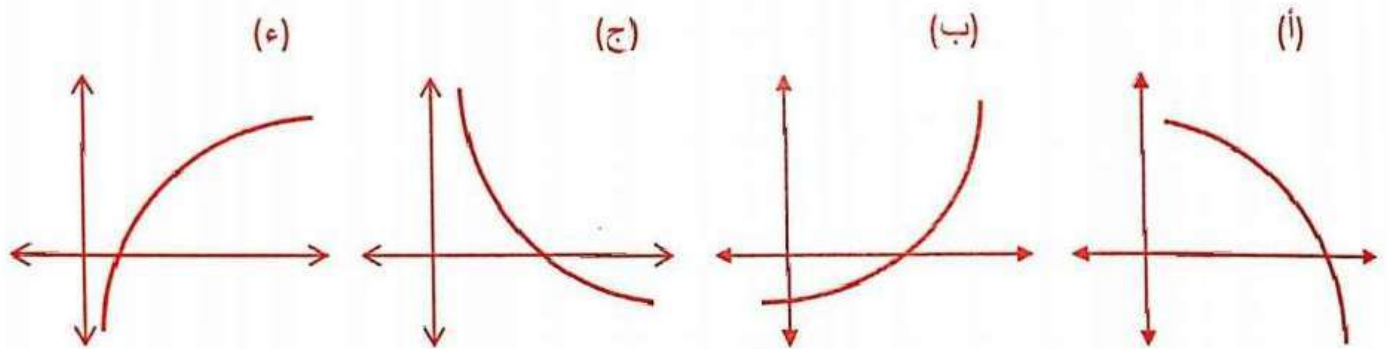
- (أ) $s^3 + 3s^2$ (ب) $s^3 + 3s^2 - 2s$

- (ج) $s^3 - 3s^2$ (د) $s^3 + 3s^2 + 2s$

٦٤- إذا كان $\bar{D}(S) > \text{صفر}$ ، $\bar{D}(S) > \text{صفر}$ فإن المنحني الذي يمثل $D(S)$ هو



٦٥- إذا كان $\bar{D}(S) < \text{صفر}$ ، $\bar{D}(S) < \text{صفر}$ فإن المنحني الذي يمثل $D(S)$ هو

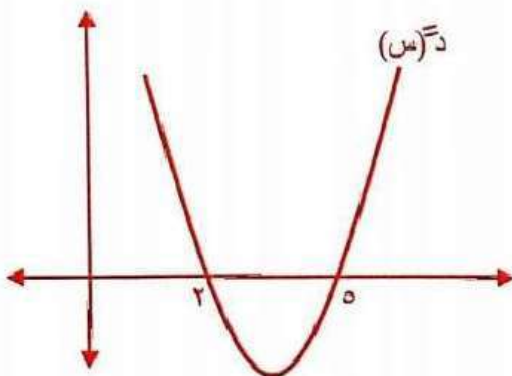


٦٦- في الشكل المقابل يمثل منحني $D(S)$:

(١) منحني الدالة محدب لأعلى

(أ) $]-\infty, 2]$ (ب) $], 0[$

(ج) $], 2[$ (د) $], 0[$ ، أ ، ب معا



(٢) إذا كان $\bar{D}(S) = (1-) = \bar{D}(3) = \bar{D}(6) = 0$ ، فإنه عند $S = \dots\dots\dots$ توجد عظمي محلية

(أ) 1- (ب) 3 (ج) 6 (د) أ ، ب معا

(٣) و $|f(x)| < \epsilon$ صفر عندما $x \rightarrow 3$.

- (أ) $[-1, 1]$ (ب) $[-2, 2]$ (ج) $[-3, 3]$ (د) $[-4, 4]$

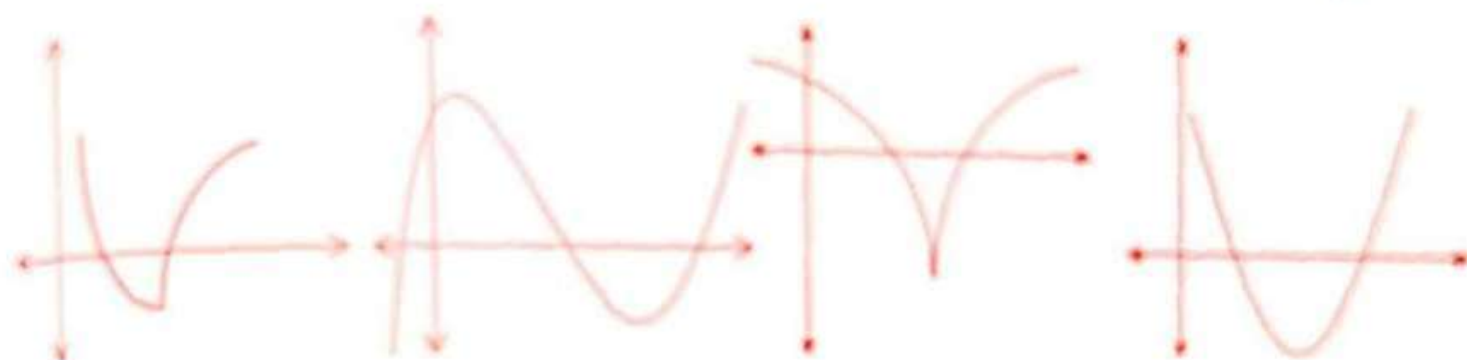
٢٧. إذا كان منحنى الدالة $f(x)$ يحقق الشروط التالية :

(١) $f(1) = f(2) = \text{صفر} , f(3) = 3$

(٢) $f(x) > \text{صفر}$ عند $x = 3$ ، $f(x) < \text{صفر}$ عند $x = 2$

(٣) $f(x) > \text{صفر}$ لكل $x \neq 3$. فإن المنحنى الذي يمثل $f(x)$ هو

- (أ) (ب) (ج) (د)



٢٨. في الشكل المقابل يمثل منحنى $f(x)$ للدالة $f(x)$ متصلة على \mathbb{R}

(١) الدالة متزايدة عند $x = 3$

(أ) $[-1, 1]$ (ب) $[-2, 2]$

(ج) $[-3, 3]$ (د) $[-4, 4]$

(٢) الدالة متناقصة عند $x = 3$

(أ) $[-1, 1]$ (ب) $[-2, 2]$

(ج) $[-3, 3]$ (د) $[-4, 4]$

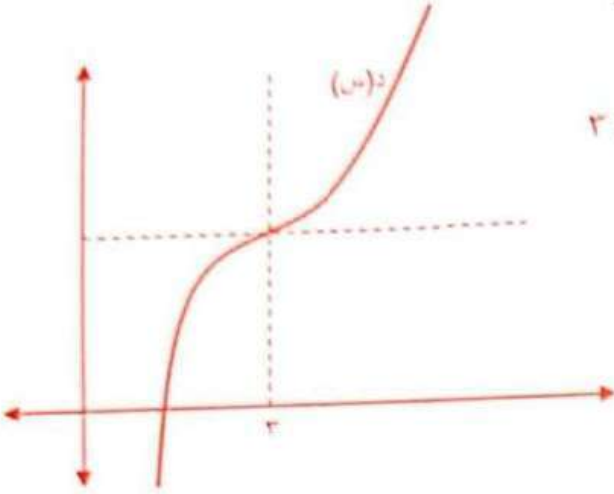
(٣) منحنى الدالة محني لأعلى عند $x = 3$

(أ) $[-1, 1]$ (ب) $[-2, 2]$

(ج) $[-3, 3]$ (د) $[-4, 4]$

(أ) $[-1, 1]$ (ب) $[-2, 2]$

٦٩- في الشكل القابل منحنى د(س) جميع العبارات الآتية صحيحة ما عدا



(أ) $d(3) > 0$ صفر عند $s = 3$ ، $d(3) < 0$ صفر عند $s = 3$ >

(ب) $d(3) = 0$ صفر

(ج) $d(3) < 0$ صفر ، $d(3) > 0$ صفر عند $s = 3$ >

(د) $d(3) < 0$ صفر ، $d(3) < 0$ صفر عند $s = 3$ <

٧٠- (مصر ٢٠١٨) قطاع دائري ٣٠ سم ومساحة أكبر ما يمكن فإن طول نصف قطر دائرته =

- (أ) ١٠ (ب) ٧,٥ (ج) ٨,٥ (د) ٦

٧١- النقط الواقعة على المنحنى $s^2 - ص = ٨$ بحيث تكون المسافة بينها وبين النقطة $(٢, ٠)$ أقل ما يمكن =

- (أ) $(١, ٣)$ ، $(١, ٣-)$ (ب) $(٣, ٥)$ ، $(٢, ٧)$
(ج) $(١, ٢)$ ، $(٤, ٦)$ (د) $(٤, ٤)$ ، $(٤, ٤-)$

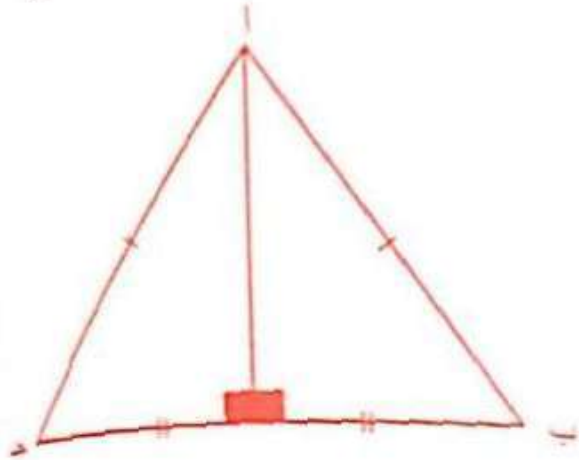
٧٢- أقرب نقطة إلى النقطة $(٥, ٠)$ وتقع على المنحنى $ص = \frac{1}{٢}s^2 - ٤$ هي

- (أ) $(١, ٣)$ ، $(١, ٣-)$ (ب) $(٣, ٥)$ ، $(٢, ٧)$
(ج) $(١, ٢)$ ، $(٤, ٦)$ (د) $(٤, ٤)$ ، $(٤, ٤-)$

٧٣- أقصر بعد بين المستقيم $s - ٢ ص + ١٠ = ٠$ ، المنحنى $ص^2 = ٤س$ يساوي

- (أ) $\frac{\sqrt{١٠}}{٥}$ (ب) $\frac{\sqrt{١٠}}{٥}$ (ج) $\frac{\sqrt{١٠}}{٥}$ (د) $\frac{\sqrt{١٠}}{١٠}$

٧٤- مثلث متساوي الساقين محيطه ٣٠ سم ، فإن طول اضلاعه لكي تكون مساحة سطحه اكبر ما يمكن تساوي



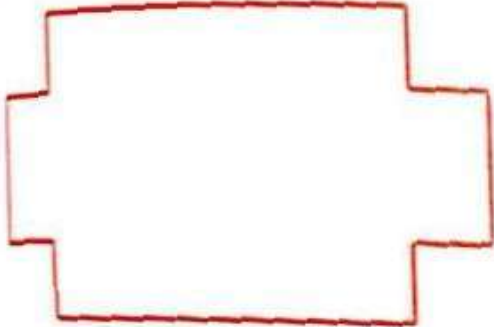
(ب) ١٠ ، ١٠ ، ١٠

(٤) ١٠ ، ٣٠ ، ٢٠

(أ) ٢٠ ، ١٠ ، ١٥

(ج) ٣ ، ١٨ ، ٩

٧٥- قطعتين من الورق المقوي علي شكل مستطيل بعناه ١٥ سم ، ٢٤ سم قطع من أركانها الأربعة مربعات متطابقات طول ضلع كلا منها س سم ، ثم نُثِيت الأجزاء البارزة لأعلي لتكون علبة بدون غطاء فإن ابعاد العلبة عندما يكون لها اكبر حجم = ، ،



(ب) ١٠ ، ١٠ ، ١٠

(٤) ١٠ ، ٣٠ ، ٢٠

(أ) ٢٠ ، ١٠ ، ١٥

(ج) ٣ ، ١٨ ، ٩

٧٦- (مصر ٢٠١١) متوازي مستطيلات قاعدته مربعة الشكل و مجموع اطوال احرفه ٢٤٠ سم فإن ابعاد متوازي المستطيلات عندما يكون حجمه اكبر ما يمكن

(ب) ٢٠ ، ٢٠ ، ٢٠

(٤) ١٨ ، ٦ ، ١٢

(أ) ١٠ ، ٢٠ ، ١٠

(ج) ١٥ ، ١٠ ، ٢٠

٧٧- (مصر ٢٠٠٤ ، ٢٠٠٠) متوازي مستطيلات حجمه ٥٧٦ سم^٣ والنسبة بين طولي ضلعي قاعدته ٢ : ١ ، فإن ابعاد المتوازي التي تجعل مساحته الكلية اقل ما يمكن

(ب) ٢٠ ، ٢٠ ، ٢٠

(٤) ١٨ ، ٦ ، ١٢

(أ) ١٠ ، ٢٠ ، ١٠

(ج) ١٥ ، ١٠ ، ٢٠

٧٨- (مصر ٢٠١٠) إذا كان مجموع طول نصف قطر قاعدة أسطوانة دائرية قائمة وارتفاعها ٣٠ سم فإن أكبر حجم ممكن للأسطوانة =

- (أ) $\pi 3000$ (ب) $\pi 4000$ (ج) $\pi 5000$ (د) $\pi 6000$

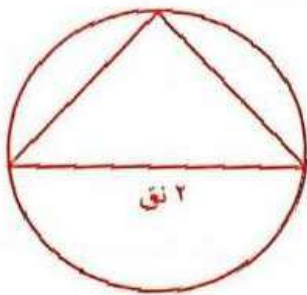
٧٩- تصنع علب اسطوانية الشكل مغلقة لتعبئة المشروبات ، سعة كل منها (ك) من الوحدات الحجم بأقل قدر من المادة فإن نسبة ارتفاع العلبة (ع) الي طول نصف قطر قاعدته (نق) =

- (أ) $\frac{1}{2}$ (ب) $\frac{1}{3}$ (ج) $\frac{2}{3}$ (د) $\frac{2}{1}$

٨٠- (السودان ٢٠١٩) إذا كان ثمن البيع لسلعة ما هو (١٠٠ - ٠.٢ ، ٠ س) جنيها لكل وحدة من هذه السلعة حيث س هو العدد المنتج من هذه السلعة فإذا كانت تكلفة انتاج (س) وحدة يكلف (٤٠ س + ١٥٠٠) جنيها فإن عدد السلع الواجب انتاجها لجعل الربح أكبر ما يمكن =

- (أ) ١٥٠٠ (ب) ٢٠٠٠ (ج) ٣٠٠٠ (د) ٣٥٠٠

٨١- تتحرك نقطة علي دائرة نصف قطرها ١٠ سم فإن بعدي النقطة عن طرفي قطر الدائرة بحيث يكون مجموع بعديهما أكبر ما يمكن =

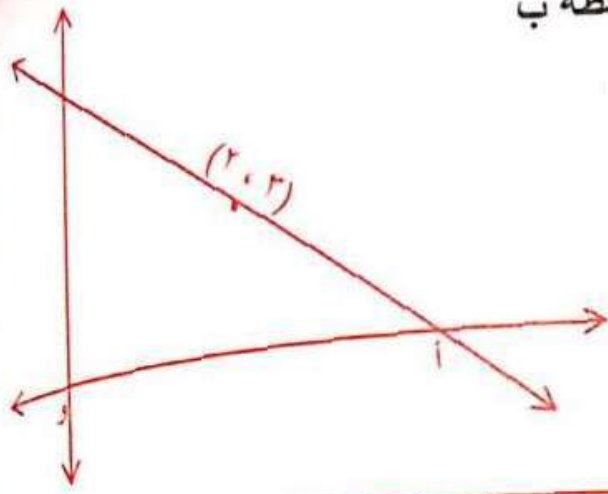


- (أ) س = $2\sqrt{2}$ نق ، ص = $2\sqrt{2}$ نق (ب) س = $2\sqrt{2}$ نق ، ص = $2\sqrt{2}$ نق
(ج) س = $2\sqrt{3}$ نق ، ص = $2\sqrt{3}$ نق (د) س = $3\sqrt{2}$ نق ، ص = $3\sqrt{2}$ نق

٨٢- (مصر ٢٠١٣) إذا كان منحنى الدالة د(س) = $\frac{7}{3 + 2س}$ والتي يكون ميل المماس عندها اصغر ما يمكن و أيضا النقاط التي يكون عندها ميل المماس أكبر ما يمكن فإن النقاط =

- (أ) $(\frac{3}{2}, 1)$ ، $(\frac{3}{2}, 1)$ (ب) $(3, 5)$ ، $(2, 7)$
(ج) $(1, 2)$ ، $(4, 6)$ (د) $(4, 4)$ ، $(4, -4)$

في مستوي احداثي متعامد رسم \overleftrightarrow{AB} يمر بالنقطة جـ (٢ ، ٣)
مع الجزئين الموجبين من محور الاحداثيات في النقطة أ ، النقطة ب
صغر مساحة للمثلث أ و ب حيث (و) نقطة الأصل =



(ب) ٣٦

٢

(٤) ٦

١٢

متوازي مستطيلات طول قطره ١٥ سم فإن اكبر حجم له =

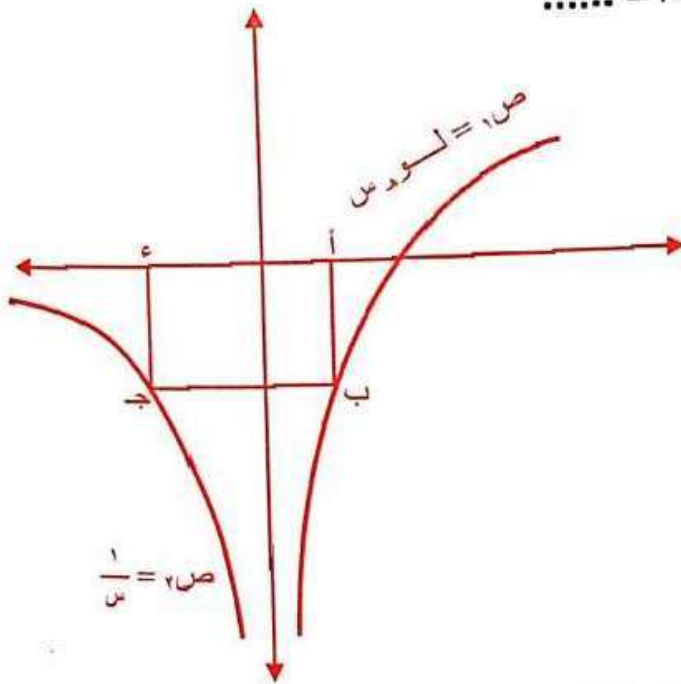
(ب) $\sqrt[3]{250}$

$\sqrt[3]{12}$

(٤) $\sqrt[3]{375}$

$\sqrt[3]{30}$

في الشكل المقابل اكبر مساحة للمستطيل أ ب جـ ء =



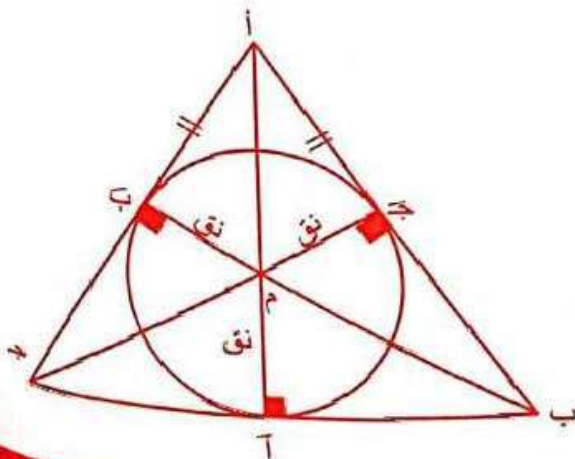
١ + -

١ + $\frac{1}{2}$

ء

١ - ء

دائرة مركزها (م) مرسومة داخل مثلث متساوي الساقين ،
جـ مساحته ثابتة وتساوي (ك) وحدة مربعة ، فإن قياس زاوية
المثلث بحيث يكون طول نصف قطر الدائرة المرسومة داخل
ث اكبر ما يمكن =

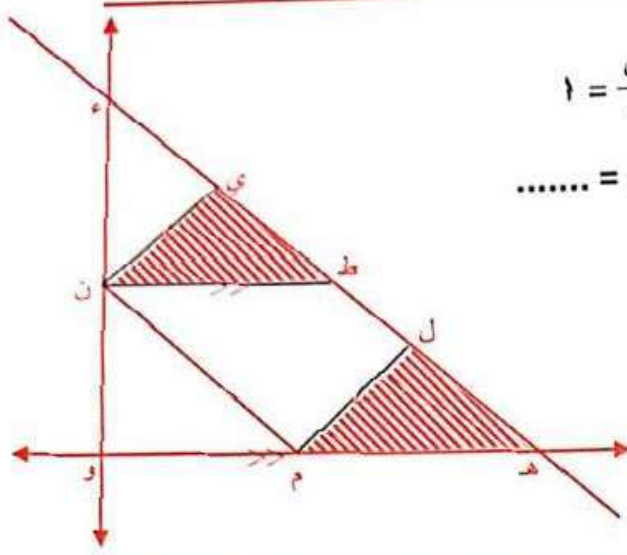


(٤) ١٨٠°

(ج) ٣٠°

(ب) ٦٠°

٩٠°

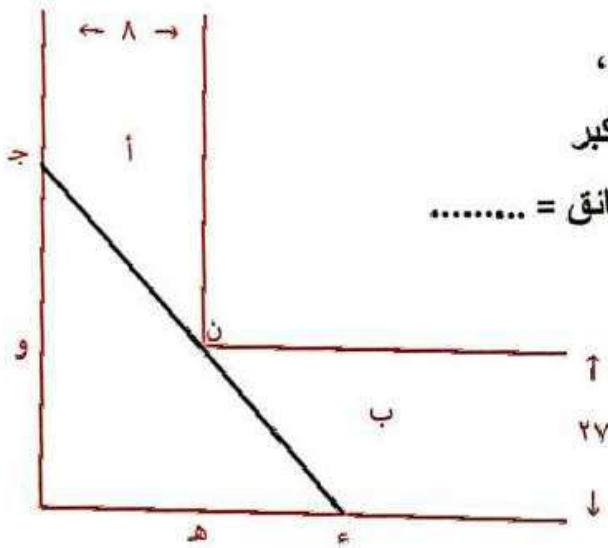


٨٧- في الشكل المقابل معادلة $\vec{هـ هـ} هي \frac{ص}{ب} + \frac{س}{ا} = ١$
 $\vec{هـ هـ} \parallel \vec{م ن}$ فإن اكبر مساحة للمتوازي ل م ن ي =

- (أ) $\frac{١}{٤} ا ب$ (ب) $\frac{١}{٢} ا ب$
 (ج) $ا ب$ (د) $\frac{١}{٨} ا ب$

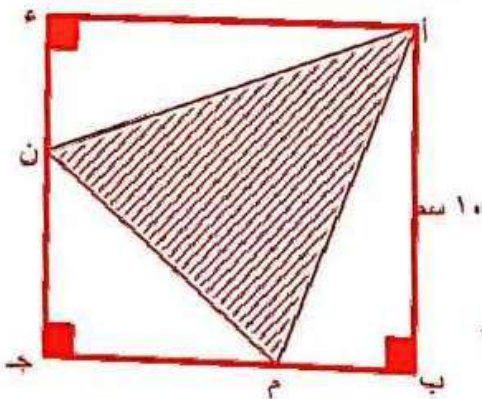
٨٨- وعاء ثابت الحجم علي اسطوانة دائرية قائمة اذا علمت ان تكاليف المادة المصنوع منها الغطاء تساوي ثلثي تكاليف المادة المصنوع منها باقي الوعاء فإذا كانت التكاليف اقل ما يمكن فإن العلاقة بين نصف قطر الوعاء وارتفاعه =

- (أ) $\frac{٦}{٩}$ (ب) $\frac{٣}{٤}$ (ج) $\frac{٣}{٥}$ (د) $\frac{١}{٢}$



٨٩- الشكل المقابل يمثل صالتين أ ، ب اتساعهما ٨ متر ،
 ٢٧ متر جـ ء قضيب معدني يمر بالصالتين أفقيا ، فإن اكبر
 طول للقضيب جـ ء يمكن مروره بين الصالتين بدون عائق =

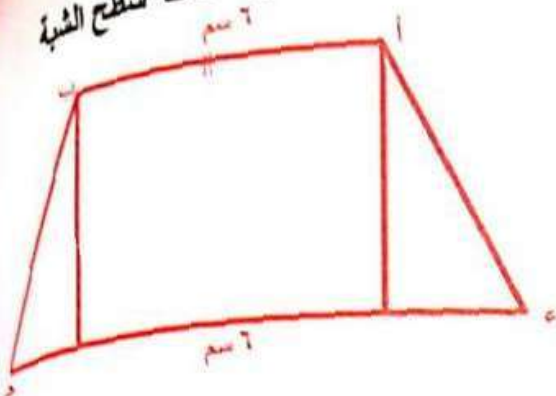
- (أ) $\sqrt{١٠١٣}$ (ب) $\sqrt{١٥١٣}$
 (ج) $\sqrt{١٣١٣}$ (د) $\sqrt{٢٠١٣}$



٩٠- (السودان ٢٠١٨) أ ب جـ ء مربع طول ضلعه ١٠ سم ،
 م \exists ب جـ حيث ب م = س سم ، ن \exists جـ ء حيث جـ ن = $\frac{٣}{٢}$ س سم
 فإن قيمة س التي تجعل مساحة Δ أ م ن اصغر ما يمكن يساوي =

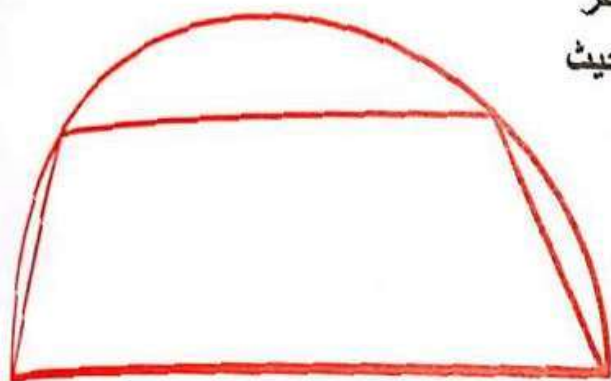
- (أ) $\frac{١٠}{٣}$ (ب) $\frac{٥}{٢}$ (ج) $\frac{١٠}{٤}$ (د) $\frac{٥}{٤}$

٩١- شبة منحرف أ ب ج د فيه $\overline{أ ب} \parallel \overline{ج د}$ ، $أ ب = أ د = ب ج$ ، فإن اكبر مساحة سطح الشبة المنحرف =



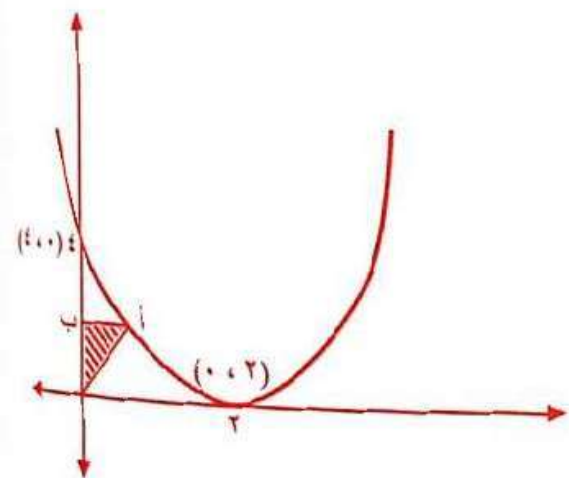
- (أ) $\sqrt[3]{30}$ (ب) $\sqrt[3]{20}$
(ج) $\sqrt[3]{25}$ (د) $\sqrt[3]{27}$

٩٢- رُسم في نصف دائرة شبة منحرف قاعدته هي قطر نصف الدائرة ، فإن قياس زاوية قاعدة شبة المنحرف بحيث مساحته اكبر ما يمكن =



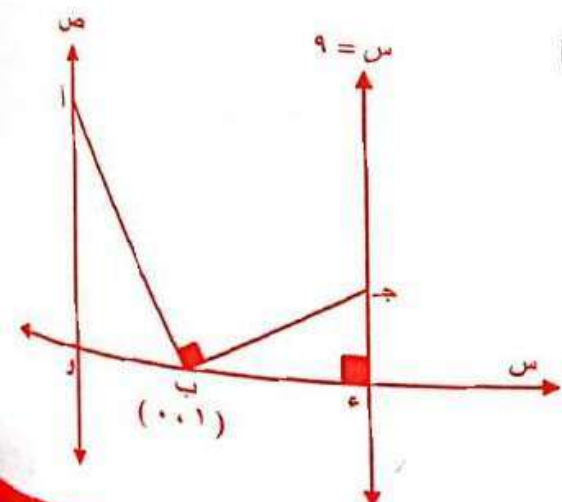
- (أ) 90° (ب) 60°
(ج) 30° (د) 180°

٩٣- في الشكل المقابل إذا كانت النقطة أ \in لمنحني الدالة التربيعية $ص = (س - ٢)^٢$ ، $\overline{أ ب} \parallel$ محور السينات ، فإن احداثي النقطة أ لكي تكون مساحة Δ أ ب اكبر ما يمكن =



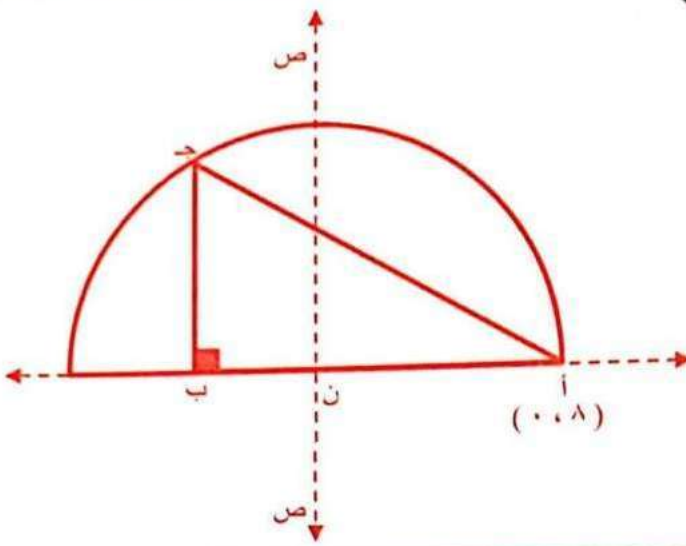
- (أ) $(\frac{16}{9}, \frac{1}{9})$ (ب) $(\frac{2}{9}, \frac{2}{9})$
(ج) $(\frac{16}{9}, \frac{5}{9})$ (د) $(\frac{16}{9}, \frac{2}{9})$

٩٤- في الشكل المقابل قيمة ظا θ التي تجعل (أ ب + ب ج) أقل ما يمكن =



- (أ) $\frac{1}{2}$ (ب) $\frac{1}{4}$
(ج) $\frac{5}{2}$ (د) $\frac{3}{4}$

٩٥- في الشكل المقابل \overline{AB} قطر في نصف دائرة ن ،
 $AB = 16$ سم فإن اكبر مساحة للمثلث $AEB = \dots\dots\dots$



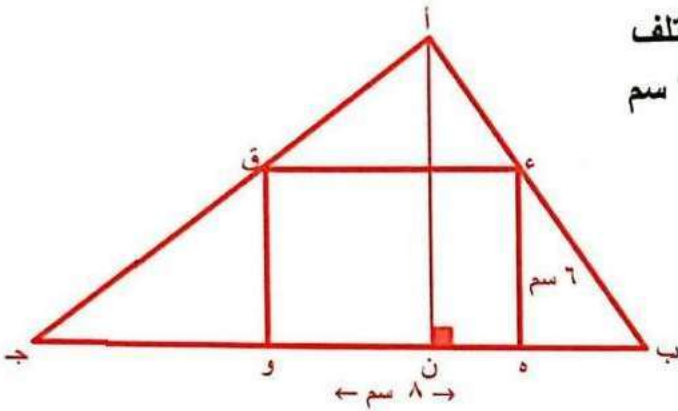
(ب) $3\sqrt{18}$

(أ) $3\sqrt{20}$

(ع) $3\sqrt{24}$

(ج) $3\sqrt{22}$

٩٦- (مصر ٢٠٠٨) في الشكل المقابل AB جـ مثلث مختلف
 الاضلاع ، E هو قـ مستطيل فيه $HO = 8$ سم ، $EH = 6$ سم
 فإن اقل مساحة ممكنة للمثلث $ABE = \dots\dots\dots$



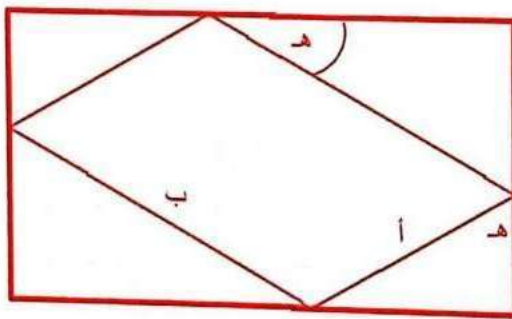
(ع) ٣٦

(ج) ٩٦

(ب) ٢٤

(أ) ٦٤

٩٧- (مصر ٢٠٠٤) في الشكل المقابل اكبر مساحة للمستطيل
 الذي يمكن رسمه خارج المستطيل الذي بعدها هما الثابتان
 $A, B = \dots\dots\dots$



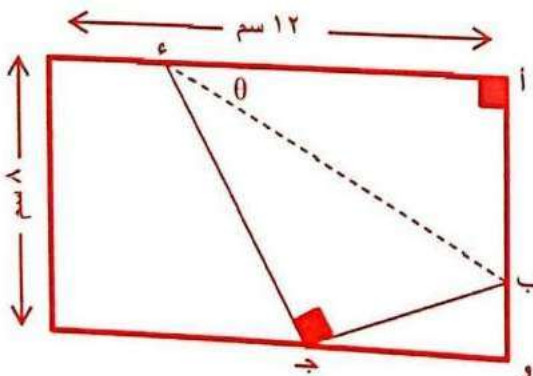
(ب) $(A+B)^2$

(أ) $\frac{1}{2}(A+B)^2$

(ع) $\frac{1}{4}(A+B)^2$

(ج) $\frac{1}{2}(A+B)$

٩٨- (تجربي ٢٠١٦) في الشكل المقابل : الركن العلوي الأيمن
 من قطعة ورق ابعادها ٨ سم ، ١٢ سم طوي ليقع علي الحافة السفلية
 كما بالشكل فإن قيمة θ التي تجعل \sin اصغر ما يمكن = $\dots\dots\dots$



(ب) ٤

(أ) ٢

(ع) ٨

(ج) ٦

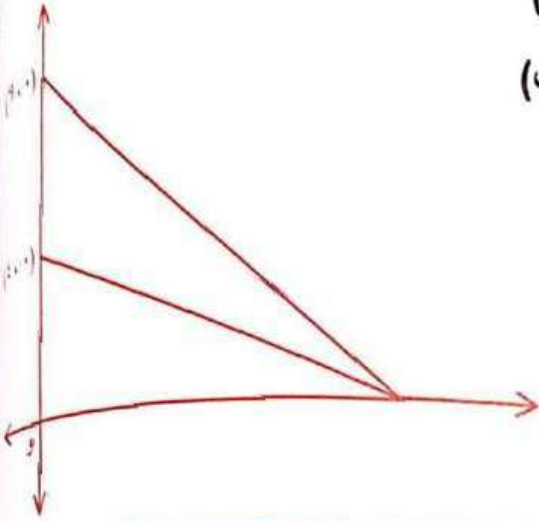
٩٩. (تجربي ٢٠١٦) إذا كانت النقطة أ (٩، ٠) ، ب (٤، ٠) ،
النقطة ج \exists وس ، فإن إحداثي النقطة ج ليكون ق (أ ج ب)
أكبر ما يمكن =

(ب) (٠، ٦)

(أ) (٦، ٠)

(ع) (٠، ٣)

(ج) (٣، ٠)



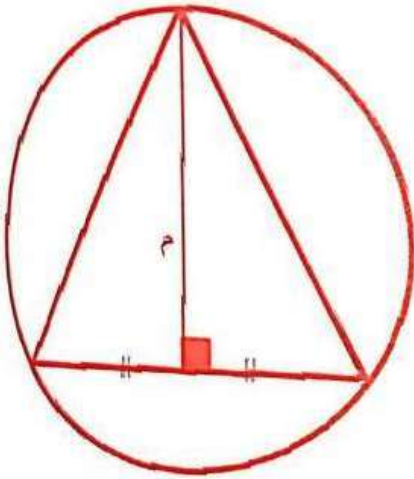
١٠٠. (مصر ٢٠١٤) مثلث متساوي الساقين يمكن رسمه داخل
دائرة طول نصف قطرها ١٥ سم فإن أكبر مساحة =

(ب) ٣٦٤، ٢٨

(أ) ٢٥٣، ٢٥

(ع) ٢٩٢، ٢٨

(ج) ٢٧٢، ٦٥



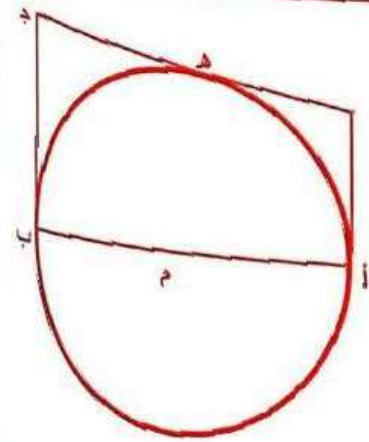
١٠١. أ ب قطر في دائرة طول نصف قطرها نق ، رسم مماسان
للدائرة عند أ ، ب ، من النقطة ه رسم مماس آخر للدائرة قطع المماسين
السابقين في ع ، ج . فإن أصغر مساحة لشبة المنحرف أ ب ج ع =

(ب) ٢ نق^٢

(أ) ٢ نق^٢

(ع) ٨ نق^٢

(ج) ٤ نق^٢



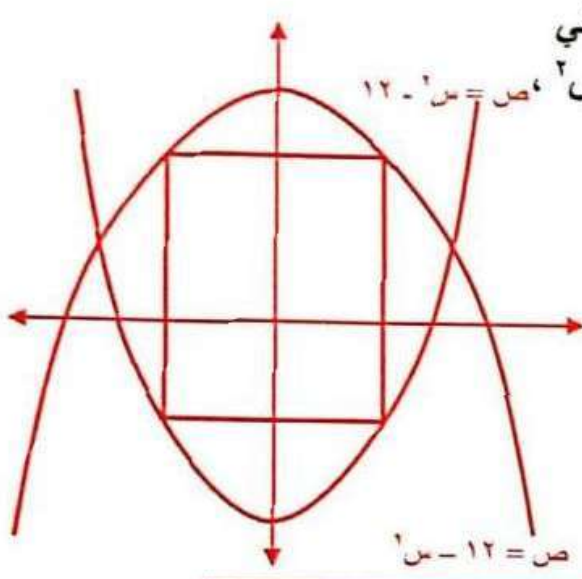
١٠٢- (تجريبى ٢٠١٦) رجل في قارب عند نقطة ج تبعد ٥ كيلومترات عن النقطة أ على شاطئ مستقيم و يرغب في الوصول الى النقطة ب على نفس الشاطئ تبعد ٦ كيلومترات من أ ، فإذا علم ان الرجل يستطيع ان يجذف بسرعة منتظمة ٢ كم / س و ان يمشي على الشاطئ بسرعة منتظمة ٤ كم / س فإن المسافة التي يصل فيها القارب الى النقطة ب في اقل وقت ممكن =

$$\frac{\sqrt{10}}{3} \text{ (د)}$$

$$\frac{\sqrt{10}}{2} \text{ (ج)}$$

$$\frac{\sqrt{10}}{2} \text{ (ب)}$$

$$\frac{\sqrt{10}}{3} \text{ (أ)}$$



١٠٣- رُسم مستطيل بحيث تقع رأسان متجاوران منه على المنحني $s^2 = 12 - s^2$ ، و الرأسان الاخرين على المنحني $s^2 = 12 - s^2$ ، فإن اكبر مساحة للمستطيل =

$$32 \text{ (أ)}$$

$$74 \text{ (ب)}$$

$$90 \text{ (ج)}$$

$$128 \text{ (د)}$$

١٠٤- أسطوانة دائرية قائمة يمكن وضعها داخل كرة مفرغة طول نصف قطرها من الداخل ١٠ سم ، فإن ارتفاع الأسطوانة عندما تكون المساحة الجانبية للأسطوانة اكبر ما يمكن =

$$2\sqrt{10} \text{ (ب)}$$

$$2\sqrt{10} \text{ (أ)}$$

$$2\sqrt{20} \text{ (د)}$$

$$2\sqrt{20} \text{ (ج)}$$

١٠٥- أسطوانة دائرية قائمة يمكن رسمها داخل مخروط دائري قائم ارتفاعه أ هـ و طول نصف قطر قاعدته ١٠ سم ، فإن ابعاد الأسطوانة عندما يكون حجم الأسطوانة اكبر ما يمكن =

$$\text{(ب) نق} = \frac{20}{3} \text{ سم ، أ} = 8 \text{ سم}$$

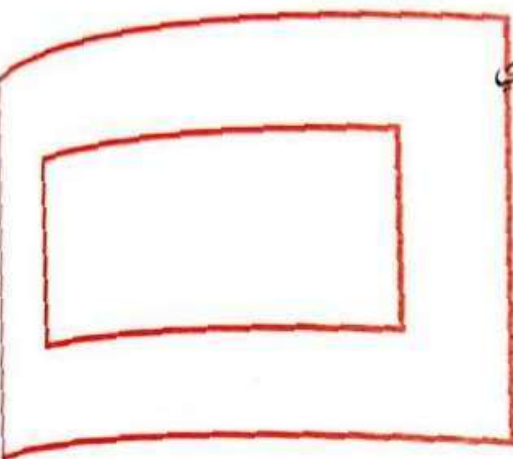
$$\text{(أ) نق} = \frac{10}{3} \text{ سم ، أ} = 4 \text{ سم}$$

$$\text{(د) نق} = \frac{10}{3} \text{ سم ، أ} = 6 \text{ سم}$$

$$\text{(ج) نق} = \frac{20}{3} \text{ سم ، أ} = 5 \text{ سم}$$

١٠٦- مخروط قائم يمكن وضعه بداخل كرة طول نصف قطرها ٩ سم ، فإن ارتفاعه عندما يكون حجم المخروط اكبر ما يمكن =
 (أ) ٦ (ب) ١٢ (ج) ٢٤ (د) ٤٨

١٠٧- يراد تصميم ملصق مستطيل الشكل يحوي ٨٠٠ سم^٢ من المادة المطبوعة حيث يكون عرض كل من الهامشين العلوي والسفلي ١٠ سم وكل من الهامشين الجانبيين ٥ سم ، فإن بعدا الملصق اللذان يجعلان مساحته اصغر ما يمكن =
 (أ) ٥٠ ، ٢٠ (ب) ٧٠ ، ٣٠ (ج) ٦٠ ، ٣٠ (د) ٤٠ ، ٢٠



١٠٨- عددان صحيحان مجموعهم ٥ ، مجموع مكعب اصفريهما وضعف مربع الاخر اصغر ما يمكن فإن العددان هما ،
 (أ) ٧ ، ٢ (ب) ١ ، ٦ (ج) ١ ، ٤ (د) ٢ ، ٣

١٠٩- قطعة من الأرض مستطيلة الشكل تحاط بسيياج طوله ١٢٠ متر فإن اكبر مساحة =
 (أ) ٨٠٠ (ب) ٩٠٠ (ج) ٦٠٠ (د) ٧٠٠

١١٠- قطاع دائري محيطه ٣٠ سم ومساحته اكبر ما يمكن ، فإن نصف قطر دائرته = وحدة طولية
 (أ) ٧,٥ (ب) ٦ (ج) ١٢ (د) ٨,٥

١١١- أ ب ج مثلث قائم الزاوية في ب فيه : أ ب + ب ج = ٢٠ سم ، فإن اكبر مساحة للمثلث =
 (أ) ٤٥ (ب) ٦٠ (ج) ٥٠ (د) ٤٠

١١٢- اقصر بعد بين المستقيم س - ٢ ص + ١٠ = ٠ ، المنحني ص^٢ = ٤ س هو

- (أ) $\frac{\sqrt{4}}{0}$ (ب) $\frac{\sqrt{6}}{0}$ (ج) $\frac{\sqrt{3}}{0}$ (د) $\frac{\sqrt{2}}{3}$

١١٣- مثلث متساوي الساقين محيطه ٣٠ سم ، فإن أكبر مساحة للمثلث عندما يكون

- (أ) متساوي الاضلاع (ب) قائم الزاوية
(ج) منفرج الزاوية (د) لا شيء مما سبق

١١٤- مثلث قائم الزاوية طول وتره ٣٠ سم اذا كان طول العمود من رأس القائمة علي الوتر أكبر ما يمكن عندما تكون مساحته = سم^٢

- (أ) ٢٨٥ (ب) ٣٧٥
(ج) ٢٢٥ (د) ٤٥٠

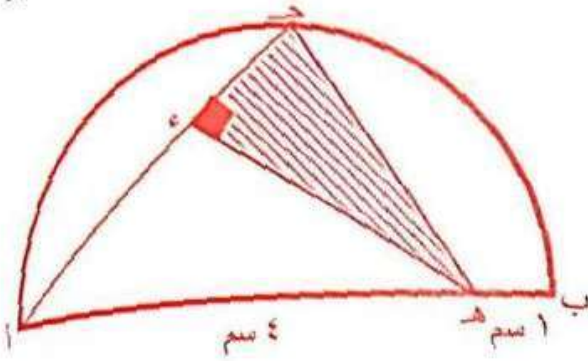
١١٥- متوازي مستطيلات قاعدته مربعة الشكل و مجموع اطوال احرفه ٢٤٠ سم ، فإن حجمه أكبر ما يمكن عندما يكون

- (أ) مكعب طول حرفه ١٥ سم (ب) مكعب طول حرفه ٢٥ سم
(ج) مكعب طول حرفه ٢٠ سم (د) لا شيء مما سبق

١١٦- علبة اسطوانية الشكل سعتها ك وحدة مكعبة وثابتة السمك فإن النسبة بين ارتفاع العلبة : طول نصف قطر قاعدتها لتصنع بأقل قدر من المادة هي

- (أ) ٣ : ١ (ب) ٣ : ٢
(ج) ٥ : ٢ (د) ١ : ٢

١١٧- في الشكل المقابل أ ب قطر دائرة م ، أ ب = ٥ سم ، فإن أكبر مساحة للمثلث ج هـ هي
وحدة مربعة



(ب) $\frac{3}{2}$

(أ) ١

(ع) $3\frac{1}{2}$

(ج) ٢

١١٨- مزارع لدية ٢٠٤٠ متر من السياج ويرغب في تقسيم حقله الي حقلين احدهما مستطيل طوله ضعف عرضه و الاخر مربع فإن مجموع اكبر مساحة الحقلين =

(ب) ١١٢٧٦١

(أ) ١٢١٦١٧

(ع) ١٢٣٦٥٠

(ج) ١١٢٦٧٠

١١٩- طريقان متعامدان عند نقطة (و) تحركت سيارة من النقطة (و) شرقاً بسرعة ثابتة ٢٠ كم / س و في نفس الوقت تحركت سيارة كانت علي بعد ٢ كم شمال النقطة (و) و جنوباً بسرعة ثابتة ٥٠ كم / س فإن الزمن اللازم لكي تكون المسافة فيها اقل ما يمكن هو دقيقة

(ب) $\frac{60}{29}$

(أ) $\frac{1}{29}$

(ع) ٤

(ج) $\frac{27}{29}$

١٢٠- اناء معدني اسطوانني الشكل مفتوح من اعلي سعته ٢٤ سم π كانت تكلفة المادة المصنوع منها القاعدة ١٥ جنية والمادة المصنوع منها الجوانب ٥ جنية فإن ابعاد العلبة التي تجعل تكلفة الاناء اقل ما يمكن تساوي

(ب) نق = ١ سم ، ع = ٣ سم

(أ) نق = ٣ سم ، ع = ٦ سم

(ع) نق = ٢ سم ، ع = ٦ سم

(ج) نق = ٤ سم ، ع = ٨ سم

الباب الرابع

$$-1 \quad \left[\sqrt[3]{\frac{1}{3} s^2 - s^2 + 7} (s-2) \right] = \dots + \text{ث}$$

$$(أ) \frac{1}{3} (s^2 - s^2 + 7) \frac{1}{3}$$

$$(ب) \frac{1}{3} (s^2 - s^2 + 7) \frac{1}{3}$$

$$(ج) \frac{1}{3} (s^2 - s^2 + 7) \frac{1}{3}$$

$$(د) \frac{1}{3} (s^2 - s^2 + 7) \frac{1}{3}$$

$$-2 \quad \left[\frac{s^2 - s}{1 - s^2} \right] = \dots + \text{ث}$$

$$(أ) (s-1) \frac{1}{1-s^2}$$

$$(ب) \frac{1}{1-s^2}$$

$$(ج) \frac{1}{1-s^2}$$

$$(د) \frac{1-s^2}{(1-s^2)}$$

$$-3 \quad \left[\frac{\sqrt[5]{s}}{s} \right] = \dots + \text{ث}$$

$$(أ) \sqrt[5]{s} \frac{1}{s}$$

$$(ب) \sqrt[5]{s} \frac{1}{s}$$

$$(ج) \sqrt[5]{s} \frac{1}{s}$$

$$(د) \sqrt[5]{s} \frac{1}{s}$$

$$-4 \quad \left[\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(1-n)}{n!} \right] = \dots + \text{ث}$$

$$(أ) \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(1-n)}{n!}$$

$$(ب) \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(1-n)}{n!}$$

$$(ج) \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(1-n)}{n!}$$

(د) لا شيء مما سبق

٥- بوضع $E = H^2$ في التكامل $\int H^2 \text{ لودس } E$ ، فإن التكامل بدلالة E هو

(أ) $\int E H^{2-4} \text{ لود } (E-1) E$ (ب) $\int E H^{2-4} \text{ لود } (E) E$

(ج) $\int \text{لود لود } (E) E$ (د) $\int E \text{ لود } E$

٦- بوضع $S = 3$ جا θ في التكامل $\int \sqrt{9S^2 - 9} \text{ لودس } E$ فإن التكامل بدلالة θ هو

(أ) $\frac{9}{4} (\text{جتا } \theta^2 + \text{جا } \theta^2)$ (ب) $\frac{9}{4} (\theta^2 + \text{جا } \theta^2)$

(ج) $\frac{9}{4} (\theta + \text{جا } \theta^2)$ (د) لا شيء مما سبق

٧- $\int \frac{2 + 2S^2 - 2S^3}{1 - S} \text{ لودس } E = \dots + \text{ث}$

(أ) $\frac{1}{4} S^4 - S^3 + 3$ (ب) $S^2 + S^3 - 1$

(ج) $\frac{1}{3} S^3 - S^2 - 2S$ (د) $\frac{S^3 - 6S + 1}{(1 - S)}$

٨- $\int \frac{2 + S + 2S^2}{2 + 2S} \text{ لودس } E = \dots + \text{ث}$

(أ) $S^4 + \frac{1}{3} S^2$ (ب) $S + \text{لود } \sqrt{S^2 + 2}$

(ج) $\text{لود } (S^2 + 2)$ (د) $2 \text{ لود } (S^2 + S + 2)$

٩- $\int S^2 (S^2 + 2)^4 \text{ لودس } E = \dots + \text{ث}$

(أ) $\frac{1}{14} (S^2 + 2)^4 - \frac{1}{3} (S^2 + 2)^3 + \frac{2}{5} (S^2 + 2)^2$ (ب) $\frac{1}{5} (S^2 + 2)^4$

$$v(2 + {}^1s) \frac{1}{v} + {}^2s \frac{1}{v} \quad (6)$$

$$(ج) \frac{1}{8} \text{ سے } (2 + 1) \text{ تک}$$

۱۰- اذا كان $\frac{r_1 + r_2}{1 + r_2} = (s)$ عس ، فان $\tilde{d}(1) = \dots\dots\dots$

$$\frac{1}{2} (i) \qquad 2 (b) \qquad 3 (c) \qquad 4 (d)$$

۱۱- [س^۲ د (س^۲) د (س^۲) عس = + ث

$$(1) \frac{1}{r_1} (d \text{ مس } r_2) \quad (2) \frac{1}{r_1} (d \text{ مس } r_2)$$

(ج) $\frac{5}{7}$ (د) $\frac{2}{3}$ (ع) لا شيء مما سبق

۱۲۔ $(س^۲ + ۳)ھ (س + س^۳)ع = س +$ ٹ

(i) ھ س

(ج) ۳ (۳ + ۳) ۳

۱۳۔ $\sqrt[3]{\text{جاس جتا س}}$ = + ٹ

(ا) جا^۲ س - $\frac{1}{4}$ جا^۲ س

(ج) $\frac{3}{4}$ جا $\frac{4}{3}$ س + $\frac{3}{5}$ جا س

۱۴۔ [جناس عس = + ٹ

(i) جا س - $\frac{3}{4}$ جا س + $\frac{1}{3}$ جا س

(ج) جاس - $\frac{5}{3}$ جا² س + جتا² س(ء) جتا س - $\frac{2}{3}$ جتا² س + $\frac{1}{5}$ جتا³ س- ١٥ $\left[\frac{\text{جاس جتا س}}{\sqrt{1 - \text{جتا س}}} = \text{عس} + \dots \right]$ (أ) $\frac{9}{4} (\text{جاس} + 1) \frac{5}{4} + \frac{9}{5} (1 + \text{جاس}) \frac{5}{4}$ (ب) $\frac{9}{4} (\text{جتا س} - 1) \frac{5}{4} + \frac{9}{5} (\text{جتا س} - 1) \frac{5}{4}$ (ج) $\frac{1}{3} (\text{جاس} - 1) \frac{7}{3} + \frac{7}{3} (\text{جاس} - 1) \frac{7}{3}$ (ء) $\frac{9}{4} (\text{جتا س} - 1) \frac{7}{3} - \frac{9}{5} (\text{جتا س} - 1) \frac{7}{3}$ - ١٦ $\left[\text{ظا}^2 \text{س قا}^2 \text{س عس} = \dots + \text{ث} \right]$ (أ) $\frac{1}{3} \text{ظا}^2 \text{س} + \frac{1}{5} \text{ظا}^2 \text{س}$ (ب) $\frac{1}{3} \text{ظا}^2 \text{س} + \frac{1}{5} \text{ظا}^2 \text{س}$ (ج) $\frac{1}{3} \text{قا}^2 \text{س} + \frac{1}{5} \text{قا}^2 \text{س}$ (ء) $\frac{1}{3} \text{قا}^2 \text{س} + \frac{1}{5} \text{قا}^2 \text{س}$ - ١٧ $\left[\text{هس} (\text{لوس} + \frac{1}{\text{س}}) = \text{عس} + \dots \right]$ (أ) هس لوس (ب) $\frac{\text{هس}}{\text{س}}$ (ج) $\text{هس} - 1$ (ء) $\text{هس} - 2 \text{لوس}$ - ١٨ $\left[\text{هس} (\text{ظاس} + \text{قا}^2 \text{س}) = \text{عس} + \dots \right]$ (أ) $\text{هس ظا}^2 \text{س}$ (ب) هس ظاس (ج) هس قاس (ء) $\text{هس قا}^2 \text{س}$ - ١٩ $\left[\text{هس} (\frac{1}{\text{س}} + \frac{1}{\text{س}}) = \text{عس} + \dots \right]$ (ء) $\frac{\text{هس}}{2 \text{س}}$ (ج) $\frac{\text{هس}}{\text{س}}$ (ب) $\frac{\text{هس}}{\text{س}}$ (أ) $\frac{\text{هس}}{2 \text{س}}$

٢٠. $\left[\text{هـ}^{\text{س}} (\text{ظنا}^{\text{س}} + \text{قتا}^{\text{س}}) = \text{عس} + \dots \right]$

- (أ) هـ^س قتا^س (ب) هـ^س ظنا^س (ج) هـ^س قتا^س (د) هـ^س ظنا^س

٢١. $\left[\frac{\text{س هـ}^{\text{س}}}{(1 + \text{س})} = \text{عس} + \dots \right]$

- (أ) س هـ^س (س + ١) (ب) هـ^س (س + ١) + لود (س + ١)
(ج) $\frac{\text{س هـ}^{\text{س}}}{(1 + \text{س})}$ (د) $\frac{\text{س هـ}^{\text{س}}}{1 + \text{س}}$

٢٢. $\left[\text{س هـ}^{\text{س}} = \text{عس} + \dots \right]$

- (أ) هـ^س (س - ١) (ب) هـ^س (س - ٢) + ٢
(ج) هـ^س (س - ٢) + ٣ (د) هـ^س (س - ٢)

٢٣. $\left[\frac{\text{س هـ}^{\text{س}}}{\text{س هـ}^{\text{س}} + ٤} = \text{عس} + \dots \right]$

- (أ) لود $\sqrt{\text{س هـ}^{\text{س}} + ٤}$ (ب) لود (س هـ^س + ٤)
(ج) لود (س هـ^س + ١) (د) لا شيء مما سبق

٢٤. $\left[(\text{لود س})^{\text{س}} = \text{عس} + \dots \right]$

- (أ) $\frac{1}{\text{س}} (\text{لود س})^{\text{س}}$ (ب) س (لود س) + ٢ + س (لود س)
(ج) س (لود س) (د) س (لود س) + ٢ + س لود س

٢٥- إذا كان $\left[\text{قاس}^2 \text{س} \times \text{لوس} \text{س} = \text{عس} = \text{ص} - \text{ع} \right]$ ، فإن $\text{ص} = \text{ع} = \dots\dots\dots$

(ب) قاس ظاس

(أ) ظاس لوس

(ع) ظاس (لوس)

(ج) قاس لوس

٢٦- $\left[\text{لوس} \times \frac{\text{عس}}{\text{س}} = \dots\dots\dots + \text{ث} \right]$

(ب) $\frac{1}{\text{س}} \text{لوس} \left(\frac{1}{\text{س هـ}} \right)$

(أ) $\frac{1}{\text{س}} \text{لوس} (\text{س هـ})$

(ع) $\frac{1}{\text{س}} \text{لوس} \left(\frac{1}{\text{س هـ}} \right)$

(ج) $\frac{1}{\text{س}} \text{لوس} (\text{س هـ})$

٢٧- $\left[\text{س جاس} \text{س} = \text{عس} = \dots\dots\dots + \text{ث} \right]$

(ب) س جتاس - جاس

(أ) جاس - س جتاس

(ع) س جتاس + قاس

(ج) س جاس - جتاس

٢٨- $\left[\text{لوس} \text{س} = \text{عس} = \dots\dots\dots + \text{ث} \right]$

(ب) لوس (س هـ)

(أ) لوس^٢ هـ

(ع) لوس $\left(\frac{\text{س}}{\text{هـ}} \right)$

(ج) لوس + س

٢٩- معادلة المنحني الذي يمر بالنقطة أ (٢ ، ٣) وميل العمودي عليه عند أي نقطة هو (٣ - س) هي
.....

(ب) $\text{ص} = \text{لوس} | \text{س} | + ٣$

(أ) $٣ \text{لوس} | \text{س} | + ٣$

(ع) $\text{ص} = \text{لوس} | \text{س} - ٣ | + ٥$

(ج) $\text{ص} = \text{لوس} | ٣ - \text{س} | + ٣$

٣٠- إنباء مملوءة بوسائل يتسرب من ثقب صفي بقاع الإناء فإذا كان حجم الإناء يتغير بمعدل (٤٠ - سم^٣ / ث)، وكان حجم السائل بعد ٣٠ من بدء التسرب ٩٨٠ سم^٣ فإن سعة الإناء هي (أ) ١٠٠٠ (ب) ٣٠٠٠ (ج) ٢٠٠٠ (د) ٤٠٠٠

٣١- إذا كان معدل تغير ميل المماس لمنحني هو (٦س - ٢) ، وكان المنحني يمر بالنقطتين (١ ، ٣) ، (٠ ، ٤) فإن معادلة المنحني هي

$$(a) \text{ ص} = \text{س}^2 + \text{س}^4 + 1 \quad (b) \text{ ص} = \text{س}^2 + \text{س}^3 - \text{س}^4 + 10$$

(ج) ص = س^۲ - ۵س + ۳

۳۲۔ [(جا'س + جتا'س) عس = + ث

(أ) س (ب) $\frac{1}{4}$ س (ج) قأ س + ظأ س (د) لا شيء مما سبق

۳۳۔ [۱۰ جا س عس = + ٹ]

$$(i) \frac{1}{4} \text{ حصہ (جا}^2 \text{س} + \text{جتا}^2 \text{س)} \quad (b) \frac{1}{4} \text{ حصہ (جاس} - \text{جتاس)}$$

(ج) $\frac{1}{4}$ حصہ (جاس + جتا² س)

۳۴- اذا كان $d(s) = \frac{s^2 + 1}{s^2 - 1}$ ، فإن $d^{-1}(2) = \dots\dots\dots + \dots$

$$\frac{7}{9} (e) \quad \frac{11}{9} (g) \quad \frac{25}{17} (b) \quad \frac{9}{17} (d)$$

۳۵۔ [قاس قاس جا (قاس) عس = + ٹ

(ا) - جَنَّا (قاس) (ب) جَا (قاس) (ج) ظَا (قاس) (د) قَا (قاس)

٣٦- $\int \text{جتا}^7 \text{س} \text{قا}^8 \text{س} \text{عس} = \dots\dots\dots + \text{ث}$

(أ) قاس (ب) قاس ظاس

(ب) لود | قاس + ظاس | (ع) $\frac{1}{9} \text{قا}^9 \text{س}$

٣٧- اذا كان ميل العمودي لمنحني دالة ص = د(س) هو $\frac{-\text{س}}{1 + \text{جتا} \text{ص}}$ ، فإن معادلة المنحني الذي يمر بالنقطة $(\frac{\pi}{2}, \text{هـ})$ هي

(أ) ص - $\frac{1}{2} \text{لود} | \text{س} | + 2 = 0$ (ب) لود | س | - ظتا $\frac{1}{2}$ ص - 2 = 0

(ج) ص = قا $\frac{1}{2}$ س - 3 (ع) قا ص + لود | س | + 3

٣٨- $\int_1^0 \frac{\text{ع}}{\text{عس}} \left(\frac{2 + \text{س}^2}{2 + \text{س}^5 - 3\text{س}} \right) \text{عس} = \dots\dots\dots$

(أ) صفر (ب) لود | 5 | (ج) 3 لود | 2 | (ع) لا شيء مما سبق

٣٩- $\int \frac{\text{ع}}{\text{عس}} \left(\frac{\text{س}^2}{3 + \text{س}} \right) \text{عس} = \dots\dots\dots + \text{ث}$

(أ) $\frac{5}{7}$ (ب) $\frac{3-}{4}$ (ج) $\frac{1}{2}$ (ع) $\frac{1-}{3}$

٤٠- $\int_1^2 \frac{1}{\text{س}} \text{عس} = \dots\dots\dots$

(أ) صفر (ب) غير موجودة (ج) $\frac{2}{3}$ (ع) $\frac{3-}{4}$

٤١- اذا كان $\int (3 - \text{هـ}) \text{عس} = 26$ ، فإن ك =

(أ) 4 (ب) -2 (ج) 3 (ع) -5

٤٢ - إذا كان $\int_{\pi}^{2\pi} \sqrt{18} \cos x \, dx = 3\pi$ ، فإن اصغر قيمة لـ a هي

- (أ) $\pi \frac{2}{3}$ (ب) $\pi \frac{4}{3}$ (ج) $\frac{\pi}{3}$ (د) $\pi \frac{5}{3}$

٤٣ - إذا كان $\int_{\pi}^{2\pi} (\sin x + \cos x + \sin x) \, dx = 0$ ، حيث a ثابت ، فإن $\left(\frac{\pi}{4}\right)^{\frac{3}{2}}$ = صفر ، فإن a =

- (أ) $\frac{\pi}{4}$ (ب) $\frac{\pi}{3}$ (ج) $\frac{1}{2}$ (د) $1 -$

٤٤ - $\int_{\pi}^{2\pi} \sin x \, dx = \dots$

- (أ) 2π (ب) 2 (ج) $2 -$ (د) صفر

٤٥ - إذا كان $\int_{\pi}^{2\pi} \sin x \, dx + \int_{\pi}^{2\pi} \cos x \, dx - \int_{\pi}^{2\pi} \sin x \, dx = \int_{\pi}^{2\pi} \sin x \, dx$ ، فإن a = $3 + n \dots$

- (أ) 17 (ب) 24 (ج) 28 (د) 35

٤٦ - $\int_{\pi}^{2\pi} (a \cos x + b \sin x + c) \, dx = \dots$ ، يعتمد على قيمة

- (أ) a (ب) b (ج) c (د) a, b معا

٤٧ - $\int_{\pi}^{2\pi} |\cos x| \, dx = \dots$

- (أ) 2π (ب) 2π (ج) 20 (د) 40

..... = عس $\int_{-48}^{\pi 20}$ جاس

- (أ) $\pi 40$ (ب) صفر (ج) 40 (د) $\pi 20$

..... = عس $\int_{\sqrt{2} \sqrt{10}}^{\sqrt{10} \sqrt{10} + 10} \frac{1 + 2 \sin^2 x}{1 - 2 \sin^2 x} dx$

- (أ) 3,023 (ب) 2,405 (ج) 3,022 (د) 2,303

..... = عس $\int_{-3}^3 \frac{6 - |x| + 2x^2 + x^3}{3 + |x|} dx$

- (أ) صفر (ب) 3- (ج) 2- (د) 4

51- اذا كان $\int_6^{12} (2x + 3) dx = 10$ ، فإن $\int_{12}^{24} (x + 3) dx =$ عس

- (أ) 30 (ب) 24 (ج) 20 (د) 35

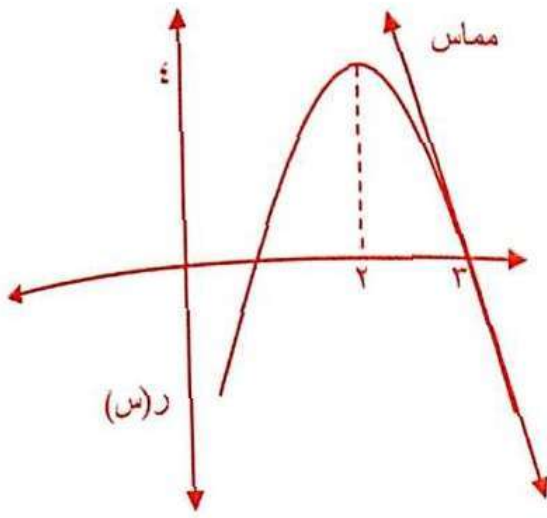
52- اذا كان $\int_7^{11} (2x + 3) dx = 15$ ، فإن $\int_{17}^{20} (x + 3) dx =$ عس

- (أ) 30 (ب) 24 (ج) 20 (د) 18-

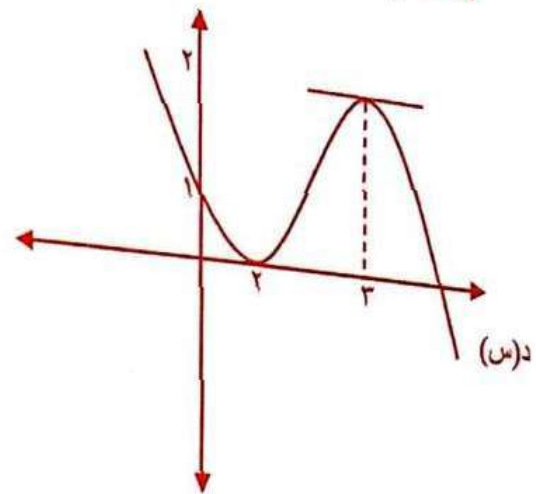
53- اذا كان $\int_1^3 (x^2 + 2x + 1) dx = 7$ ، فإن $\int_1^2 (x^2 + 2x + 1) dx =$ عس

- (أ) 1- ، 3 (ب) 2- ، 3 (ج) 2 ، 3 (د) 1 ، 2

٥٤- باستخدام الاشكال الاتية فبان :



الشكل (٢)



الشكل (١)

$$\left[\begin{matrix} ٢ \\ ١ \end{matrix} \right] \begin{matrix} (س) \times (د) \\ (س) \times (ر) \end{matrix} + \begin{matrix} (س) \times (د) \\ (س) \times (ر) \end{matrix} + \begin{matrix} (س) \times (د) \\ (س) \times (ر) \end{matrix} = \dots \dots \dots$$

(أ) ٥ (ب) ٢- (ج) ٣ (د) ١-

$$\left[\begin{matrix} ٢ \\ ١ \end{matrix} \right] \begin{matrix} (س) \times (د) \\ (س) \times (ر) \end{matrix} + \begin{matrix} (س) \times (د) \\ (س) \times (ر) \end{matrix} + \begin{matrix} (س) \times (د) \\ (س) \times (ر) \end{matrix} = \dots \dots \dots$$

(أ) صفر (ب) ٢- (ج) ٤- (د) ٣(٤)

$$\left[\begin{matrix} ٢ \\ ١ \end{matrix} \right] \begin{matrix} (س) \times (د) \\ (س) \times (ر) \end{matrix} + \begin{matrix} (س) \times (د) \\ (س) \times (ر) \end{matrix} + \begin{matrix} (س) \times (د) \\ (س) \times (ر) \end{matrix} = \dots \dots \dots$$

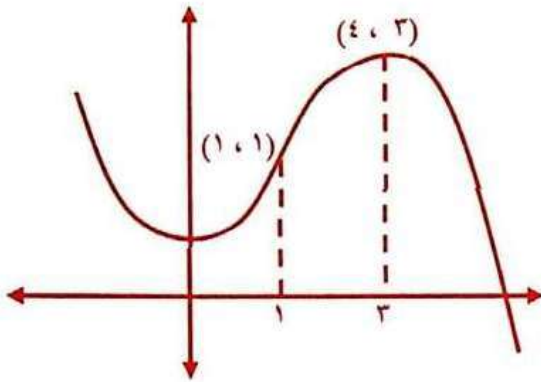
(أ) ٢ (ب) ٣ (ج) ٢ (د) ٣

$$\left[\begin{matrix} ٢ \\ ١ \end{matrix} \right] \begin{matrix} (س) \times (د) \\ (س) \times (ر) \end{matrix} + \begin{matrix} (س) \times (د) \\ (س) \times (ر) \end{matrix} + \begin{matrix} (س) \times (د) \\ (س) \times (ر) \end{matrix} = \dots \dots \dots$$

(أ) $\frac{9}{4}(\pi + 2)$ (ب) $\frac{9}{4}(1 - \pi^2)$ (ج) $\frac{9}{8}(1 - \pi)$ (د) $\frac{9}{4}(2 - \pi)$

-٥٨ $\int_2^4 \sqrt{s-1} \, ds = \dots\dots\dots$

(أ) ٣٥,٧ (ب) ٢٢,٤ (ج) ٢٨,٣٥ (د) ٣٥,٣



-٥٩ $\int_1^3 \frac{f(s) - f(1)}{s} \, ds = \dots\dots\dots$

بالاستعانة بالشكل المقابل :

(أ) $\frac{3-}{5}$ (ب) $\frac{1}{6}$ (ج) $\frac{1}{3}$ (د) $\frac{1}{5}$

-٦٠ $\int_2^7 \sqrt{s} \cdot f(s) \, ds = \dots\dots\dots$ حيث $f(7) = 8$ ، $f(2) = 1$

(أ) $\frac{35}{4}$ (ب) ١١,٢٥ (ج) $10 \frac{1}{2}$ (د) ١٢,٥

-٦١ $\int_2^4 \frac{f(s)}{s} \, ds = \dots\dots\dots$

(أ) $\frac{11}{3}$ (ب) $\frac{8}{3}$ (ج) $\frac{7}{3}$ (د) $\frac{1}{3}$

-٦٢ إذا كان $\int_1^8 \sqrt{s+1} \, ds = \dots\dots\dots$ ، فإن $f = \dots\dots\dots$

(أ) ٥ (ب) ٣ (ج) ١٢ (د) ٩

-٦٣ $\int_1^2 \frac{f(s)}{s+1} \, ds = \dots\dots\dots$

(أ) $\frac{7}{10}$ (ب) $\frac{3}{10}$ (ج) $\frac{4}{5}$ (د) $\frac{7}{5}$

$$-64 \left\{ \sqrt[2]{s-4} \right\} = \text{عس} = \dots\dots\dots$$

$$\pi^2 (أ) \quad \frac{\pi}{2} (ب) \quad \pi^2 (ج) \quad \pi (د)$$

$$-65 \left\{ \sqrt[2]{(s+2)-9} \right\} = \text{عس} = \dots\dots\dots$$

$$\frac{\pi^9}{4} (أ) \quad \frac{\pi^7}{3} (ب) \quad \pi^2 (ج) \quad \pi (د)$$

$$-66 \left\{ \sqrt[2]{s-4} \right\} = \text{عس} = \dots\dots\dots$$

$$\begin{aligned} (أ) \frac{\sqrt[2]{s-4}}{2} (\pi - 1) & \quad (ب) \frac{\sqrt[2]{s-4}}{2} (\pi + 1) \\ (ج) \frac{\sqrt[2]{s-4}}{2} (\pi + 2) & \quad (د) \frac{\sqrt[2]{s-4}}{2} (3 + \pi) \end{aligned}$$

$$-67 \left\{ (s+1)(s+2)(s+3) \right\} = \text{عس} = \dots\dots\dots$$

$$32- (أ) \quad 16 (ب) \quad \frac{54}{2} (ج) \quad \frac{72}{2} (د)$$

$$-68 \left\{ \sqrt[2]{5+3s} \right\} = \text{عس} = \dots\dots\dots$$

$$2,2 (أ) \quad 3,54 (ب) \quad 2,9 (ج) \quad 2,2 (د)$$

$$-69 \left\{ \sqrt[2]{(s+3)(s+4)} \right\} = \text{عس} = \dots\dots\dots$$

$$\frac{1-\pi}{2} (أ) \quad \frac{1+\pi}{2} (ب) \quad \frac{1-\pi^2}{2} (ج) \quad \frac{1+\pi^2}{2} (د)$$

٧٠. $\int_0^{\frac{\pi}{4}} (\text{قاس} + \text{ظاس}) (١ - \text{جاس}) \text{عس} = \dots\dots\dots$

(ب) $\frac{\sqrt{2} - \sqrt{3}}{4}$

(أ) $\frac{\sqrt{2} - \sqrt{3}}{4}$

(ع) $\frac{\sqrt{2} - \sqrt{3}}{4}$

(ج) $\frac{1 - \sqrt{2}}{4}$

٧١. $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{e}{e^x} (١ + {}^2\text{ن}) {}^1\text{ع} = \dots\dots\dots$

(ب) ${}^1\text{ع} (١ + {}^2\text{س})$

(أ) $\frac{1}{11} (١ + {}^2\text{س})$

(ع) ${}^9\text{س} (١ + {}^2\text{س})$

(ج) ${}^1\text{ع} (١ + {}^2\text{س})$

٧٢. $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{e}{e^x} (\text{س جا}^2\text{س}) \text{عس} = \dots\dots\dots$

(ع) π

(ج) $\frac{\pi}{2}$

(ب) $\frac{\pi}{2}$

(أ) $\frac{\pi}{4}$

٧٣. $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{e}{e^x} (١ + {}^2\text{ن}) {}^1\text{ع} = \dots\dots\dots$

(ب) $\frac{1}{11} (١ + {}^2\text{س})$

(أ) ${}^1\text{ع} (١ + {}^2\text{س})$

(ع) $\frac{1}{9} (١ + {}^9\text{س}) - \frac{1}{11} (١ + {}^2\text{س})$

(ب) ${}^1\text{ع} (١ + {}^9\text{س}) - {}^1\text{ع} (١ + {}^2\text{س})$

٧٤. $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\text{جاس}}{\text{جتاس}} \text{عس} = \dots\dots\dots$

(ع) $2 -$

(ج) 2

(ب) $\pi^2 -$

(أ) π^2

الباب الرابع

٧٥- إذا كان $\begin{bmatrix} s \\ 1 \end{bmatrix} \geq \begin{bmatrix} s^2 \\ 1 \end{bmatrix}$ ، فإن $\exists \dots$

(ب) $[-1, 1]$

(أ) $[\frac{55}{3}\sqrt{-}, \frac{55}{3}\sqrt{-}]$

(ع) $[\frac{\sqrt{10}}{3}, \frac{\sqrt{10}}{3}]$

(ب) $[\frac{\sqrt{10}}{3}, \frac{\sqrt{10}}{3}]$

٧٦- $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \sin 2x \cos 2x = \dots$

(ع) $\frac{1}{3}$

(ج) $\frac{5}{6}$

(ب) $\frac{1}{6}$

(أ) $\frac{2-}{3}$

٧٧- $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \sin x \cos x + \int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \sin x \cos x - \int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \sin x \cos x = \dots$

(ب) $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \sin x \cos x$

(أ) $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \sin x \cos x$

(ع) $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \sin x \cos x$

(ج) $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \sin x \cos x$

٧٨- $\int_{\frac{1}{2}}^0 \frac{1}{2+s} = \dots$

(ع) $\ln \frac{5}{3}$

(ج) $\ln \frac{7}{2}$

(ب) $\ln 2$

(أ) $\ln 4$

٧٩- $\int_{\frac{1}{2}}^0 (|s-3| - |s-1|) = \dots$

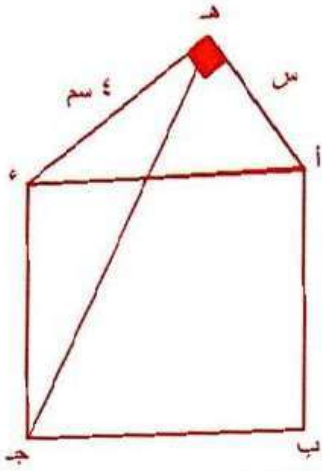
(ع) صفر

(ج) -5

(ب) 6

(أ) -4

٨٠- في الشكل المقابل أ ب ج د مربع ، أ ه = س سم ، ه د = ع سم



فإن $\left[\text{هـ جـ} \right]^{\circ} \text{ع س} = \dots\dots\dots$

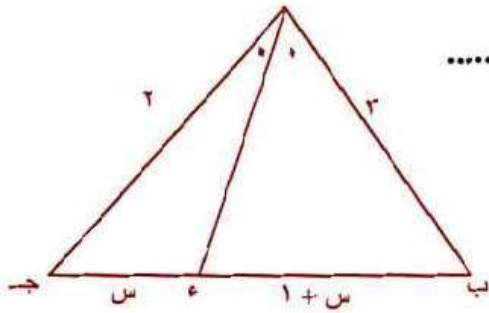
(ب) $\frac{107}{3}$

(أ) $\frac{106}{5}$

(ع) $\frac{109}{3}$

(ج) $\frac{108}{5}$

٨١- في الشكل المقابل أ ء منتصف (أ) ، فإن $\left[\text{أ ء} \right]^{\circ} \text{ع س} = \dots\dots\dots$



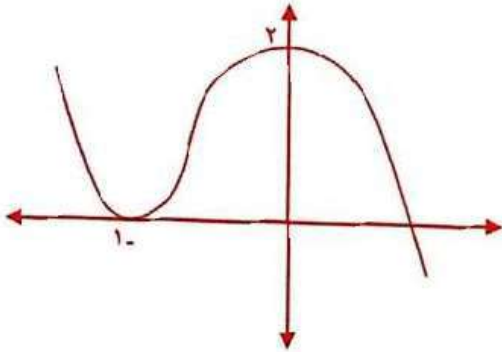
(ع) $\frac{25}{7}$

(ج) $\frac{22}{3}$

(ب) $\frac{23}{3}$

(أ) $\frac{32}{7}$

٨٢- في الشكل المقابل $\left[\text{د} \left(1 - \frac{س}{7} \right) \right]^{\circ} \text{ع س} = \dots\dots\dots$



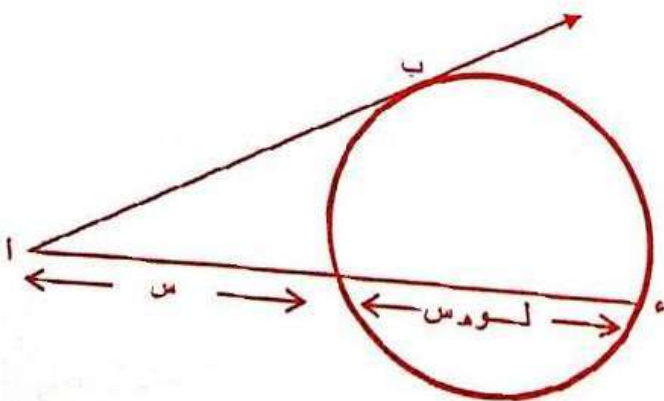
(ب) 6

(أ) 4

(ع) 8

(ج) 3-

٨٣- في الشكل المقابل $\left[\text{أ ب} \right]^{\circ} \text{ع س} = \dots\dots\dots$



(أ) $\frac{4\text{هـ} + 5\text{هـ}^2 - 3\text{هـ}^2 - 2\text{هـ}}{5}$

(ب) $\frac{1}{11} (4\text{هـ}^4 + 3\text{هـ}^3 - 4\text{هـ}^2 + 1\text{هـ})$

(ج) $\frac{1}{7} (3\text{هـ}^2 + 2\text{هـ} - 1)$

(ع) $\frac{1}{3} (2\text{هـ}^5 - 2\text{هـ}^2 + 4\text{هـ})$

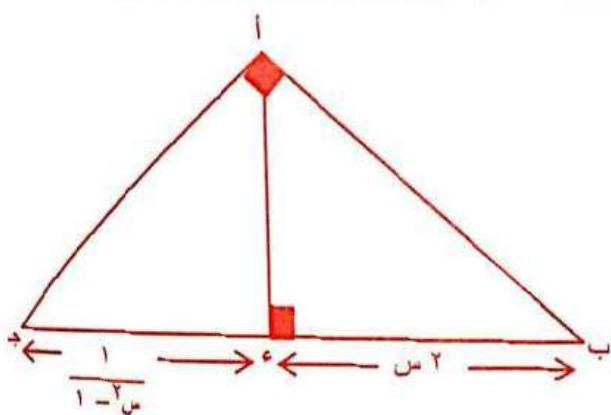
٨٤- إذا كانت د(س) كثيرة حدود من الدرجة الثالثة و فردية ، كانت د(س) عس = $\frac{5}{4}$ ،

$$\int_2^4 د(س) عس = ٧٢ ، فإن د(س) =$$

(أ) $٤س^٣ + ٣س$ (ب) $٣س^٢ + ٥س$ (ج) $٣س^٢ - ٥س$ (د) $٣س^٢ + ٣س$

٨٥- إذا كان $\int_0^{\frac{\pi}{4}} قاس د(س) عس = ١٥$ ، $\int_0^{\frac{\pi}{4}} ظاس د(س) عس = ١١$ ، فإن د(س) = $(\frac{\pi}{3})$

(أ) ٣٦ (ب) $\frac{٢٧}{٥}$ (ج) $\frac{٢٧}{٥}$ (د) $٢٦ -$



٨٦- في الشكل المقابل $\int_0^1 (أ) عس =$

(أ) لود $(\frac{٢٢}{٢س+١})$ (ب) هـ

(ج) لود $(١ + هـ)$ (د) ٢

٨٧- إذا كان $\int_0^{\frac{\pi}{4}} جتا ٣س د(س) عس = ٩$ ، $\int_0^{\frac{\pi}{4}} جا ٣س د(س) عس = ١٢$ ، فإن د(س) = $(\frac{\pi}{4})$ ،

(أ) $\frac{٣\sqrt{٢٧}}{٢}$ (ب) $٢\sqrt{٢٧}$ (ج) $\frac{٣\sqrt{٢٧}}{٢}$ (د) $\frac{٢\sqrt{٢٧}}{٢}$

٨٨- إذا كان $\int_0^{\frac{\pi}{4}} جتا ٢س د(س) عس = ١٢$ ، $\int_0^{\frac{\pi}{4}} جا ٢س د(س) عس = ٨$ ، فإن د(س) = $(\frac{\pi}{٢})$

(أ) $١٤ -$ (ب) ٢٨ - (ج) $\frac{٢٩}{٣} -$ (د) $\frac{٢٧}{٥} -$

٨٩- إذا كان $\left\{ \begin{array}{l} (٢س - ١٣) \text{ عس} = -٤ , \text{ فإن } ا \in \dots \end{array} \right.$

- (أ) $٣,٠[$ (ب) $\{٣,٠\}$ (ج) $٣,٠[$ (د) $\{٢\} - [٣,٠[$

٩٠- إذا كان $\sqrt[٣]{٣س + ٣} \text{ عس} = -١٤ , \text{ فإن } ك = \dots$

- (أ) ٤ (ب) ٣ (ج) ٢ (د) ٣ - (٤)

٩١- إذا كان ن عدداً طبيعياً فإن $\left\{ \begin{array}{l} (١ + س + س + \dots + س) \text{ عس} = \dots \end{array} \right.$

- (أ) ٢ (ب) ٢ - (ج) ٣ (د) ٤ - (٤)

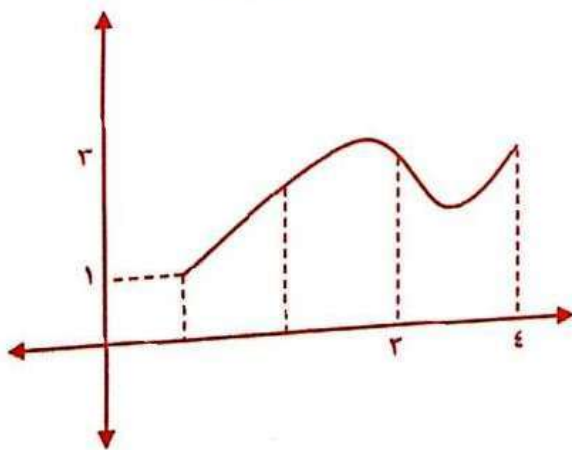
٩٢- $\left\{ \begin{array}{l} \frac{\pi^2}{٢} \text{ عس} = \dots \end{array} \right.$

- (أ) $\frac{\pi^2}{٢}$ (ب) $\frac{\pi}{٤}$ (ج) $\frac{\pi}{٢}$ (د) $\frac{\pi -}{٤}$

٩٣- في الشكل المقابل يمثل منحنى د(س) علي الفترة $[١, ٤]$

إذا كان $ا \geq \left\{ \begin{array}{l} (د(س) - ٢س) \text{ عس} \geq ب \end{array} \right.$

فإن $ا + ب = \dots$



- (أ) ١٠ (ب) ١٨ - (ج) ١٢ - (د) ١٤ (٤)

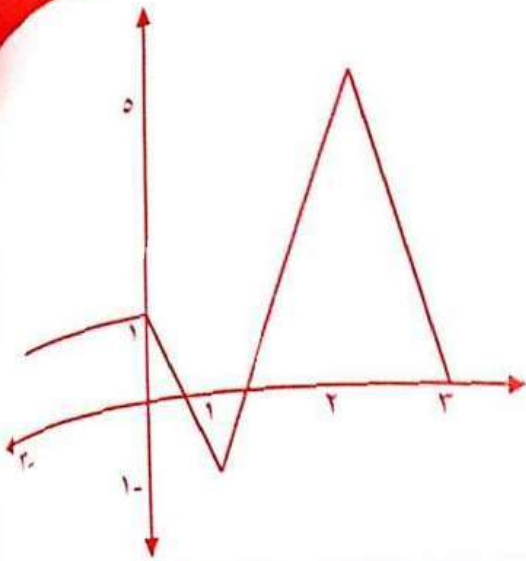
٩٤- مساحة المنطقة المحددة بالمستقيمات $س + ٢ص = ٩, س = ١, س = ٢, ص = ٠$ هي

- (أ) $٨ \frac{١}{٢}$ (ب) ٩ (ج) ٧ (د) ١١,٢٥ (٤)

٩٥- في الشكل المقابل يمثل منحنى د(س) علي الفترة [-٣ ، ٣]

$$\text{حيث } \int_{-3}^3 (1 - 2D(s)) ds \geq M$$

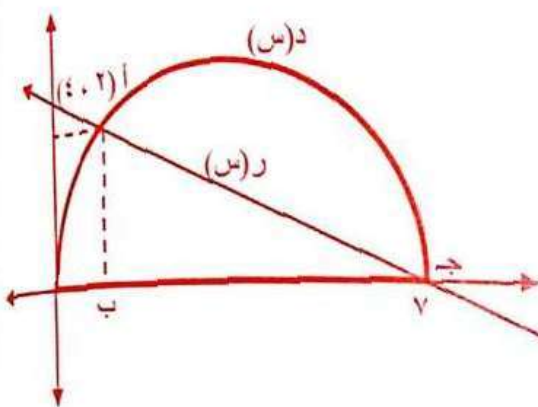
فإن م + ن =



- (أ) ٣٦ (ب) ٧٢ (ج) ١٨ (د) ٥٨ - (د)

٩٦- في الشكل المقابل يمثل منحنين د(س) ، ر(س)

$$\int_{-2}^7 (D(s) - R(s)) ds = \dots\dots\dots$$



- (أ) ٨ (ب) ١٤ (ج) ١٠ (د) ١٢ - (د)

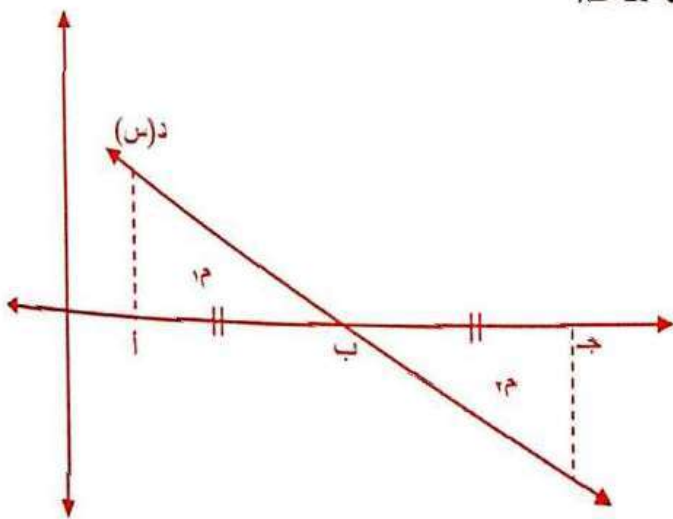
٩٧- في الشكل المقابل جميع العبارات الاتية صحيحة ما عدا

(أ) $\int_{-1}^1 D(s) ds = \int_{-1}^1 R(s) ds$

(ب) $\int_{-1}^1 D(s) ds = \int_{-1}^1 R(s) ds$

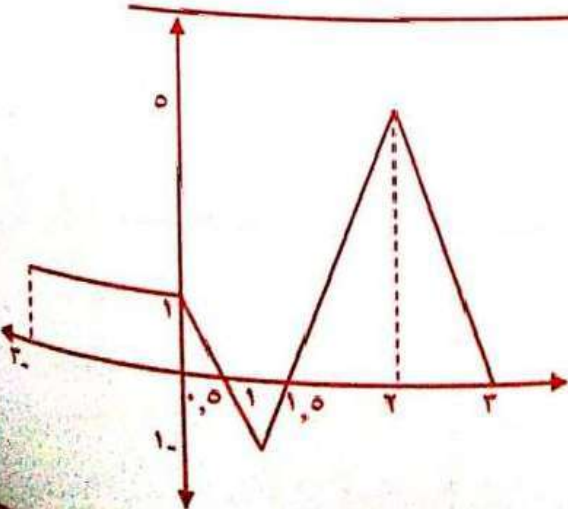
(ج) $M = 1$

(د) $\int_{-1}^1 |D(s)| ds = 2M$



٩٨- في الشكل المقابل :

$$\int_{-3}^3 D(s) ds = \dots\dots\dots$$



- (أ) $\frac{35}{3}$ (ب) $\frac{27}{4}$ (ج) ٢٢ (د) $\frac{31}{4}$

٩٩- مساحة المنطقة المستوية المحددة بالمنحني $ص = ٥ - س^٢$ ، محور السينات والمستقيمين

س = ٢ ، س = ١ هي

(٤) ١١

(ج) ١٣

(ب) ١٥

(أ) ١٢

١٠٠- مساحة المنطقة المحددة بالمنحني $ص = ٣ - ٢س - س^٢$ ، محور السينات هي

(٤) $\frac{٣٢}{٣}$

(ج) ١٢

(ب) $\frac{٣١}{٢}$

(أ) ١١

١٠١- مساحة المنطقة المستوية المحددة بالمنحني $ص = ٥ - س^٢$ ، والمستقيمت $س = ٠$ ،
= لود ٣ هي وحدة مربعة

(٤) ٢

(ج) ٣

(ب) ٥

(أ) ٤

١٠٢- مساحة المنطقة المستوية المحصورة بين منحنين $ص + س^٢ = ٦$ ، $ص + ٢س - ٣ = ٠$ هي

(٤) $\frac{٣٢}{٣}$

(ج) $\frac{٣١}{٢}$

(ب) $\frac{٣٥}{٤}$

(أ) ٨

١٠٣- مساحة المنطقة المستوية المحصورة بين المنحني $ص = \sqrt{س}$ ، المستقيم $ص = ٢ - س$ ،
محور الصادات هي وحدة مربعة

(٤) $\frac{٣٢}{٣}$

(ج) $\frac{٣١}{٣}$

(ب) $\frac{١٦}{٣}$

(أ) ٥

١٠٤- مساحة المنطقة المستوية المحصورة بين المنحني $ص = \frac{س^٢}{١ + س}$ ، المستقيم $ص = ٤$ ، تقع
اعلى السينات هي وحدة مربعة

(٤) لود ١١

(ج) ٣ لود ١٧

(ب) لود ١٧

(أ) ٢ لود ١٧

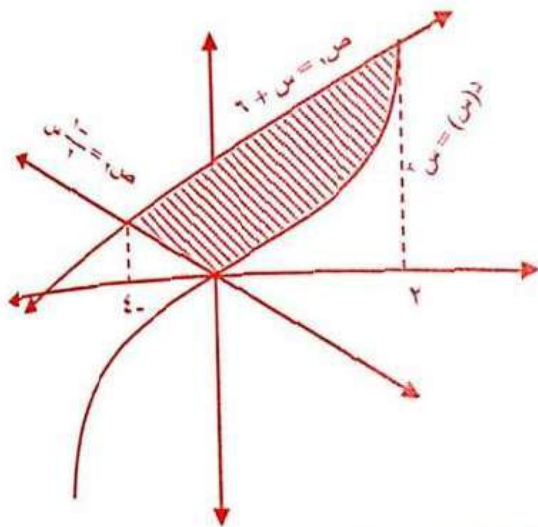
١٠٥- مساحة المنطقة المحددة بمنحني الدالة $d(s) = (s-2)(s-3)$ ومحوري الإحداثيات حيث $d(s) \leq 0$ صفر هي

(أ) $\frac{5}{6}$

(ب) $1\frac{2}{3}$

(ج) $2\frac{1}{3}$

(د) $\frac{1}{6}$



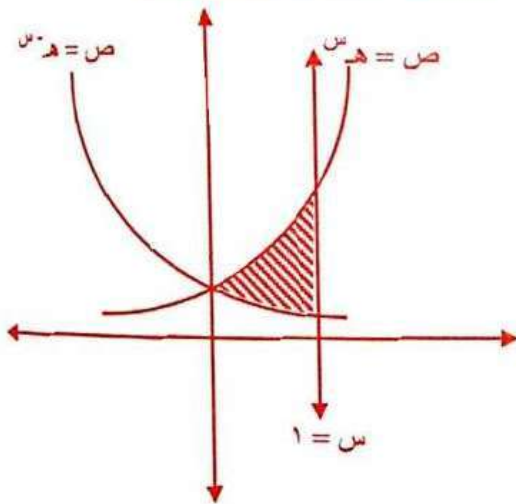
١٠٦- في الشكل المقابل : مساحة المنطقة المظللة = وحدة مربعة

(أ) ٢٨

(ب) ١٥

(ج) ٢٢

١٠٧- مساحة المنطقة المظللة هي وحدة مربعة

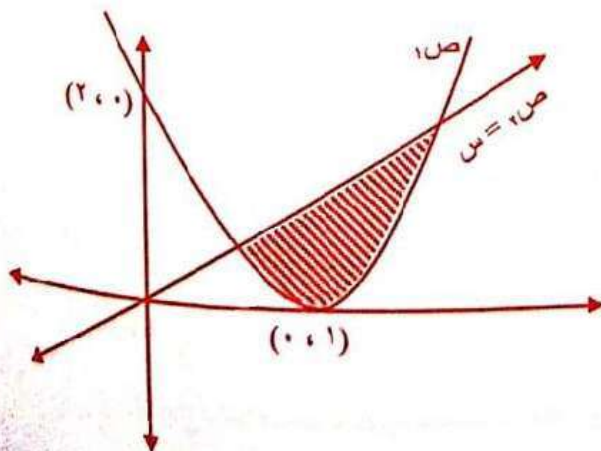


(أ) $2(1-d)$

(ب) $2\left(\frac{1-d}{d}\right)$

(ج) $2\left(\frac{1-d}{\sqrt{d}}\right)$

١٠٨- في الشكل المقابل مساحة المنطقة المظللة هي وحدة مربعة



(أ) $\frac{9}{8}$

(ب) $\frac{3}{4}$

(ج) $\frac{15}{17}$

١٠٩- في الشكل المقابل يمثل منحنى د(س) فإن :

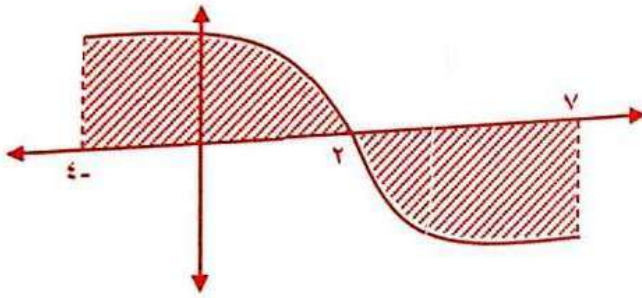
$$\left[\text{د(س)} \text{ عس} + \left| \text{د(س)} \right| \text{ عس} \right] = \dots\dots\dots \text{وحدة مربعة}$$

- (أ) ٣٦ (ب) ٢٤ (ج) ٢٢ (د) ٣٢

١١٠- في الشكل المقابل اذا كان $\left[\text{د(س)} \text{ عس} = ٢٤ \right]$ ،

مساحة الجزء المظلل = ٥٦ وحدة مربعة

$$\left[\text{د(س)} \text{ عس} = \dots\dots\dots \right] \text{ فإن}$$



- (أ) ١١ (ب) ١٦ (ج) ٣٢ (د) ١٨

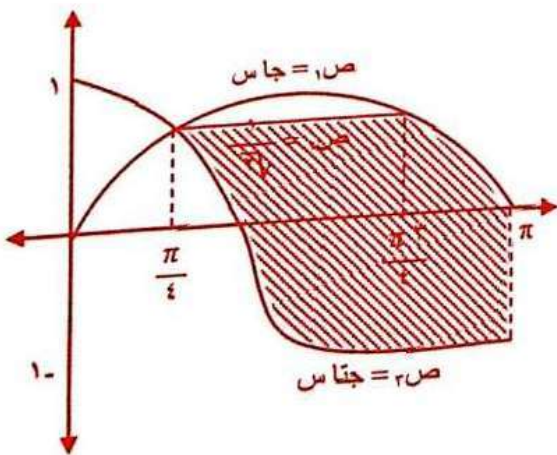
١١١- مساحة المنطقة المستوية المحصورة بين المنحنيين د(س) = س^٣ - ٩ س ،
= س^٣ - س^٢ هي وحدة مربعة

ر(س)

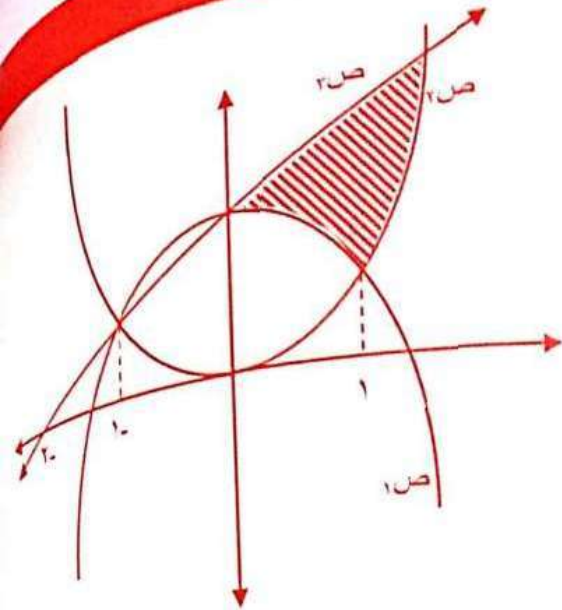
- (أ) $\frac{٩١٥}{١٣}$ (ب) $\frac{٩٢٥}{١٢}$ (ج) $\frac{٩٣٧}{١٢}$ (د) $\frac{٦٢٥}{١٣}$

١١٢- في الشكل المقابل ص_١ = جاس ، ص_٢ = $\frac{١}{\sqrt{٢}}$ ،

ص_٢ = جتا س ، فإن مساحة المنطقة المظلمة هي ...



- (أ) $\frac{\sqrt{٢} + \sqrt{٢}}{\pi}$ (ب) $\frac{\pi + \sqrt{٢}}{٣}$ (ج) $\frac{\sqrt{٢} - \sqrt{٢}}{\pi^2}$ (د) $\frac{\pi \sqrt{٢} + ٤}{٤}$

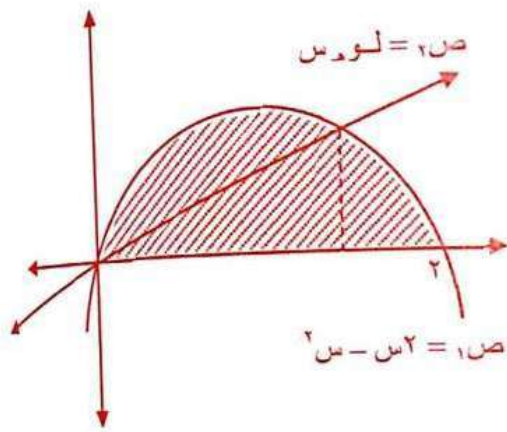


١١٣- في الشكل المقابل ص_١ = ٢ - س^٢ ،

$$\text{ص}_2 = \text{س}^2 , \text{ص}_2 + \text{س} = 2$$

فإن مساحة الجزء المظلل هو وحدة مربعة

- (أ) ٣ (ب) ٢ (ج) $\frac{1}{4}$ (د) ٢,٥



١١٤- في الشكل المقابل المستقيم ص_٢ = ك س

يقسم المساحة المحصورة بين المنحني ص_١ = ٢ - س^٢

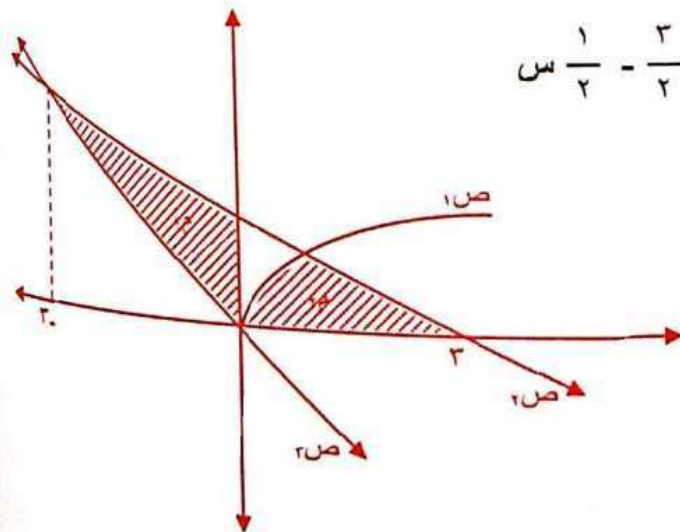
مع محور السينات الى جزئين متساويين فإن قيمة ك =

$$(ب) \sqrt{2} - 4$$

$$(أ) \sqrt{4} - 2$$

$$(د) \sqrt{9} - 3$$

$$(ج) \sqrt{4} + 2 + 3$$



١١٥- في الشكل المقابل ص_١ = $\sqrt{\text{س}}$ ، ص_٢ = $\frac{1}{2} - \frac{3}{2}$ س

ص_٢ = - س ، فإن م + م_٢ =

$$(ب) \frac{35}{3}$$

$$(أ) \frac{32}{7}$$

$$(د) \frac{47}{12}$$

$$(ج) \frac{41}{12}$$

١١٦- حجم الجسم الناشئ من دوران المنطقة المحددة بالمنحني ص = س^٢ + ١ ، س = صفر ، ص = ٥ و تقع في الربع الأول دورة كاملة حول السينات هو وحدة مكعبة

$$(د) \pi \frac{169}{5}$$

$$(ج) \pi \frac{196}{5}$$

$$(ب) \pi \frac{113}{15}$$

$$(أ) \pi \frac{169}{3}$$

١١٧- حجم الجسم الناشئ من دوران المنطقة المستوية المحددة بالمنحني $ص = س^2 + ١$ ، $س =$ صفر
 $ص = ٥$ و تقع في الربع الأول دورة كاملة حول محور الصادات = وحدة مربعة

$$\pi ١٢ (٤)$$

$$\pi ١١ (ج)$$

$$\pi ٨ (ب)$$

$$\pi ٥ (أ)$$

١١٨- إذا كانت $ح_١$ هي حجم الجسم الناشئ من دوران المنطقة المستوية المحددة بالمنحني $ص = س$ ،
 $س = ٣$ ، $ص =$ صفر دورة كاملة حول السينات ، $ح_٢$ هي حجم المنطقة المستوية المحددة بالمنحني $ص =$
 $\sqrt{س}$ ، $س = ٠$ ، $ص = ١$ ، $ص = ٢$ دورة كاملة حول محور الصادات فإن وحدة مكعبة

$$(ب) ح_٢ > ح_١$$

$$(أ) ح_٢ < ح_١$$

$$(٤) ح_٢ + ح_١ = ٣$$

$$(ج) ح_٢ = ح_١$$

١١٩- إذا كان مجموع حجمي الناشئين من دوران المنطقة المستوية المحددة بالمنحني $ص =$
 $\sqrt{ك - س}$ و محوري الاحداثيات دورة كاملة حول السينات مرة ، حول الصادات مرة اخري هو $\pi \frac{٣٧٦}{١٥}$ ،
 فإن $ك =$

$$(٤) ٧$$

$$(ج) ٤$$

$$(ب) ٣$$

$$(أ) ٢$$

١٢٠- النسبة بين حجم الجسم الناشئ من دوران منحني $د(س)$ حول محور السينات مرة واحدة : حجم
 الجسم الناشئ من دوران نفس المنحني حول السينات ثلاث مرات هي

$$(٤) ١ : ٣$$

$$(ج) ١ : ٢$$

$$(ب) ١ : ١$$

$$(أ) ٣ : ١$$

١٢١- حجم الجسم الناشئ من دوران منحني $ص = س^2$ حول الصادات نصف دورة : حجم الجسم الناشئ
 من دوران منحني $ص = س^2$ حيث $س \in [٠, \infty)$ دورة كاملة هو

$$(٤) ٣ : ١$$

$$(ج) ١ : ١$$

$$(ب) ٢ : ١$$

$$(أ) ١ : ٢$$

١٢٢- إذا كان حجم الجسم الناشئ من دوران المنطقة المحصورة بالمنحني $ص = س^2$ ، والمستقيم
 $ص = ١$ دورة كاملة حول السينات هو $\pi \frac{٦٤}{١٥}$ فإن $أ =$

$$(٤) ٧$$

$$(ج) ٤$$

$$(ب) ٣$$

$$(أ) ٢$$

١٢٣- حجم الجسم الناشئ من دوران المنطقة المستوية المحددة بالمنحني ص = جاس ، ص = جتاس ، محور الصادات حيث $s \in [0, \frac{\pi}{4}]$ دورة كاملة حول السينات = وحدة مكعبة

- (أ) $\frac{\pi}{6}$ (ب) $\frac{\pi}{4}$ (ج) $\frac{\pi}{3}$ (د) $\frac{\pi}{2}$

١٢٤- إذا كان حجم الجسم الناشئ من دوران المنطقة المستوية المحددة بالمنحني ص = $\frac{1}{1-s}$ والمستقيمين س = أ ، س = ب ، محور السينات دورة كاملة حول السينات تساوي حجم كرة نصف قطرها

\sqrt{r} فإن أ =

- (أ) ٣ (ب) ٤ (ج) ٦ (د) ٥

١٢٥- حجم الجسم الناتج من دوران شبة المنحرف رؤوسه أ (٠، ٠) ، ب (١، ٠) ، ج (٤، ٨) ، د (٨، ٠) دورة كاملة حول أ هو

- (أ) $\pi 61$ (ب) $\pi 56$ (ج) $\pi 27$ (د) $\pi 81$

١٢٦- حجم الجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية المحددة بالمنحني ص = $\sqrt{25-s}$ ، المستقيمات س = ٣ ، س = ٤ ، حول السينات هو

- (أ) $\pi 0$ (ب) $\pi \frac{27}{3}$ (ج) $\pi \frac{24}{5}$ (د) $\pi \frac{38}{3}$

١٢٧- حجم الجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية المحددة بالمنحني ص = هـ - س و محوري السينات و الصادات والمستقيم س = ١ دورة كاملة حول الصادات هو

- (أ) $\pi (\frac{25+h}{h})$ (ب) $\pi (\frac{4+h}{h})$ (ج) $\pi (\frac{4-h^2}{h})$ (د) $\pi (\frac{5+h^2}{h})$

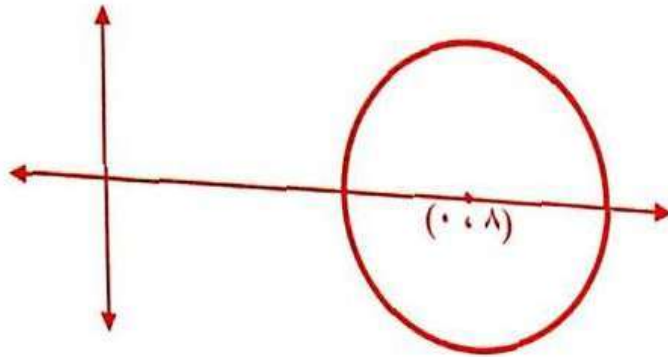
١٢٨- حجم الجسم الناتج من دوران المنطقة المحصورة بالمنحني $\sqrt{1-x^2}$ ومحور السينات في الفترة $[1, 0]$ هو وحدة مكعبة

(ب) $(\pi + 1)$

(أ) $(1 - \pi)$

(ع) $(1 + \pi)$

(ج) $(\frac{1-\pi}{2})$



١٢٩- في الشكل المقابل دائرة مركزها $(0, 8)$ ، نصف قطرها ٨ سم فإن حجم الجسم الناتج عن دوران الدائرة المعينة دورة كاملة حول محور الصادات هو

(ب) 64π

(أ) 64π

(ع) 72π

(ج) 144π

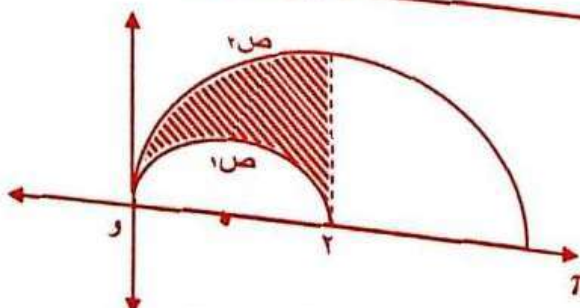
١٣٠- إذا كانت $\sqrt{x} = y$ ، $0 < x < 1$ ، فإذا دارت المنطقة المحصورة بين المنحنيين على الفترة $[0, 1]$ دورة كاملة حول السينات ، كان الحجم الناتج $\frac{\pi}{4}$ وحدة مكعبة فإن $A =$

(ع) $\frac{2}{3}$

(ج) $\frac{5}{3}$

(ب) $\frac{6}{3}$

(أ) $\frac{4}{3}$



١٣١- الشكل المقابل يمثل نصفي دائرتين متماسكتين في نقطة الأصل ، فإن حجم الجسم الناتج من دوران المنطقة المظلة دورة كاملة حول السينات هو وحدة مكعبة

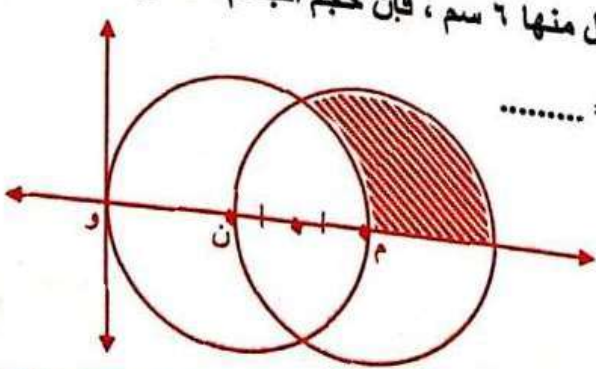
(ع) 7π

(ج) 6π

(ب) 5π

(أ) 4π

١٣٢- الشكل المقابل يمثل دائرتين متقاطعتين ، نصف قطر كل منها ٦ سم ، فإن حجم الجسم الناشئ من دوران المنطقة المظلة حول محور السينات دورة كاملة =



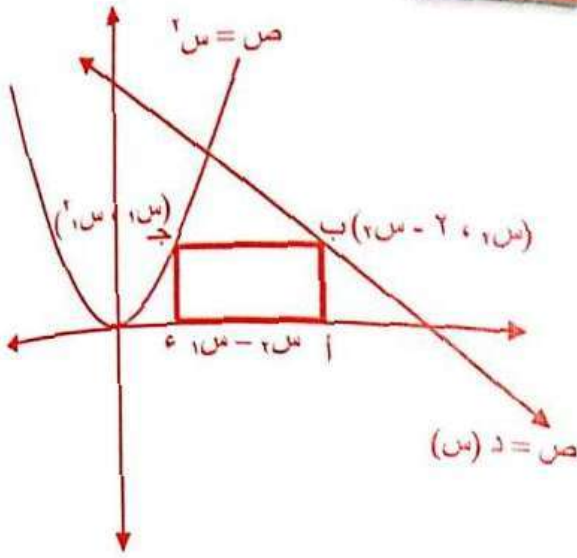
(ب) $\frac{395}{3}\pi$

(أ) $\frac{659}{3}\pi$

(ع) $\frac{594}{3}\pi$

(ج) $\frac{495}{3}\pi$

أسئلة ذات طابع خاص



١- في الشكل المقابل :

أكبر مساحة للمستطيل أ ب ج د = ٤

(ب) $\frac{8}{13}$

(أ) $\frac{8}{27}$

(ع) ١٢

(ب) ٤

٢- إذا كانت د(س) ، ر(س) دالتين قابلتين للاشتقاق في س ، د(س) = س^٢ + س ر(١) + ر(٢) ،
ر(س) = د(١) + س د(س) + س د(س) ، فإن د(٣) =

(ع) ١-

(ج) صفر

(ب) ٢-

(أ) ٢

٣- إذا كان ص = $\frac{1 - \sqrt{1 + 2س}}{1 + \sqrt{1 + 2س}}$ ، أثبت أن $\frac{2}{1 + \sqrt{1 + 2س}} = \frac{ص}{ع}$

٤- إذا كان المماس للمنحني ص = هـ^ك س ، عند النقطة (١ ، ٠) يقطع محور السينات في (أ ، ٠) حيث
أن أ ∈ [١- ، ٢-] ، اوجد قيمة ك

٥- $\left[هـ س \left(\frac{١ - جاس}{١ - جئاس} \right) ع س \right]$

٦- $\left[ظا \theta ع \theta + \left[ظا \theta ع \theta \right] + \left[ظا \theta ع \theta \right] \right]$

٧- إذا كان س جـ (س + ص) = (جـ (س + ص)) س ، اوجد $\frac{ع ص}{ع س}$

٨- اثبت ان $\int_1^2 \text{جتاس } \epsilon \text{ (جتاس)} = \int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} \text{جاس } \epsilon \text{س}$

٩- اوجد $\int_1^2 \frac{\sqrt{1 + \text{هس}^2 + 2\text{هس}}}{1 - \text{هس}^2} \text{عس}$

١٠- اذا كان $\text{ص} = \text{ظا}^2 \text{س}$ اوجد $\int (\text{ص}^2 + 3\text{ص} + 2) \text{عس}$

١١- اوجد ميل المماس لمنحني $\text{د(س)} = \text{لوس}^2$ (س + ١) عند $\text{س} = \text{ه}$

١٢- $\int \frac{\text{قاس}}{\text{جاس} + \text{قاس} - 1} \text{عس} = \dots\dots\dots$

١٣- $\int \left(\sqrt{\frac{\text{جاس}}{\text{س}}} - \sqrt{\frac{\text{س}}{\text{جاس}}} \right) \text{جتاس} \text{عس} = \dots\dots\dots$

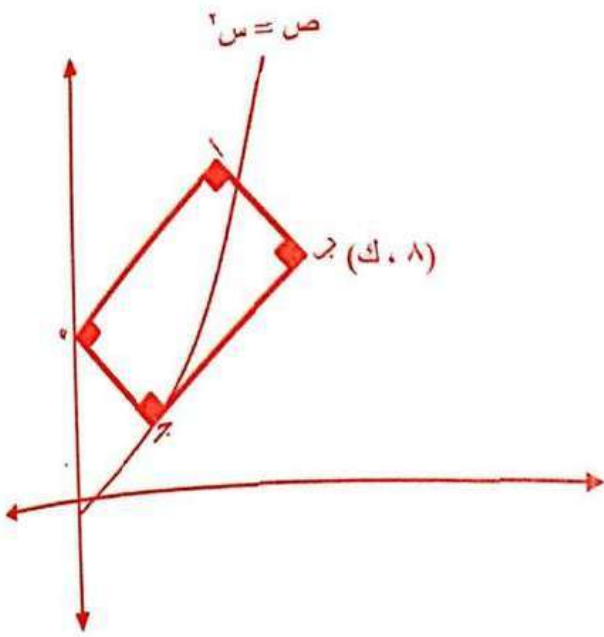
١٤- اذا كانت $\text{هنا} = \frac{\text{هس} - \text{هك}}{\text{لوس} - \text{لوهك}}$ ، $2\text{ه}^2 = 2$ ، فإن قيمة ك حيث ان $\text{ك} \ni \text{ح}^+ = \dots\dots\dots$

(أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٣ (د) ٤

١٥- اوجد القيمة العظمي للمقدار $\text{ص} = \text{لوس} (\text{ه}^\pi - \text{س}) \times \text{لوس} (\text{ه}^\pi + \text{س})$

١٦- اذا كان $\text{ا} ، \text{ب} ، 2\text{ج} ، \epsilon$ كميات متناسبة $\ni \text{ح}^* \text{ اوجد } \int \frac{\text{ا} + \text{ب}}{\text{جس}^2 + \epsilon \text{س} + \text{و}} \text{عس}$

١٨- اوجد $\int \left(\frac{1}{\text{لوس}} - \frac{1}{(\text{لوس})} \right) \text{عس}$



١٧- اوجد احداثي النقطة ج التي تجعل مساحة
المربع أ ب ج د اقل ما يمكن

ہوکیت ۱

۱۔ اذا كانت $\sqrt{s} = \sqrt{s+1}$ فان $\sqrt{s} = \dots\dots\dots$

- (ا) $\frac{1}{\sqrt{s+1}}$ (ب) $\sqrt{s+1}$ (ج) $\sqrt{s-1}$ (د) $\frac{1}{\sqrt{s-1}}$

۲۔ $\frac{2}{s} = \left(\frac{2}{s+1} \right) \dots\dots\dots$

- (ا) $\frac{2}{s+1}$ (ب) $\frac{2}{s+2}$ (ج) $\frac{2}{s+3}$ (د) $\frac{2}{s+4}$

۳۔ اذا كانت $\sqrt{s} = \sqrt{s+1} = \sqrt{s+2} = \dots\dots\dots$

- (ا) $\frac{1}{2}$ (ب) $\frac{1}{3}$ (ج) $\frac{1}{4}$ (د) $\frac{1}{5}$

۴۔ $\frac{1-s}{1+s} = \dots\dots\dots$ فان $\sqrt{s} = \dots\dots\dots$ عند $s = 2$

- (ا) $\frac{1}{2}$ (ب) $\frac{1}{4}$ (ج) $\frac{1}{8}$ (د) $\frac{1}{16}$

۵۔ اذا كان $\frac{1+s}{2+s} = \sqrt{s} = \sqrt{s+1} = \sqrt{s+2} = \dots\dots\dots$

- (ا) $\frac{200}{4}$ (ب) $\frac{210}{3}$ (ج) $\frac{100}{8}$ (د) $\frac{203}{4}$

۶۔ $\frac{1}{s} = \frac{1}{s+1} = \frac{1}{s+2} = \dots\dots\dots$

- (ا) $\frac{1}{2}$ (ب) $\frac{1}{4}$ (ج) $\frac{1}{8}$ (د) $\frac{1}{16}$

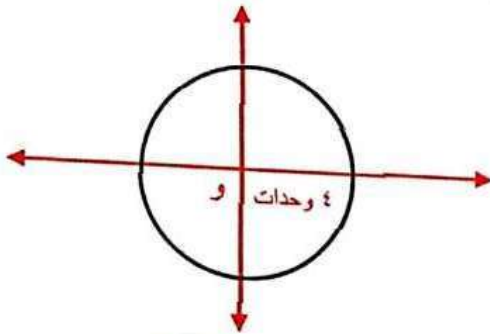
۷۔ $\frac{1}{s} = \frac{1}{s+1} = \frac{1}{s+2} = \dots\dots\dots$

- (ا) $\frac{1}{s}$ (ب) $\frac{1}{s+1}$ (ج) $\frac{1}{s+2}$ (د) $\frac{1}{s+3}$

٨- إذا كانت $\text{ص} = (٢٥)$ لـ ظ - (١٠٠) لـ قاس فإن $\text{ص} = \dots\dots\dots$
 (أ) صفر (ب) ٢ ظاس قاس (ج) قاس ظاس (د) قاس ظاس

٩- $\frac{\text{ع}}{\text{س}} = ((\text{ر}(\text{س})) = \dots\dots\dots$
 (أ) $(\text{د}(\text{س}))^2$ (ب) $(\text{ر}(\text{س}))^2$ (ج) $(\text{ر}(\text{س})) \cdot \text{د}(\text{س})$ (د) $(\text{د}(\text{س}))^2 \times \text{ر}(\text{س})$

١٠- يجري الماء في أنبوب أفقي اسطواناني الشكل طوله ١٠ متر وطول نصف قطره ٢٥ سم فإذا كان عمق الماء في الأنبوب يتناقص بمعدل ٣ سم/د فإن معدل التغير في مساحة السطح العلوي للماء في الأنبوب عندما يكون علي عمق ١٨ سم هو سم^٢/د
 (أ) ١٨١٥- (ب) ١٧٥٠- (ج) ١٨٢٠- (د) ١٧٢٠-



١١- في الشكل المقابل $\text{ص}^{(٣)} = \dots\dots\dots$
 (أ) $\text{ص}^{(٢)}$ (ب) $\text{ص}^{(٣)}$ (ج) $\text{ص}^{(٢)} + \text{ص}^{(٣)}$ (د) $\text{ص}^{(٢)}$

١٢- إذا كان $\text{ص} = \text{س}$ فإن $\text{ص}^{(٢)} - \text{س}^{(١)} + \text{ل}^{(١)} = \dots\dots\dots$
 (أ) $\frac{\text{ص}}{\text{س}}$ (ب) $\text{س} \text{ ص}$ (ج) $\frac{\text{س}}{\text{ص}}$ (د) $\frac{\text{ص}}{\text{س}}$

١٣- $\text{ظاس عس} = \dots\dots\dots + \text{ث}$
 (أ) $\text{لوم} | \text{قاس}$ (ب) $\text{لوم} | \text{قاس} + \text{ظاس}$ (ج) $\text{لوم} | \text{جاس} | \text{جتاس}$ (د) $\text{لوم} | \text{قاس}$

١٤- $\text{نميا}^{(٢+١)} (\text{جتاس})^{(٣)} = \dots\dots\dots$
 (أ) ٢٧ (ب) ٦٤ (ج) ٨ (د) لا شيء مما سبق

١٥- خزان مكعب الشكل طول ضلعه ٤ متر يصب فيه الماء بمعدل $\frac{1}{4}$ م^٣/د , فان معدل تغير ارتفاع الخزان م/د

- (أ) $\frac{1}{32}$ (ب) صفر (ج) $\frac{1}{96}$ (د) $\frac{1}{16}$

١٦- $\frac{t}{s} = (ص^{(1)} \cdot \bar{ص}) = \dots\dots\dots$

- (أ) $(ص^{(1)} \cdot \bar{ص})$ (ب) $ص^{(3)} \bar{ص} + (ص^{(4)})^2$
(ج) $ص^{(1)} ص^{(2)} + (\bar{ص})^2$ (د) $2 ص^{(2)} \bar{ص} + ص^{(3)}$

١٧- اذا كان س قياس زاوية بالتقدير الدائري فانه يتزايد الشكل والجيب بنفس المعدل عند س =
 (أ) π (ب) π^3 (ج) صفر (د) $\frac{\pi}{4}$

١٨- المماس للدائرة $(س+٢)^2 + (ص-٣)^2 = ٢٥$ فان العمودي عليه يمر بالنقطة
 (أ) $(٣, ٢-)$ (ب) $(٣, ٢)$ (ج) $(٠, ٠)$ (د) $(٣-٤, ٢-)$

١٩- $\left[هس (١+ هس)^\circ = عس + \dots\dots\dots + ن \right]$

- (أ) $\frac{1}{5} (١+ هس)^\circ$ (ب) $\frac{1}{6} (١+ هس)^\circ$
(ج) $\frac{هس}{5} (١+ هس)^\circ$ (د) $\frac{هس}{6} (١+ هس)^\circ$

٢٠- $\left[\frac{1}{س} جا (لوس) عس = \dots\dots\dots \right]$

- (أ) $- جا \left(\frac{1}{س} \right)$ (ب) $- جا (لوس)$
(ج) $- جا (س لوس)$ (د) $جا (لوس)$

٢٠ كليت

١- خزان بترول علي شكل أسطوانة دائرية قائمة طول قطر قاعدتها ٢٤ متر، يراد تفريغ الخزان من البترول بمعدل ٢ م^٣/ث فإن معدل تغير ارتفاع البترول ف الخزان

(٤) $\frac{1}{\pi 36}$

(ج) $\frac{1}{\pi 72}$

(ب) $\frac{\pi}{27}$

(أ) $\frac{1}{\pi 18}$

٢- معادلة المماس للمنحني $s^2 + s^3 = v$ عند النقطة (١، ٢) الواقعة عليه هي

(ب) $0 = 4 - s + 5v$

(أ) $0 = 4 - s + 2v$

(٤) $0 = 11 - s + 2v$

(ب) $0 = 7 - s + 4v$

٣- اذا كان $v = \sqrt{s} - \frac{1}{\sqrt{s}}$ فإن عدد النقاط الحرجة هي

(٤) ٤

(ج) صفر

(ب) ١

(أ) ٢

٤- اذا كان $s^2 + s^3 + s^2 = v$ ، فإن $\frac{v}{s^2} = \dots\dots\dots$ عند النقطة (١، ١)

(٤) ١ -

(ج) $\frac{1}{2}$

(ب) ٢

(أ) $\frac{2}{3}$

٥- اذا كان معدل تغير حجم كرة يساوي ضعف معدل تغير حجم مكعب عندما يكون طول حرفه = قطر الكرة فإن النسبة بين معدل تغير نصف قطرها : معدل تغير طول حرف المكعب =

(٤) $\frac{4}{\pi}$

(ج) $\frac{\pi}{2}$

(ب) $\frac{\pi}{4}$

(أ) $\frac{7}{\pi}$

٦- نها $\lim_{s \rightarrow \infty} \frac{(s^2 + 1)s}{s^2} = \dots\dots\dots$

(٤) $\sqrt[3]{\text{لوه}}$

(ج) $\sqrt[3]{\text{لوه}}$

(ب) ١

(أ) $\sqrt[3]{\text{لوه}}$

٧- إذا كان $\sin \theta = \frac{1}{2}$ فإن $\cos \theta = \dots\dots\dots$ عند $\sin \theta = 0$

- (أ) $\sin \theta$ (ب) $\cos \theta$ (ج) 1 (د) 0

٨- إذا كانت $\sin \theta = \frac{1}{2}$ ، $\cos \theta = \frac{\sqrt{3}}{2}$ فإن $\tan \theta = \dots\dots\dots$ تساوي

- (أ) 0 (ب) $\frac{1}{2}$ (ج) $1 - \frac{1}{2}$ (د) $\frac{\pi}{4}$

٩- خزان كروي الشكل طول نصف قطره 1 متر صُلب فيه الماء ومعدل ارتفاع الماء $\frac{1}{4}$ م / د فإن معدل تغير مساحة سطح الماء في الخزان بعد 2 دقيقة من بدء الصب هو

- (أ) $\frac{\pi}{2}$ (ب) $\frac{\pi}{3}$ (ج) $\frac{\pi}{4}$ (د) $\frac{\pi}{5}$

١٠- إذا كان $\sin \theta = \frac{1}{2}$ جتا θ حيث θ زاوية حادة فإن $\tan \theta = \dots\dots\dots$

- (أ) $\sqrt{1 - \sin^2 \theta}$ (ب) $\sqrt{1 - \cos^2 \theta}$ (ج) $\frac{1}{\sqrt{1 - \sin^2 \theta}}$ (د) $\frac{1}{\sqrt{1 - \cos^2 \theta}}$

١١- نها $(5 + 3s)^2 = \dots\dots\dots$

- (أ) 1 (ب) $\frac{1}{2}$ (ج) $\frac{1}{3}$ (د) $\frac{1}{4}$

١٢- نها $(1 + 3s)$ ظاس $= \dots\dots\dots$

- (أ) 1 (ب) $\frac{1}{2}$ (ج) 0 (د) 3

١٣- اذا كان $s = \text{لوه (ن)}$ ، $v = \text{جا (ن)}$ ، فإن $\frac{v^2}{s^2} = \dots\dots\dots$ عند $\frac{\pi}{2}$

(أ) $\frac{\pi}{4}$ (ب) ١- (ج) $\frac{\pi}{4} - 1$ (د) ١

١٤- $\left\{ \text{قا}^2(s) \text{ جا (ظا س)} = \text{ءس} + \dots\dots\dots \right\}$ ث

(أ) جا (ظنا س) (ب) ظا (جا س) (ج) - جتا (ظا س) (د) جا (ظا س)

١٥- $\left\{ \text{ءس} \frac{(1 + \text{لوه س})}{s} = \dots\dots\dots + \text{ث} \right\}$

(أ) $\frac{v}{s} (1 + \text{لوه س})$ (ب) $\frac{1}{s} (1 + \text{لوه س})^2$

(ج) $2 (1 + \text{لوه س})^2$ (د) $\frac{1}{s} (1 + \text{لوه س})^3$

١٦- عددين موجبين مجموعهم ١٢ ، و حاصل ضربهم اكبر ما يمكن فإن العددين هما

(أ) ٦ ، ٦ (ب) ٥ ، ٧ (ج) ٨ ، ٤ (د) ٣ ، ٩

١٧- اذا كان $v = \sqrt{s} - \frac{1}{\sqrt{s}}$ فإن الدالة تكون تزايدية عند

(أ) ح (ب) $[\infty, 0]$ (ج) $[-\infty, 0]$ (د) ح*

١٨- العددين ه ، π

(ب) كلاهما عددان طبيعيان

(أ) كلاهما عددان غير نسبيان

(د) لا يوجد علاقة بينهم

(ب) كلاهما عددان صحيحان

١٩- اذا كان \vec{AB} مماساً للمنحني $C = \text{لوه}$ $(\frac{3}{4})$ في النقطة $(1, 3)$ ويقطع السينات في $(0, 3)$ و
 الصادات في $(3, 0)$ فإن طول $\vec{AB} = \dots\dots\dots$

- (أ) ٢, ٨٢ (ب) ٢, ٤١ (ج) ٤, ٢ (د) ٣, ٥

٢٠- $\frac{1 - \text{جتاس}}{2 \text{س} 3} = \dots\dots\dots$

- (أ) $\frac{5}{7}$ (ب) $\frac{0}{7}$ (ج) $\frac{2}{4}$ (د) $\frac{3}{7}$

٢١- اذا كان $D(2 \text{ ظاس}) = \text{قا}^2 \text{س} - \text{ظاس}$ ، فإن $D(\frac{3}{4}) = \dots\dots\dots$

- (أ) $\frac{1}{0}$ (ب) $\frac{1-}{8}$ (ج) $\frac{1}{3}$ (د) $\frac{1-}{4}$

بو كليت ٣

١- كل الدوال الآتية مجالها ح ماعدا

(ب) كثيرة حدود

(أ) الدوال الاسية

(ع) اللوغاريتمية

(ج) الجيب وجيب التمام

٢- إذا كان لمنحني الدالة د(س) = أس^٢ + ١٢س + ١ نقطة حرجة عند س = ٢ ، فإن أ =

(ع) ٤

(ج) ٣-

(ب) ٢-

(أ) ٣

٣- إذا كانت د(س) كثيرة حدود من الدرجة السابعة فإن أكبر عدد من النقاط الحرجة =

(ع) ٤

(ج) ٥

(ب) ٦

(أ) ٧

٤- عدد النقاط الحرجة للدالة د(س) = $\sqrt{s} - \frac{1}{\sqrt{s}}$ هو

(ع) ٣

(ج) ٢

(ب) ١

(أ) صفر

٥- من بيانات الجدول التالي د(س) تناقصية في

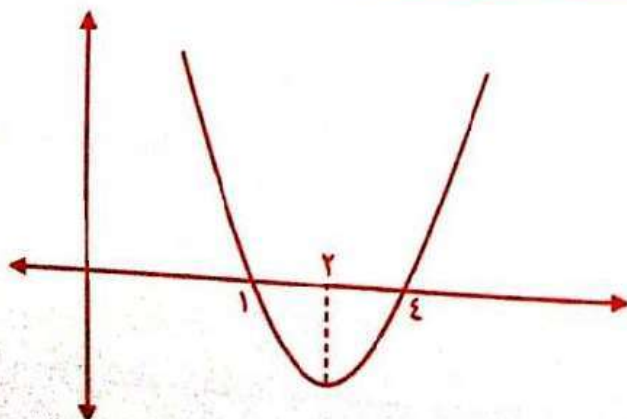
| | | | | | |
|------|----|---|---|---|----|
| س | ١- | ٢ | ٣ | ٤ | ٥ |
| د(س) | ٣- | ٠ | ٤ | ٠ | ١- |

(ب) [٢ ، ٤]

(أ) [٢ ، ٤]

(ع) ح - [٢ ، ٤]

(ج) ح - [٢ ، ٤]



٦- في الشكل المقابل يمثل منحني د(س) فإن :

(١) د(س) تزايدية عند س = ٣

(أ) [١ ، ٤]

(ب) [١ ، ٤]

(ع) ح

(ج) ح - [١ ، ٤]

(٢) مجموعة حل المتباينة $\bar{D}(s) \geq 0$ هو

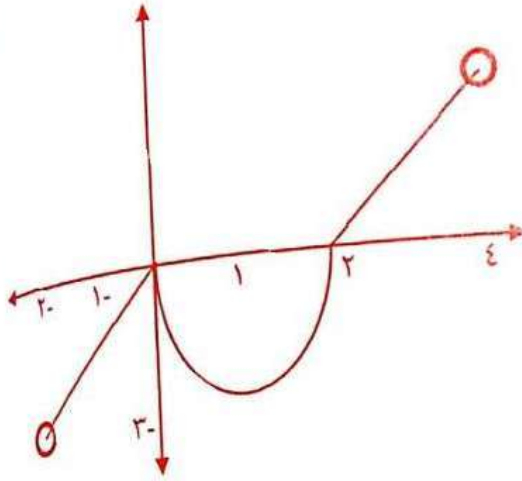
(أ) $[-2, \infty)$ (ب) $[-2, \infty]$

(ج) $[-2, \infty]$ (د) $[-2, \infty)$

٧- يمثل الشكل المقابل منحنى $\bar{D}(s)$ للدالة $D(s)$ المعرفة على الفترة $[-2, 4]$

(١) عدد النقاط الانقلاب

(أ) ٢ (ب) ٣ (ج) صفر (د) ١



(٢) إذا كان $\bar{D}(1) = \bar{D}(3) = 0$ فإن $D(s)$ متزايدة في

(أ) $[-2, 1]$ (ب) $[1, 3]$

(ج) $[2, 3]$ (د) $[-3, 1]$

٨- $\left\{ \begin{array}{l} \text{لورد } s^2 \\ \text{لورد } s \end{array} \right\} = \dots + \dots$

(أ) $\frac{2}{s} \text{ لورد } s$ (ب) $s \text{ لورد } s + (2 - s) \text{ لورد } s + 2$

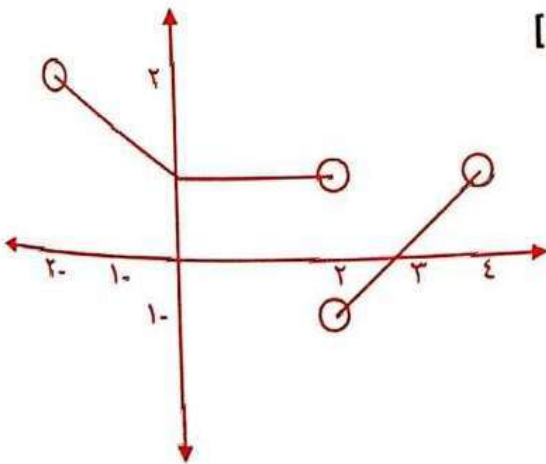
(ج) $s \text{ لورد } s + (2 - s)$ (د) $s^2 \text{ لورد } s + (2 + s)$

٩- يمثل الشكل المقابل منحنى $\bar{D}(s)$ على الفترة $[-2, 4]$

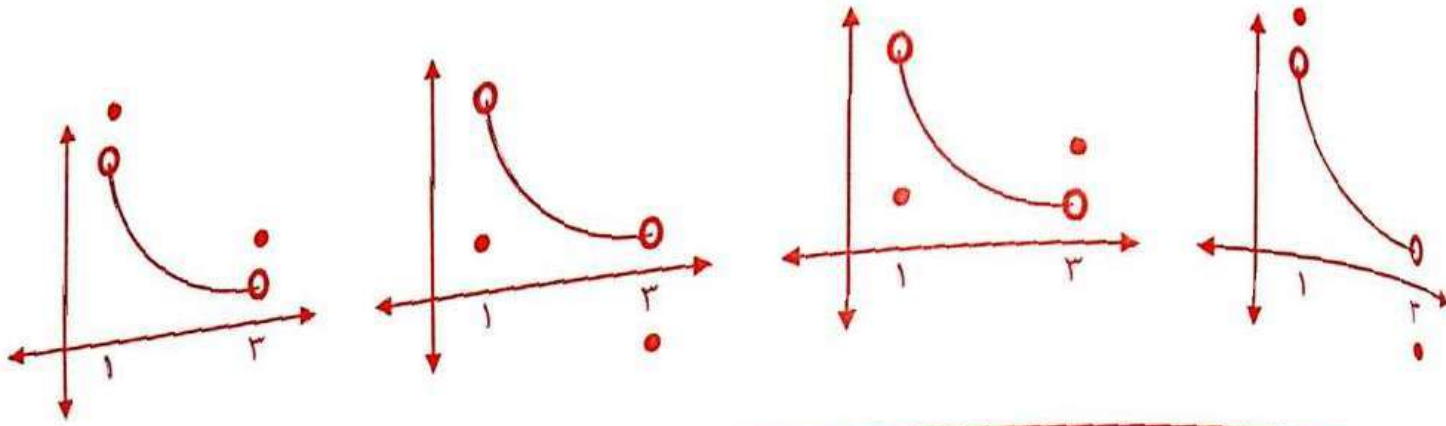
فإن $\bar{D}(s) < \bar{D}(s)$ عندما $s \in \dots$

(أ) $[-2, 0]$ (ب) $[1, 4]$

(ج) $[-2, 2]$ (د) $[-4, 1] - \{2\}$



١٠. أي الاشكال التالية تكون د(س) متناقصة علي الفترة [١ ، ٣] :



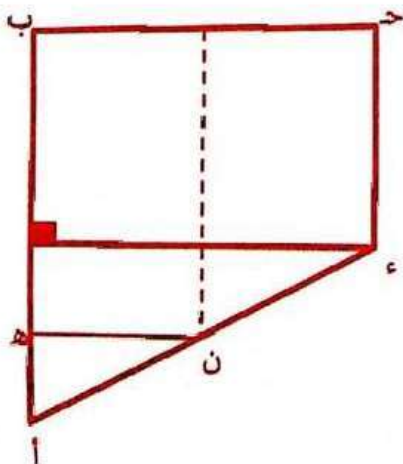
١١. اذا كانت د(س) قابلة للاشتقاق عند س حيث د'(س) = ٥ عند س > ١ ، د(س) محدب لأسفل عند س < ١ ، د'(١-) = ٢٠ ، فأني العبارات الاتية صحيحة :

- (أ) (١-، د(١-)) نقطة حرجة
(ب) د(س) محدب لأسفل عند س ∈ [٣ ، ∞)
(ج) لا يوجد نقط انقلاب
(د) (١-، د(١-)) نقطة انقلاب

١٢. اذا علمت ان اكبر مساحة لمستطيل يقع احد رؤوسه علي المستقيم ص = م - س ورأساه الاخران علي محوري الاحداثيات تساوي ٢٥ وحدة مربعة فإن م =

- (أ) ٤
(ب) ١٠
(ج) ٢,٥
(د) ٥

١٣. في الشكل المقابل يمثل قطعة ارض علي شكل أ ب ج د هـ شبه المنحرف ، أ ب // ج د هـ ، ب ج ⊥ أ ب ، أ ب : ب ج : ج د هـ = ٣ : ٤ : ١ أراد مهندس انشاء حديقة للأطفال مستطيلة الشكل علي القطعة كما بالشكل فإن النسبة بين اكبر مساحة للحديقة : مساحة قطعة الأرض =



- (أ) ١١ : ٤
(ب) ٧ : ٣
(ج) ١٦ : ٩
(د) ١٢ : ٥

١٤- حجم الجسم الناشئ من دوران المنطقة المستوية المحددة بالمنحني $v = s^2$ ، المستقيم $v = s^2$ دورة كاملة حول السينات = وحدة مكعبة

(أ) $\pi \frac{32}{7}$

(ب) $\pi \frac{74}{15}$

(ج) $\pi \frac{16}{9}$

(د) $\pi 8$

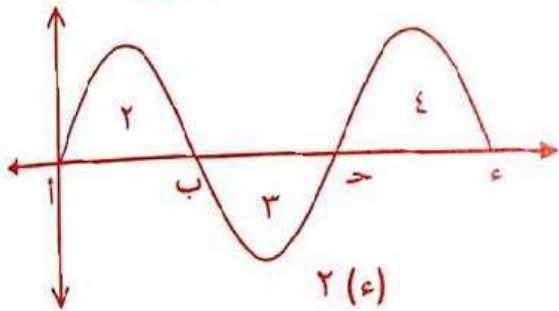
١٥- $\int \text{جاس}^2 \text{عس} = \dots + \text{ث}$

(أ) $\int \text{جاس}^2 + \frac{1}{3} \text{جاس}^3$

(ب) $-\text{جاس} + \frac{1}{3} \text{جاس}^3$

(ج) $\int \text{جاس} - \frac{1}{3} \text{جاس}^3$

(د) $-\text{جاس} - \frac{1}{3} \text{جاس}^3$



١٦- في الشكل المقابل يمثل منحنى د(س) فإن :

$\int_1^4 \text{د(س) عس} + \int_1^2 \text{د(س) عس} = \dots$

(أ) ١٤

(ب) ١١

(ج) ٨

(د) ٢

١٧- $\int_{\sqrt{2}+1}^{\sqrt{2}+10} \frac{1+s^2}{s-s^2} \text{عس} = \dots$

(أ) ٣,٠٢٣

(ب) ٢,٤٠٥

(ج) ٣,٠٢٢

(د) ٢,٣٠٣

١٨- $\int_{-1}^2 \frac{7-|س|+2س+3س^2}{3+|س|} \text{عس} = \dots$

(أ) صفر

(ب) ٣-

(ج) ٢-

(د) ٤

١٩- إذا كان $\int_1^{11} \text{د(2س+3) عس} = ١٥$ ، فإن $\int_7^{25} \text{د(ص) عص} = \dots$

(أ) ٣٠

(ب) ٢٤

(ج) ٢٠

(د) ١٨-

١. ص = ظا هـ س ، فإن $\frac{ص}{س} = \dots\dots\dots$

(أ) $\frac{٢(١+ص)}{٢}$ (ب) $\frac{٥(١+ص)}{١}$ (ج) $\frac{٥(٢+ص)}{١}$ (د) $\frac{٣}{١+ص}$

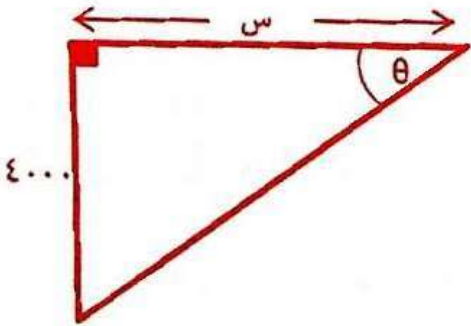
٢. اذا كان ص = لوس + هـ ، فإن $ص + \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$

(أ) $\frac{٢(١+ص)}{٢(١+س)}$ (ب) $\frac{٢(١+ص)}{(١+س)}$ (ج) $\frac{١}{٢} س$ (د) $٢ س$

٣. اذا كان ص = $\frac{١-ع}{١+ع}$ ، س = $\frac{١+ع}{١-ع}$ ، فإن $ص = \dots\dots\dots$ عند س = ٢

(أ) $\frac{١}{٨}$ (ب) $\frac{١}{١٦}$ (ج) $\frac{١}{٢}$ (د) $\frac{١}{٤}$

٤. تطير طائرة بسرعة ثابتة علي ارتفاع ٤٠٠ متر في خط مستقيم يمر بالنقطة الواقعة رأسياً يوجد شخص يرصدها من سطح الأرض وعند لحظة ما وجد الراصد ان زاوية ارتفاع الطائرة ٣٠° ، تزداد بـ ٤٠° / ث ، فإن سرعة الطائرة $\dots\dots\dots$



(أ) $\frac{١٢٨}{٥}$ (ب) $\frac{٧٠٥}{١٨}$ (ج) $\frac{٢٣٢٥}{١٨}$ (د) $\frac{٢٣٠٤}{٢٥}$

٥. اذا كانت د دالة حيث $د(س) = س + جتا س + ٢$ ، ر هي الدالة العكسية للدالة د فإن $ر(٣) = \dots\dots\dots$

(أ) $\frac{١}{٢}$ (ب) ١ (ج) $\frac{١}{٣}$ (د) $\frac{١}{٤}$

٦- اذا كان $\left[\begin{matrix} 2 \\ 1 \end{matrix} \right] (2 + i)^{\circ} = 195$ اس = فإن أ
 (أ) ٢ (ب) ٣ (ج) ٢- (د) ٤-

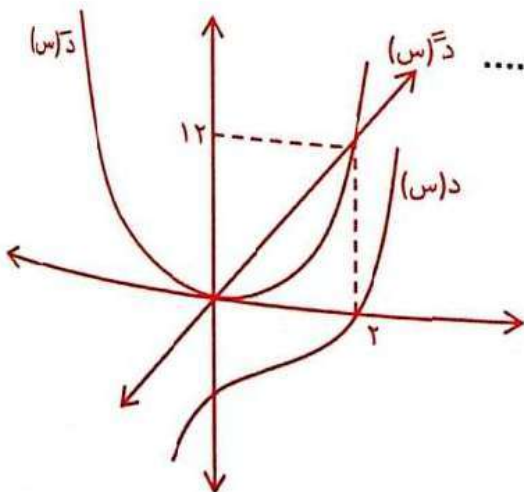
٧- اذا كان $\left[\begin{matrix} 2 \\ 1 \end{matrix} \right] (2 + i)^{\circ} = 195$ اس = فإن د $\left(\frac{\pi}{7} \right) = \dots\dots\dots$

(أ) $\frac{5 + \sqrt{3} \sqrt{2}}{1}$ (ب) $\frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{2}}{1}$
 (ج) $\frac{1 + \sqrt{3} \sqrt{2}}{1}$ (د) $\frac{\sqrt{2} - \sqrt{3} \sqrt{2}}{1}$

٨- اكبر قيمة للمقدار $3s - s^2$ هي
 (أ) ٦ (ب) ٤ (ج) ٣ (د) ٢

٩- القيمة الصغرى المطلقة للدالة $D(s) = \frac{s^2 + s}{s}$ هي
 (أ) ٣ هـ (ب) ٢ هـ (ج) $\frac{1}{3}$ هـ (د) $\frac{1}{2}$ هـ

١٠- في الشكل المقابل $\frac{D(s)}{D(2) - D(s)} = \dots\dots\dots$



(أ) ٣ (ب) ٢
 (ج) $\frac{1}{2}$ (د) $\frac{1}{4}$

١١. $\left[\begin{array}{l} \text{هـ}^{\text{س}} (\text{ظنا}^{\text{س}} - \text{قتا}^{\text{س}}) \text{عس} = \dots\dots\dots \end{array} \right]$

(ب) هـ^س قتا^س

(ء) لا شيء مما سبق

(أ) هـ^س ظنا^س

(ج) هـ^س ظا^س

١٢. مثلث متساوي الساقين طول كل من ساقية ثابت و يساوي ل سم ، فإذا بدأت زاويتي القاعدة في التزايد بمعدل $(\frac{1}{4})^\circ$ / ث ، فإن معدل التغير في مساحة المثلث عندما تكون زاوية القاعدة $\frac{\pi}{6}$ هي

(ء) $\frac{1}{64} \text{ ل}^2$

(ج) $\frac{1}{4} \text{ ل}^2$

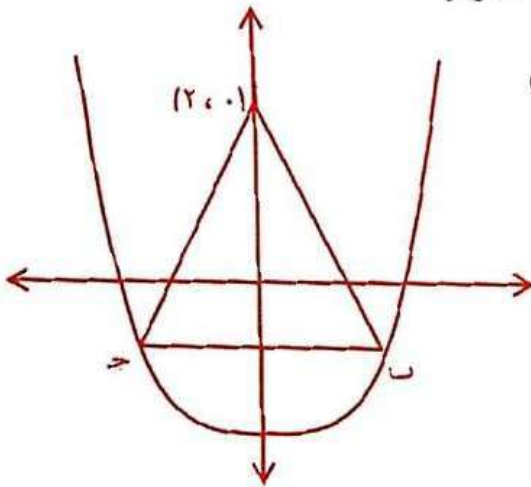
(ب) $\frac{1}{4} \text{ ل}^2$

(أ) $\frac{1}{6} \text{ ل}^2$

١٣. في الشكل المقابل يمثل منحنى الدالة التربيعية د(س) = س^٢ - ٤ ،

س ≥ ٢ ، فإن احداثي النقطة ب الي تجعل مساحة المثلث

أ ب ج اكبر ما يمكن هي



(ب) $(4, 2\sqrt{2})$

(أ) $(3, 10)$

(ء) $(2, -2\sqrt{2})$

(ج) $(4, \frac{1}{2})$

١٤. $\left[\begin{array}{l} \sqrt{\text{جاس}} \times \text{جتا}^{\text{س}} \text{عس} = \dots\dots\dots + \text{ث} \end{array} \right]$

(ب) $\frac{2}{3} \text{ جاس}^{\frac{2}{3}} - \frac{2}{7} \text{ جاس}^{\frac{7}{2}}$

(أ) $\frac{1}{4} \text{ جاس} + 3 \text{ جتا}^{\text{س}}$

(ء) $\frac{1}{6} \text{ جاس} + \text{جتا}^{\text{س}}$

(ج) $\frac{1}{7} \text{ جاس} + \text{جتا}^{\text{س}}$

١٥. عدد النقاط الحرجة للدالة د(س) = (س - ١) لو س هي

(ء) ١

(ج) ٠

(ب) ٢

(أ) ٣

$$16 - \lim_{s \rightarrow \infty} \left(\frac{s^3 + 1}{s - 1} \right) = \dots$$

(أ) هـ

(ب) هـ

(ج) هـ

(د) صفر

$$17 - \lim_{s \rightarrow \infty} \sqrt{s^2 - 1} = \dots$$

(أ) π

(ب) $\frac{\pi}{4}$

(ج) $\frac{\pi}{2}$

(د) $\frac{\pi}{6}$

18 - إذا كان حجم الجسم الناشئ من دوران المنطقة المستوية المحددة بالمنحني $s = 1 + s^2$ ، $s = 0$ ، $s = 1$ ، وتقع في الربع الأول دورة كاملة حول محور الصادات تساوي حجم كرة نصف

قطرها $\sqrt[3]{6}$ ، فإن $k = \dots$

(أ) 2

(ب) 3

(ج) 4

(د) 5

هـ بوكليت

١- اذا كانت د(س) = $\frac{4}{s^2 - 3s}$ ، فإن اصفار د(س) =

(ب) $\{\frac{2}{3}, 0\}$

(أ) $\{\frac{2-}{3}, 0\}$

(ع) $\{\frac{2-}{3}\}$

(ج) $\{\frac{2}{3}\}$

٢- اذا كانت ٢ د(س) + د(١ - س) = س^٢ لجميع قيم س فإن د(١) =

(ع) $\frac{3-}{5}$

(ج) $\frac{1}{5}$

(ب) $\frac{4}{3}$

(أ) $\frac{2}{3}$

٣- اذا كان ص = $\frac{1 - س}{1 + س}$ ، فإن ص (١٠٠٠) =

(ب) $\frac{1000}{1 + س}$

(أ) $\frac{999}{1 + س}$

(ع) $\frac{\frac{1000}{1000} 2-}{(1 + س)}$

(ج) $\frac{\frac{1000}{999} 2-}{(1 + س)}$

٤- اذا كانت ص = ظا س ، فإن $\frac{2^2 ص}{2^2 ص}$ =

(ب) ٣ ص (٢ ص + ٢)

(أ) ٥ ص (١ - ص^٣)

(ع) ٢ ص (١ + ٢ ص)

(ج) ٢ ص (١ + ص^٢)

٥- يضيخ الماء في حوض فارغ طولة ١٢٠ سم بمعدل ٦٠ سم^٣ / د ، كان المقطع القائم للحوض علي شكل مثلث متساوي الساقين رأسه لأسفل وارتفاعه ٣٠ سم وطول قاعدته ٣٠ سم ، فإن المعدل الذي يرتفع به الماء في الحوض عندما يكون ارتفاع الماء ١٠ سم هو سم / د

(ع) $\frac{1}{20}$

(ج) $\frac{1}{5}$

(ب) $\frac{1}{10}$

(أ) $\frac{1}{10}$

$$1(\varepsilon)$$

(ج) ۵

(ب) $\frac{1}{2}$

$$2 \text{ H}^+ (\text{aq})$$

(ب) - ۲ س ص

(۱) ۲ س ۲ ص ۲

٢
(٤) - ٢ س ص

(ج) ۲ س ۲ ص

٤٦ (ع)

۵۲ (ج)

(ب) ۵۸

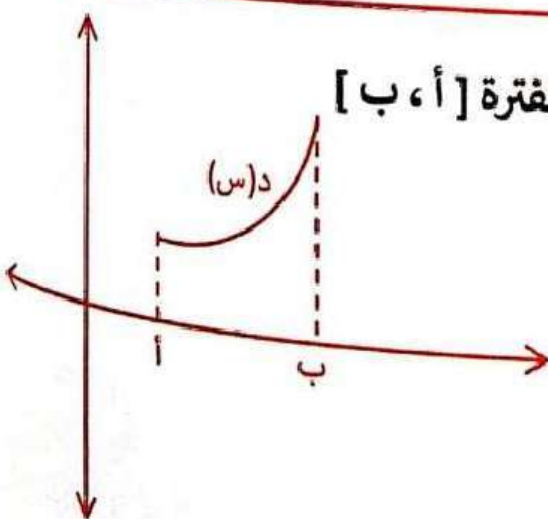
$$\Sigma \wedge (i)$$

(ب) لوہ | جتاس - جاس |

(۱) لوہ | جتاس + جاس |

(۴) لوہ | جتاس + ۲ جاس |

(ج) لوہا جاس - جتاس



١٠- في الشكل المقابل يمثل المنحنى د(س) المعروف على الفترة [أ، ب]

فإن الدالة $R(s) = S D(s)$ تكون

(أ) ثابتة

(ب) تزايدية

(ج) تناقصية

(٤) غير محددة الاطراد

١١- إذا كانت $x \in [2, 4]$ ، كان $A \geq D(S) \geq B$ ، فإن $A+B =$

(ب) $\frac{10}{5}$

(ج) ٥ هـ

(٤) ٣ هـ

(أ) صفر

١٢- في الشكل المقابل يمثل منحنى د (س) فإن :

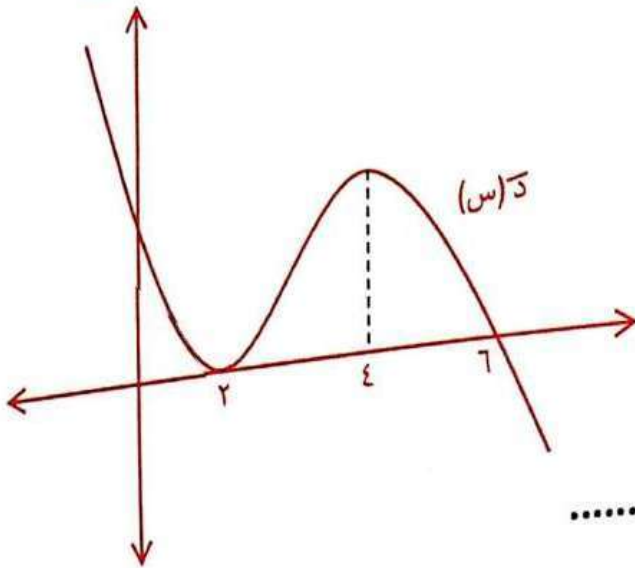
(أ) منحنى د (س) تناقصية في

(ب) $[\infty, 6[$

(أ) $]-2, \infty[$

(٤) أ، ج معاً

(ج) $]6, 2[$



(٢) مجموعة حل المتباينة $D(S) < 0$ صفر هي

(ب) $[\infty, 4[$

(أ) $]-2, \infty[$

(ج) $]4, 2[$

(٤) أ، ب معاً

١٣- $\left[\text{هـ}^{\text{س}} (\text{لود س} + \frac{1}{\text{س}}) \text{ء س} = \dots\dots\dots + \text{ث} \right]$

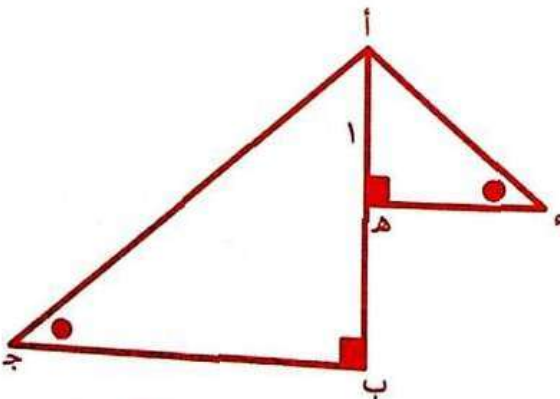
(ب) $\frac{\text{هـ}^{\text{س}}}{\text{س}} \text{لود س}$

(أ) $\text{هـ}^{\text{س}} \text{لود س} + \text{س}$

(٤) $\text{هـ}^{\text{س}} (\text{لود} \frac{1}{\text{س}})$

(ج) $\text{هـ}^{\text{س}} \text{لود س}$

١٤- في الشكل المقابل اذا كان أء + أ ج اقل ما يمكن طول ب هـ = سم



(ب) ١

(أ) ١, ٢٥

(٤) ٢

(ج) ٣

$$15 - \frac{e}{e^2} \left[\frac{e}{e^2} \sqrt{1 + e^2} \right] = \dots \quad (أ) \text{ صفر}$$

$$\frac{75}{14} \quad (ب)$$

$$\frac{47}{3} \quad (ج)$$

$$3 \quad (د)$$

١٦- اذا كانت د متصلة علي [١، ٤] فإن $\int_a^b (د(س) + ع(س)) د(س) =$

$$(ب) \int_a^b (د(س) + ع(س)) د(س) + \int_a^b د(س) ع(س)$$

$$(أ) \int_a^b د(س) ع(س) + \int_a^b د(س) ع(س)$$

(د) لا شيء مما سبق

$$(ج) \int_a^b د(س) ع(س) + د(ع)$$

$$\dots = \frac{\pi}{2} \left[\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2} \right] \left[2 \text{ ظا س} + 3 \text{ جا س} + \text{جتا س} \right] ع(س) = \dots$$

$$\frac{\pi}{3} \quad (ب)$$

$$1 \quad (أ)$$

$$\text{صفر} \quad (ج)$$

$$2 \quad (د)$$

١٨- اذا كانت مساحة المنطقة المستوية المحددة بالمنحني $ص = أ - ٢ س - س^٢$ ، $س = ١$ ، ومحور السينات تساوي مساحة مثلث قاعدية $\frac{١٦}{3}$ ، ارتفاعه ٤ سم فإن $أ = \dots$

$$5 \quad (ب)$$

$$3 \quad (أ)$$

$$7 \quad (ج)$$

$$6 \quad (د)$$

يوكليت ٦

١. منحنى الدالة $D(s)$ = s هو محدب لأعلى عند $s \in \dots\dots\dots$

- (أ) $]-\infty, 2]$ (ب) $]-2, \infty]$ (ج) $]-\infty, 2]$ (د) $]-2, \infty]$

٢. $\frac{1 + \text{جاس}}{1 - \text{جاس}} = \text{ص}^2$ ، فإن $(1 - \text{جاس})^2 \text{ص}^2 = \dots\dots\dots$

- (أ) 2 فاس (ب) 2 جتاس (ج) 2 ظاس (د) 2 فتاس

٣. إذا كانت لمنحنى الدالة $D(s)$ = $\text{جاس} + \text{كس}$ نقطة انقلاب عند $s = \frac{\pi}{6}$ حيث $\text{ك} \in \mathbb{R}$ ، فإن $\text{ك} = \dots\dots\dots$

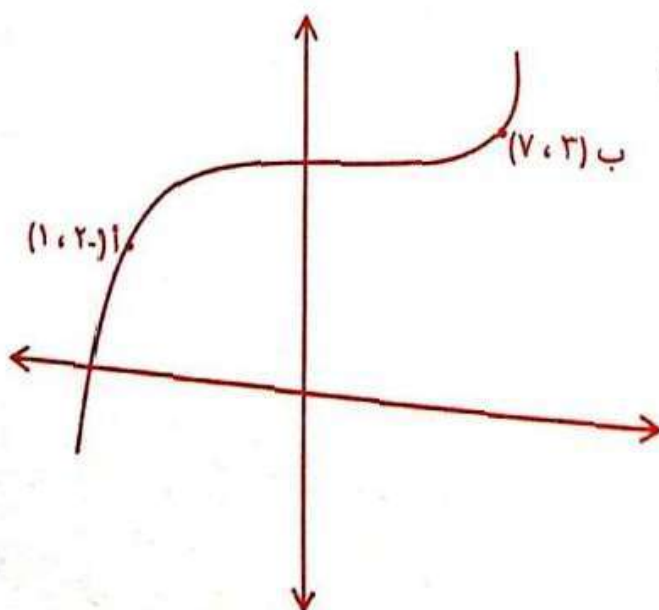
- (أ) $\frac{1}{4}$ (ب) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (ج) $-\frac{1}{2}$ (د) $-\frac{\sqrt{3}}{4}$

٤. مدى $D(s)$ = $\text{جاس} + \text{جتاس}$ هو $\dots\dots\dots$ حيث $\text{ان س} \in]-\pi, 0]$

- (أ) $]-\pi, 0]$ (ب) $[-\sqrt{2}, \sqrt{2}]$ (ج) $[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}]$ (د) $[-\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2}]$

٥. في الشكل المقابل يمثل منحنى $\text{ص} = D(s)$ ،

فإن $\left[D(s) - 5 \right]^2 D(s) = \text{عس} = \dots\dots\dots$



- (أ) $\frac{13}{3}$ (ب) 36 (ج) 12 (د) 24

10

1. (i)

0 (i)

$$\text{لوحه ٢} \quad \left(\frac{2 - \sqrt{2}}{2} \right) (2) - (i)$$

(ج) صفر

$$\pi \frac{79}{8} (i)$$

(۱) $\frac{1}{5}$ سے

١٢- إذا كان $v = k \cdot s^3 + c$ جتا (لوح س) حيث k ثابت، $d(1) = 27$ هـ $2 - 1$ ، فإن $k =$

(أ) ٢

(ب) ٣

(ج) ٥

(د) ٢

١٣- كرة تسقط من ارتفاع ١، ٤٤ متر وكانت اشعة الشمس تميل علي الأرض بزاوية 60° فإن المعدل الزمني الذي يتحرك به ظل الكرة علي الأرض عندما تصل الكرة سطح الأرض هو

(أ) $\frac{\sqrt[3]{49-9}}{2}$

(ب) $\frac{\sqrt[3]{49-9}}{5}$

(ج) $\frac{\sqrt[3]{27-9}}{4}$

(د) $\frac{\sqrt[3]{17-9}}{5}$

١٤- إذا كانت $d(س)$ زوجية متصلة علي $ح$ ، $\left[\begin{matrix} 2 \\ 1 \end{matrix} \right] d(س) = ٧$ ، $\left[\begin{matrix} 1 \\ 2 \end{matrix} \right] d(س) = ١٩$ ، فإن $\left[\begin{matrix} 1 \\ 2 \end{matrix} \right] d(س) =$

(أ) ٧

(ب) ٢

(ج) ٣

(د) ٥

١٥- $\left[\begin{matrix} 2 \\ 1 \end{matrix} \right] \frac{٤}{٤-٣} \left(\frac{١+٢}{٣-٢} \right) =$

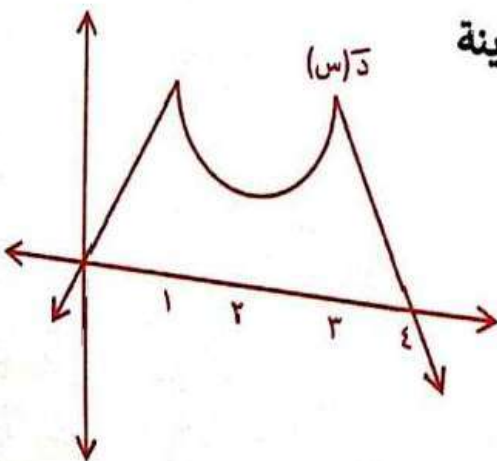
(أ) $\frac{١٧}{٣}$

(ب) $\frac{٢٨}{٣}$

(ج) $\frac{١٥}{٢}$

(د) صفر

١٦- في الشكل القابل منحنى $d(س)$ فإن مجموعه حل المتباينة $d(س) <$ صفر هي



(أ) $]-1, \infty[$

(ب) $]2, 3[$

(ج) $]1, 2[$

(د) أ، ب معا

١٧- من نقطة علي بعد ٦ متر يسار عمود \overline{AB} طوله ٣٠ متر تحركت النقطة ج يساراً بسرعة ٣ م/ث وفي نفس اللحظة ومن قمة العمود تحركت النقطة أ للأسفل بسرعة ٦ م/ث ، فإن المسافة بين أ ، ج اقل ما يمكن عندما ن = ثانية

(٤) ١٥

(ج) $\frac{١٧}{٣}$

(ب) $\frac{١٨}{٥}$

(أ) ١٢

١٨- اذا كانت $ص = س^٢ ه^٣$ فإن : $د^{(٢)} = \dots\dots\dots$

(٤) ١٤ ه^٢

(ج) ٨ ه^٢

(ب) ١٠ ه^٢

(أ) ١٦ ه^٢

بو كليت ٢

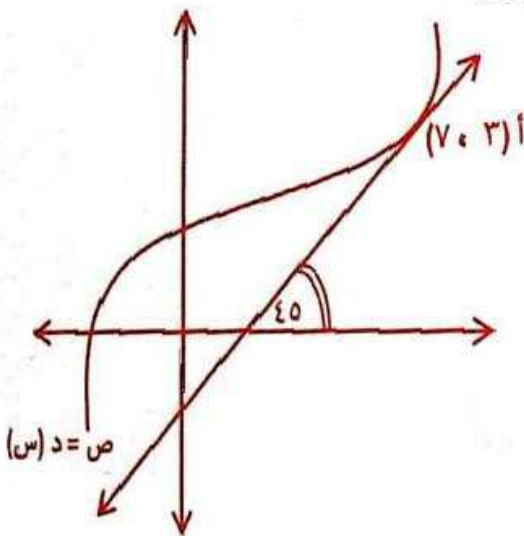
١. النقطة التي عندها المماس للمنحني $v = \frac{\cos s}{s}$ يوازي محور السينات هي

- (أ) $(\frac{1}{e}, \frac{1}{e})$ (ب) $(\frac{1}{e}, e)$ (ج) $(\frac{1}{e}, \frac{1}{e})$ (د) $(1, \frac{1}{e})$

٢. إذا كان المستقيم (ل) يمس المنحني $v = \sin s$ عند النقطة

م $(1, \frac{1}{e})$ ، كان $\sin s = 1 - \cos s = \sin s + \cos s$ عند النقطة

فإن $\sin s = \dots\dots\dots$



(ب) 3

(أ) صفر

(د) $\frac{17}{2}$

(ج) $\frac{15}{2}$

٣. مماس المنحنيين $v = \sin s$ ، $v = \cos s$ عند نقطة تقاطعها متعامدان عندما $s = \dots\dots\dots$

(د) $\frac{1}{3}$

(ج) $\frac{1}{2}$

(ب) $\frac{1}{\sqrt{2}}$

(أ) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

٤. معادلة المماس للمنحني الذي معادلته البارامتريتان هما $v = 2 - 2 \cos t$ ، $s = 2 - \cos t$ عند $t = \frac{\pi}{3}$ هي

(ب) $s = 1$

(أ) $v = 1$

(د) $v = \sqrt{3} - \cos t + 1 + \frac{\pi}{3}$

(ج) $v = \sqrt{3} + \cos t + \pi$

٥- كتلة معلومة من غاز درجة حرارتها ثابتة أنقص حجمها بمعدل ثابت قدره ٢ سم^٣/ث، فإن كان الضغط يتناسب عكسيا مع الحجم ، ان الضغط يعادل ١٠٠٠ ث.جم / سم^٢ ، عندما يكون الحجم ٢٥٠ سم^٣ فإن معدل تغير الضغط بالنسبة للزمن عندما يصبح حجم الغاز ١٠٠ سم^٣ هو

(أ) ٦٠ (ب) ٣٠ (ج) ٤٠ (د) ٥٠

٦- وعاء فارغ حجمه ٤٥ سم^٣ يصب فيه الماء بمعدل ٥ سم^٣/ث ، فإن الوعاء يمتلئ بعد مرور ثانية

(أ) $2\sqrt{3}$ (ب) $2\sqrt{3}$ (ج) ٣ (د) ٤,٥

٧- [جاس جتاس عس = + ث

(أ) $\frac{1}{4}$ جتاس (ب) $\frac{1}{4}$ جاس (ج) $\frac{1}{5}$ جاس (د) $\frac{1}{3}$ جاس

٨- اذا كان [(٢ دس) + (س٣) عس = س٢ + س٤ + ٥ ، فإن د = () =

(أ) ٤ (ب) ٢ (ج) ٣ (د) صفر

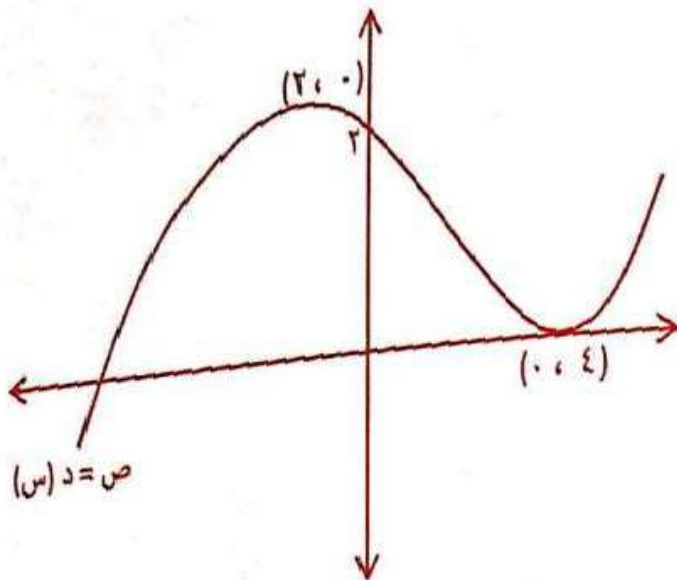
٩- $\int_{\pi^-}^{\pi} \frac{\text{جاس}}{\text{جتاس} + |س|} = \text{عس} + \dots\dots\dots + \text{ث}$

(أ) صفر (ب) π^2 (ج) $\frac{\pi}{2}$ (د) $\frac{\pi^3}{2}$

١٠- نها ظتاس (ه جاس - ١) = ← س

(أ) ه٢ (ب) $\frac{1}{ه}$ (ج) ١ (د) ه٢

١١- في الشكل المقابل يمثل منحنى د(س) فإن
 $[د(س)]^2 - ٢(س) = ع$



(ب) $\frac{1-}{3}$

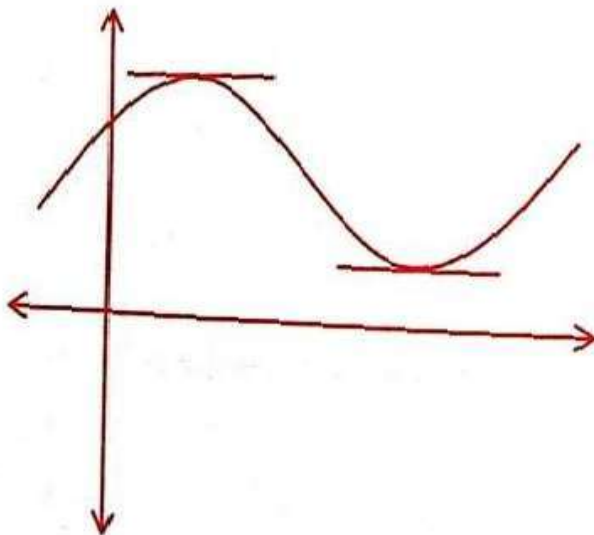
(ع) $\frac{1-}{4}$

(أ) $\frac{2}{5}$

(ج) $\frac{1}{2}$

١٢- إذا كان ص = لوس ه فإن ص^٢ + ص + ص =
 (أ) ه (ب) صفر (ج) $\frac{1}{ه}$ (ع) $\sqrt{ه}$

١٣- في الشكل المقابل د(س) = أ س^٢ + ب س^٢ + ج س + ع ، فإن الاعدائي
 السبني للنقطتين م ، ن يعطي بالعلاقة

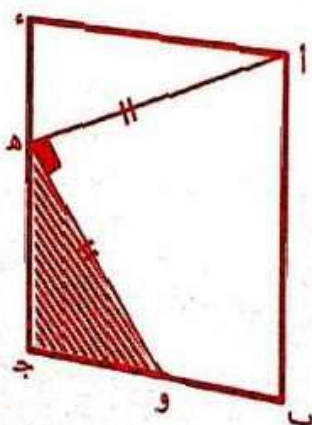


(أ) $\frac{-ب \pm \sqrt{ب^2 - ٢أج}}{١٢}$

(ب) $\frac{-ب \pm \sqrt{ب^2 - ٢أج}}{١٢}$

(ج) $\frac{-ب \pm \sqrt{ب^2 - ٢أج}}{١٢}$

(د) $\frac{-ب \pm \sqrt{ب^2 + ٢أج}}{١٢}$



١٤- أ ب جء مستطيل فيه أ ب = ٢٠ سم ، أ ه = ه و ، فإن اكبر
 مساحة للمثلث ه و ج = سم^٢

(ب) ٣٥

(ع) ٥٠

(أ) ٦٠

(ج) ٤٠

١٥- من البيانات في الجدول التالي منحنى د(س)
يكون محدب لأعلى

| | | | | | |
|------|---|---|----|---|---|
| س | ١ | ٢ | ٢ | ٢ | ٤ |
| د(س) | ٣ | ٠ | ٢- | ٠ | ٤ |

- (أ) $]-2, \infty[$
(ب) $]2, 4[$
(ج) $]4, \infty[$
(د) أ، ج معاً

١٦- $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{s^n}{n} = s + \dots + \dots$

- (أ) $\frac{1}{3}s + \frac{1}{2}s$
(ب) $s(1-s)$
(ج) $s(1+s)$
(د) $2s$

١٧- إذا كان $s^2 + v^2 = n - \frac{1}{n}$ ، $s^4 + v^4 = n^2 + \frac{1}{n}$ ، فإن $\frac{v^6}{s^6} = \dots$ عند $(1, 2)$

- (أ) صفر
(ب) $\frac{1}{2}$
(ج) $\frac{1}{4}$
(د) $\frac{1}{8}$

١٨- إذا كان $\int_{-1}^0 d(s) ds = 3$ ، $d(0) = 4$ ، $d(-1) = 7$ ، $\int_{-1}^0 s d(3-2s) ds = \dots$

- (أ) $4, 25$
(ب) 3
(ج) 4
(د) 2, 5

بو كليت ٨

$$\dots\dots\dots = \frac{1 - \frac{h}{\pi - s}}{\dots\dots\dots}$$

(أ) ١

(ع) $\frac{1}{h}$

(ج) هـ

(ب) ١ -

٢- إذا كانت د(س) = $\sqrt[3]{s - k}$ ، كانت (ك ، ٠) نقطة حرجة فإن د(ك) =

(ع) غير معرفة

(ج) صفر

(ب) ٢

(أ) ٣ -

٣- إذا كانت د(س) كثيرة حدود من الدرجة الثالثة وفردية والنقطة (١ ، ٢) نقطة حرجة لها فإن د(س) =

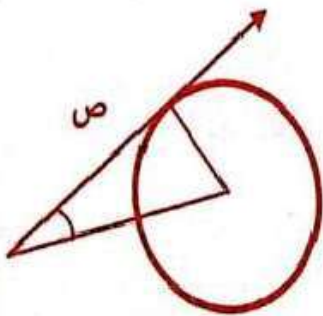
(ع) لا شيء مما سبق

(ب) $4s^2 - s$

(ب) $s^3 + 3s$

(أ) $s^3 - 2s$

٤- في الشكل المقابل دائرة نصف قطرها ثابت = نق فإن $\frac{v}{s} = \dots\dots\dots$



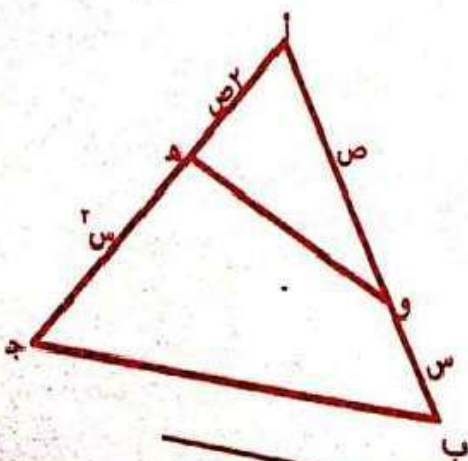
(ب) - نق قتا^٢ س

(أ) - نق ظنا^٢ س

(ج) نق قتا^٢ س

(ج) $\frac{\text{نق}}{\text{ظنا}^2 \text{ س}}$

٥- من الشكل المقابل $\frac{v}{s} = \dots\dots\dots$ عند س = ٢



(ع) $\frac{7-}{3}$

(ج) $\frac{2}{3}$

(ب) $\frac{1-}{3}$ ، $\frac{2}{3}$

(أ) $\frac{2}{5}$ ، $\frac{1}{7}$

$$-6. \left[\frac{s^2}{(1+s)^2} = \epsilon s + \dots \right] \text{ ث}$$

$$(ب) \text{ هـ } s^2 (1+s) + \text{لوه} (1+s)$$

$$(أ) \text{ هـ } s^2 (1+s)$$

$$(ع) \frac{s^2}{1+s}$$

$$(ج) \frac{s^2}{(1+s)^2}$$

7- النقاط الحرجة للدالة د(س) س + 2 جاس عند $0 < s < \pi^2$ هي

$$(أ) \left(\sqrt[3]{3} + \frac{\pi^2}{3}, \frac{\pi^2}{3} \right) \quad (ب) \left(\sqrt[3]{3} - \frac{\pi^2}{3}, \frac{\pi^2}{3} \right) \quad (ج) \left(\sqrt[3]{3} + \frac{\pi^2}{3}, \frac{\pi^2}{3} \right) \quad (ع) \text{ أ، ب معا}$$

8- ص = ج(هـ) فأن : ص = =

$$(أ) \text{ هـ جتا} (هـ) \quad (ب) \text{ جتا} (هـ) \quad (ج) - \text{هـ جتا} (هـ) \quad (ع) - \text{هـ جتا} (هـ)$$

9- اذا كان $\left| \frac{s^2 + \text{ص}}{s} \right| = \frac{\epsilon \text{ص}}{s^2}$ فان =

$$(أ) \frac{2s^5 + 2\text{ص}^3}{s(1-s)} \quad (ب) \frac{s^3 \text{ص} - 1 + 2s}{s(2-s)} \quad (ج) \frac{\text{ص} - 2s - \text{ص}^3}{s(1-s)} \quad (ع) \frac{2\text{ص} + \text{ص}^3}{s(1+s)}$$

10- اذا كان $\left[\text{قا}^2 \text{س} \times \text{لوه} \text{س} = \epsilon \text{ص} - \epsilon \right]$ فإن ص ع =

$$(أ) \text{ ظا س لوه س} \quad (ب) \text{ قاس ظا س} \quad (ج) \text{ قاس لوه س} \quad (ع) \text{ ظا س (لوه س)}$$

11- صفيحة مستطيلة طولها س سم ، عرضها ص سم تتمدد وبانتظام فعندما تثبت مساحتها عند فتره زمنييه ن فان

$$(أ) \frac{\epsilon \text{ص}}{\epsilon \text{ن}} = \frac{\epsilon \text{ص}}{\epsilon \text{ن}} \quad (ب) \frac{\epsilon \text{ص}}{\epsilon \text{ن}} : \frac{\epsilon \text{ص}}{\epsilon \text{ن}} = \frac{\text{س}}{\text{ص}}$$

$$\frac{ص}{س} = \frac{ص}{س} : \frac{ص}{س} (ع)$$

$$\frac{ص}{س} = \frac{ص}{س} : \frac{ص}{س} (ج)$$

$$\frac{(1+\sqrt{s})}{\sqrt{s}} \cdot \frac{1}{\sqrt{s}} = س + + ث$$

$$(أ) \frac{1}{6} (1+\sqrt{s}) \quad (ب) \frac{1}{3} (1+\sqrt{s}) \quad (ج) \frac{1}{2} (1+\sqrt{s}) \quad (د) \frac{1}{3} (1+\sqrt{s})$$

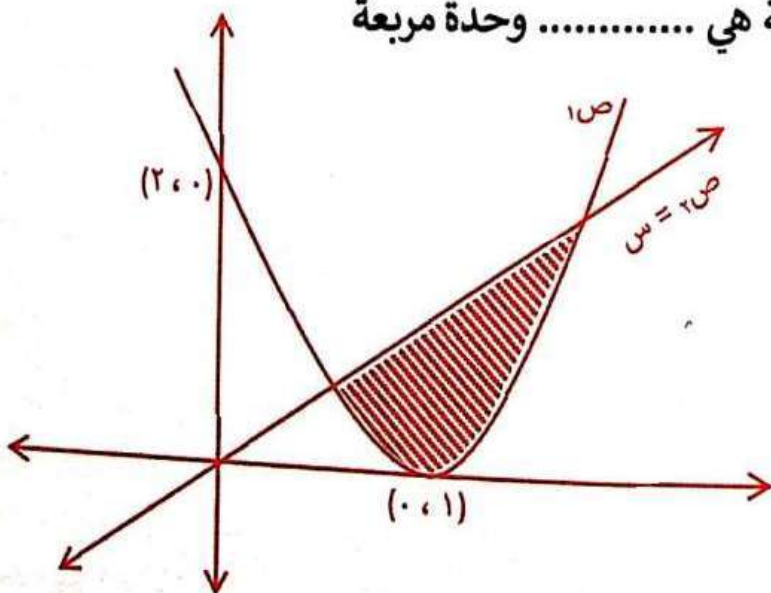
١٣- وعاء ثابت الحجم علي اسطوانة دائرية قائمة اذا علمت ان تكاليف المادة المصنوع منها الغطاء تساوي ثلثي تكاليف المادة المصنوع منها باقي الوعاء فإذا كانت التكاليف اقل ما يمكن فإن العلاقة بين نصف قطر الوعاء وارتفاعه =

$$(أ) \frac{1}{9} \quad (ب) \frac{3}{4} \quad (ج) \frac{3}{5} \quad (د) \frac{1}{2}$$

١٤- مساحة المنطقة المستوية المحصورة بين المنحنيين د(س) = س^٣ - ٩س ، ر(س) = ٣س^٢ - س^٢ هي وحدة مربعة

$$(أ) \frac{715}{13} \quad (ب) \frac{925}{12} \quad (ج) \frac{937}{12} \quad (د) \frac{725}{13}$$

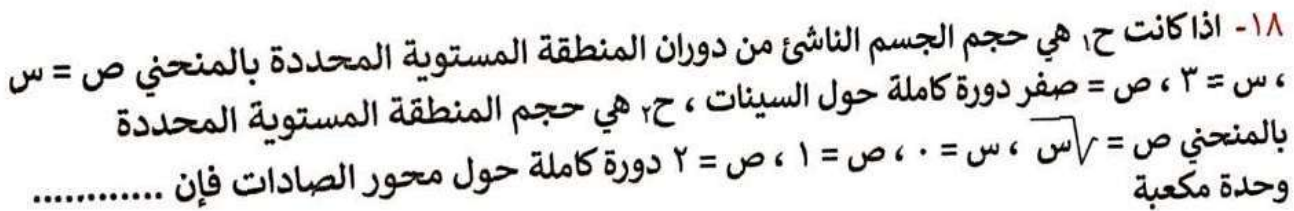
١٥- في الشكل المقابل مساحة المنطقة المظللة هي وحدة مربعة



$$(أ) \frac{9}{8} \quad (ب) \frac{3}{7} \quad (ج) \frac{15}{17} \quad (د) \frac{19}{27}$$

(أ) ١ + ظا^٢س (ب) قا^٢س (ج) قا^٢س ظا^٢س (د) لا شيء مما سبق

ص = (س - ٢)² ، $\overline{أب}$ // محور السينات ، فإن إحداثي النقطة أ

$$\left(\frac{2}{9}, \frac{3}{4}\right) \text{ (ب)} \quad \left(\frac{17}{9}, \frac{1}{2}\right) \text{ (د)}$$
$$\left(\frac{17}{9}, \frac{1}{2} \right) \text{ (f)}$$
$$\left(\frac{17}{9}, \frac{2}{3}\right) (\varepsilon) \qquad \left(\frac{17}{2}, \frac{0}{2}\right) (\zeta)$$
$$\left(\frac{17}{2}, \frac{5}{2}\right) \text{ (ج)}$$

$$r_C < r_C(i)$$
$$(ب) \quad 1C > 2C$$
$${}_2\mathcal{C} = {}_1\mathcal{C}(\mathcal{C})$$
$${}_2C^3 + {}_1C^2 (e)$$

يو كليت ٩

١- ص = جتا (ه^س) فإن : ص⁻ =

- (أ) - ه^س × ص (ب) - ه^س - ١√ ص^٢ (ج) - ه^س × ص^٢ - ١√ ص^٢ (د) - ه^س - ١√ ص^٢

٢- اذا كانت د(س) = $\frac{1+s}{2s}$ ، فإن الدالة تناقصية ف الفترة

- (أ) - [١، ∞) (ب) - [١، ٠) (ج) - [٠، ∞) (د) - [٠، ١)

٣- اذا كانت ص = قا θ ظا θ ، س = جتا θ فان البارامتر هو

- (أ) قتا θ جتا θ (ب) θ (ج) θ (د) ظا θ قتا θ

٤- عدد النقاط الحرجة للدالة د(س) = $\sqrt[2]{(1-s)^2}$ هو

- (أ) ١ (ب) صفر (ج) ٢ (د) ٣

٥- إناء مملوء بسائل يتسرب من ثقب صغي بقاع الإناء فإذا كان حجم الإناء تتغير بمعدل (٤، ٠، ن - ٤) سم^٣ / ث ، وكان حجم السائل بعد ٣٠ من بدء التسرب ٩٨٠ سم^٣ فإن سعة الإناء هي

- (أ) ١٠٠٠ (ب) ٣٠٠٠ (ج) ٢٠٠٠ (د) ٤٠٠٠

٦- $\frac{٤}{٤} = (س^٢ + ص^٢) = \dots\dots\dots$ حيث س = د(ن) ، ص = د(ن)

- (أ) $\frac{٤}{٤} س^٢ + \frac{٤}{٤} ص^٢$ (ب) $\frac{٤}{٤} س^٢ + \frac{٤}{٤} ص^٢$ (ج) $\frac{٤}{٤} س^٢ + \frac{٤}{٤} ص^٢$ (د) $\frac{٤}{٤} س^٢ + \frac{٤}{٤} ص^٢$

٧- عدد النقاط الحرجة للدالة د(س) = $\frac{\sqrt{1-s}}{s}$ هو

- (أ) ٣ (ب) صفر (ج) ٢ (د) ١

٨- $\left[\begin{matrix} \text{ه}^{\text{س}} \text{ جاس} \\ \text{عس} \end{matrix} \right] = \dots + \text{ث}$

- (أ) $\frac{1}{4} \text{ه}^{\text{س}} (\text{جا}^2 \text{س} + \text{جتا}^2 \text{س})$ (ب) $\frac{1}{4} \text{ه}^{\text{س}} (\text{جاس} - \text{جتاس})$
(ج) $\frac{1}{4} \text{ه}^{\text{س}} (\text{جاس} + \text{جتا}^2 \text{س})$ (د) $\frac{1}{4} \text{ه}^{\text{س}} (\text{جاس} + \text{جتاس})$

٩- اذا كانت ص = ه^٥ ، س = ل (١ + ن) فان $\frac{\text{ص}^{\text{ع}}}{\text{س}^{\text{ع}}}$ عند ن = ٢ هي

- (أ) ٢ه^٢ (ب) ٣ه^٢ (ج) ٢ه^٢ (د) ٣ه^٣

١٠- اذا كانت د هي الدالة العكسية للدالة ر(س) ، وكانت ر(س) تناقصية علي مجالها فان د(ر(س))

- (أ) تزايدية دائما (ب) لا يمكن إيجاد اطرافها
(ج) تناقصية دائما (د) لما فترات تزايد وفترات تناقص

١١- اذا كان معدل تغير حجم كره يساوي ضعف معدل تغير حجم مكعب عندما كان طول حرفه = قطر الكره فان النسبة بين معدل تغير نصف قطرها : معدل تغير طول حرف المكعب =

- (أ) $5 : \pi$ (ب) $\pi : 6$ (ج) $3 : \pi$ (د) $8 : \pi$

١٢- $\left[\begin{matrix} \text{ع} \\ \text{س}^{\text{ع}} \end{matrix} \right] \left(\frac{\text{س}^2}{3+\text{س}} \right) = \text{عس} + \dots + \text{ث}$

- (أ) $\frac{5}{6}$ (ب) $\frac{3}{4}$ (ج) $\frac{1}{2}$ (د) $\frac{1}{3}$

١٣- إذا كان مجموع معدل انصهار إناءين كرة واسطوانة نصفي قطريهما نق_١ ، نق_٢ = π (معدل انصهار إناء مكعب طول حرفه ل) فإنه عندما نق_١ = نق_٢ = ل فإن $\frac{ع}{ن} = \dots$ حيث ع ارتفاع الأسطوانة

$$(ب) \quad ٣ \frac{ل}{ن} - ٤ \frac{ع}{ن}$$

$$(ع) \quad ٥ \frac{ع}{ن}$$

$$(أ) \quad ٤ \frac{ع}{ن} - ٣ \frac{ل}{ن}$$

$$(ج) \quad ٢ \frac{ل}{ن} - ٣ \frac{ع}{ن}$$

$$١٤- \left[\frac{٣+س}{١+س+٦} \right] = س + \dots + ث$$

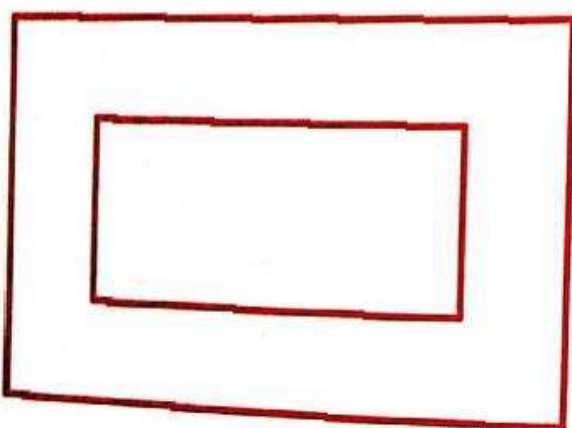
$$(ب) \quad \frac{١}{٣} |س+٦|$$

$$(أ) \quad \frac{١}{٢} |س+٦|$$

$$(ع) \quad \frac{١}{٢} |س+٦+١|$$

$$(ج) \quad \frac{١}{٢} |س+٦+١|$$

١٥- يُراد تصميم ملصق مستطيل الشكل يحوي ٨٠٠ سم^٢ من المادة المطبوعة حيث يكون عرض كل من الهامشين العلوي والسفلي ١٠ سم وكل من الهامشين الجانبيين ٥ سم ، فإن بعدا الملصق اللذان يجعلان مساحته اصغر ما يمكن =



$$(ب) \quad ٧٠ ، ٣٠$$

$$(أ) \quad ٥٠ ، ٢٠$$

$$(ع) \quad ٤٠ ، ٢٠$$

$$(ج) \quad ٦٠ ، ٣٠$$

١٦- مساحة المنطقة المستوية المحصورة بين المنحني ص_١ = √س ، المستقيم ص_٢ = س-٢ ، محور الصادات هي وحدة مربعة

$$(ع) \quad \frac{٣٢}{٣}$$

$$(ج) \quad \frac{٣١}{٣}$$

$$(ب) \quad \frac{١٦}{٣}$$

$$(أ) \quad ٥$$

١٧- اذا كان $\left[\text{ظاس}^{\text{ء}} = ٢ \text{جاس} + \text{جتاس} + \text{ق(س)} \right]$ فان $\text{ق}^{(٢)} = \left(\frac{\pi}{\epsilon} \right) \dots$

$$\begin{array}{llll} \frac{\sqrt[3]{\sqrt{+2}}}{\epsilon} \text{ (د)} & \frac{\sqrt[2]{\sqrt{3+4}}}{2} \text{ (ج)} & \frac{\sqrt[3]{\sqrt{+2}}}{7} \text{ (ب)} & \frac{\sqrt[2]{\sqrt{+7}}}{\epsilon} \text{ (أ)} \end{array}$$

١٨- حجم الجسم الناتج من دوران المنطقة المحصورة بالمنحني $\sqrt{\text{لوس}} = \sqrt{\text{ص}}$ ومحور السينات في الفترة $[١, \text{ه}^2]$ دورة كاملة حول السينات هو وحدة مكعبة

$$\begin{array}{llll} (١ + \text{ه}^2) \pi \text{ (د)} & \left(\frac{1 - \text{ه}}{2} \right) \pi \text{ (ج)} & (\epsilon + \text{ه}^2) \pi \text{ (ب)} & (1 - \text{ه}^2) \pi \text{ (أ)} \end{array}$$

بوکلیت ۱۰

۱- عدد النقاط الحرجة للدالة $f(s) = \sqrt{s} - \frac{1}{\sqrt{s}}$ هو

- (أ) ۱ (ب) ۲ (ج) ۳ (د) ۴

۲- إذا كان جاس = جتا ص فإن $\frac{ص}{س} = \dots\dots\dots$

- (أ) ۱ (ب) ۱- (ج) صفر (د) قاس ظاس

۳- نها $\frac{هـ - ۱}{جاس} = \dots\dots\dots$

- (أ) هـ جتا ص (ب) هـ ۲ (ج) ۱ (د) غير معرفة

۴- إذا كانت د هي الدالة العكسية للدالة $f(s)$ ، وكانت $f(s)$ تناقصية علي مجالها فإن $f(f(s))$ (

- (أ) تزايدية دائما (ب) لا يمكن إيجاد اطرادها (ج) تناقصية دائما (د) لما فترات تزايد وفترات تناقص

۵- $\left[\frac{س + س + ۲}{س + ۲} \right]_{س=۰}^{س=۲} = \dots\dots\dots + ۳$

- (أ) $س + \frac{۱}{س} + ۲$ (ب) $س + لوم \sqrt{س + ۲}$ (ج) $لوم (س + ۲)$ (د) $۲ لوم (س + ۲ + س)$

$$6- \frac{ع}{ص} = \frac{(5)}{ص} = \dots\dots\dots$$

$$(أ) 5 ص \frac{(4)}{ص} \quad (ب) ص \frac{(6)}{ص}$$

$$(ج) 5 ص \frac{(4)}{ص}$$

$$(د) ص \frac{(6)}{ص}$$

$$7- \left\{ \sqrt[2]{جاس} جتا س عس = \dots\dots\dots + ث \right.$$

$$(أ) جاس - \frac{1}{2} جتا س$$

$$(ب) \frac{1}{2} جاس + س جتا س$$

$$(ج) \frac{3}{4} جاس + \frac{2}{5} جتا س$$

$$(د) \frac{3}{4} جاس + \frac{3}{10} جتا س$$

$$8- \frac{ع}{ص} ((ظا لوس)) = \dots\dots\dots$$

$$(أ) ظا ((لوس)) قا ((لوس))$$

$$(ب) \frac{1}{س} قا ((لوس))$$

$$(ج) \frac{1}{س} ظا ((لوس)) قا ((لوس))$$

$$(د) لا شيء مما سبق$$

$$9- اذا كان \left\{ \begin{array}{l} ق(ص) عس = س^2 + ب س ، ق(3) = 7 ، فإن أ + 2 ب = \dots\dots\dots \end{array} \right.$$

$$(أ) 1- أ، 3$$

$$(ب) 2- أ، 3$$

$$(ج) 2 أ، 3$$

$$(د) 1 أ، 2$$

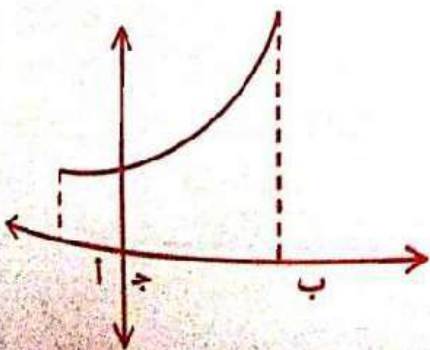
$$10- في الشكل المقابل يمثل منحنى د(س) ، كانت ق(س) = س^2 د(س) فإن ق(س) = \dots\dots\dots$$

$$(أ) تزايدية في [أ، ج] ، تناقصية في [ج، ب]$$

$$(ب) تزايدية في [ج، ب] ، لا يمكن تحديد اطرادها في [أ، ج]$$

$$(ج) تزايدية في [ج، ب] ، تناقصية في [أ، ج]$$

$$(د) لا يمكن تحديد اطرادها مطلقا$$



١١- ص = جتا θ ، س = جا θ فإن $\frac{ص^2}{س^2} = \dots\dots\dots$ عند $\theta = \frac{\pi}{4}$

- (أ) $\sqrt{2}$ (ب) $2\sqrt{2}$ (ج) $3\sqrt{2}$ (د) $2\sqrt{2}$

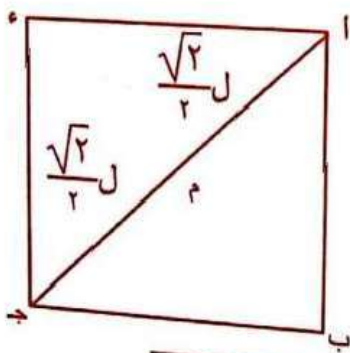
١٢- عدد النقاط الحرجة للدالة $D(s) = 2s - s^2$ هو.....

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) ٣

١٣- $\left[\frac{س + ٣}{س + ٢} \right] س = \dots\dots\dots + ث$

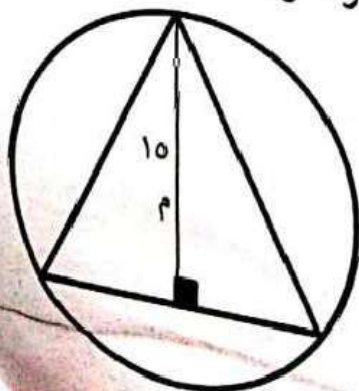
- (أ) $س^2 + لو س$ (ب) $س + لو س$ (ج) $\frac{1}{س} لو س$ (د) $س + لو |س + ٢|$

١٤- في الشكل المقابل قطعه من القماش علي شكل مربع أ ب ج د طول ضلعه ل متر وضعت نقطة زيت عند م ، فأخذت بالانتشار علي شكل دائري فإذا كان معدل تغير مساحتها السطحية $٢\sqrt{2}$ سم^٢/ث عندما كانت حجم البقعة الزيتية بالنقطة أ ، فإن معدل تغير نصف قطرها = م/ث



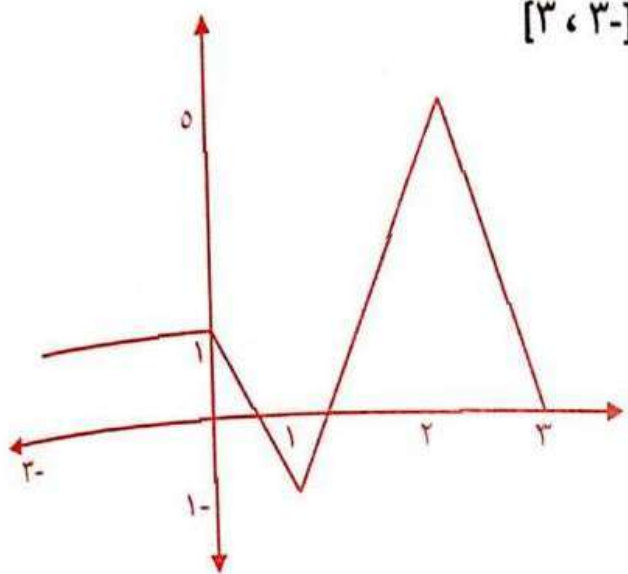
- (أ) $\frac{4}{L}$ (ب) $\frac{L}{2}$ (ج) $\frac{L}{3}$ (د) $\frac{2}{L}$

١٥- (مصر ٢٠١٤) مثلث متساوي الساقين يمكن رسمه داخل دائرة طول نصف قطرها ١٥ سم فإن أكبر مساحة =



- (أ) ٢٥٣,٢٥ (ب) ٣٦٤,٢٨ (ج) ٢٧٢,٦٥ (د) ٢٩٢,٢٨

١٦- في الشكل المقابل يمثل منحنى د(س) علي الفترة [-٣، ٣]



$$\text{حيث } n \geq \left\{ \frac{2}{3} (1 - d(s)) \right\} \geq m$$

فإن $m + n = \dots\dots\dots$

(أ) ٣٦ (ب) ٧٢

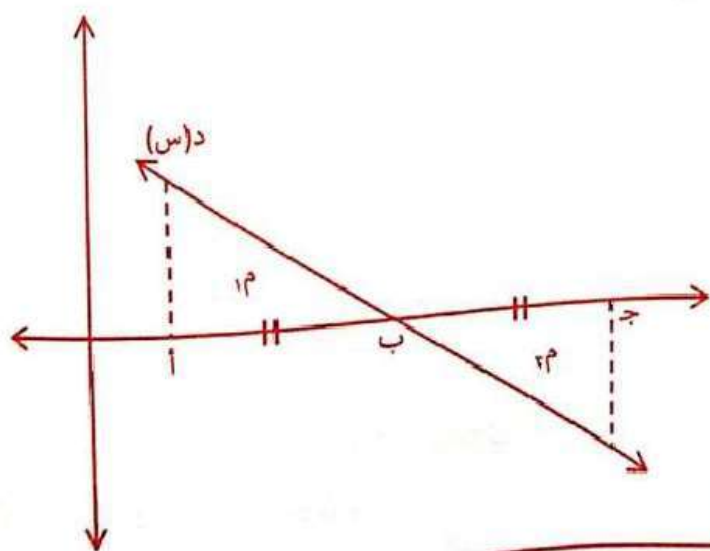
(ج) ١٨ - (د) ٥٨ -

١٧- اذا كان $\left[\frac{d(s)}{جاس} \right] = هس + ٢س + ٥$ فإن د(س) =

(أ) جاس هس + ٢س (ب) (هس + ٢) جاس

(ج) جتاس لوه | جاس | + هس + س (د) (هس - ٢) جتاس

١٨- في الشكل المقابل جميع العبارات الآتية صحيحة ما عدا



(أ) $\left[\frac{د(س)}{ج} \right] = د(س) | جاس |$

(ب) $\left[\frac{د(س)}{ج} \right] = د(س) | جاس |$

(ج) ٢م = ١م

(د) $\left[\frac{د(س)}{ج} \right] = د(س) | جاس |$

أخطاء الباب الأول :

٣- حيث س ، ص زاويتين حادتين
الإجابة (ب)

٦- الاختيار (ء) : $\overline{ر(س)} = \overline{د(س)}$ ، الاختيار (ج) : $\overline{د(ر)} - \overline{د(ر)} = \overline{د(ر)}$

١٦- $\overline{د(ظا س)} = ٣ س + ٥$

٢١- $\overline{أء} \text{ منصف } (\hat{أ})$

٢٢- $\overline{أء} \text{ منصف } (\hat{أ})$

٢٣- $\widehat{ق(أوه)} = \widehat{ق(ج)}$

٢٧- $\frac{١٠}{١٠} \text{ ص } (\hat{ص})$

الإجابة (ب)

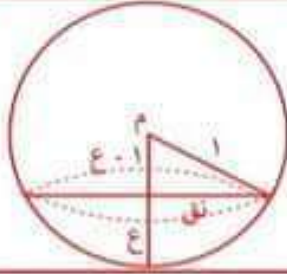
٢٩- $\frac{١٠}{١٠} \text{ ص } (\hat{ص})$ ليست أسس ولكنها درجات اشتقاق

٤١- $\text{ص} = (٣ - ١) + ٤$

٥١- الإجابة (ب)

٦٧- الدائرة تقطع محور السينات عند -٢ ، ٢

٦٩- ص، = - (س - ٤) + ٣



٨١- رسمة في الإجابات ص ١٦٨

٢١ (ع)

٢٠ (ج)

٣٠ (ب)

٨٣- الاختيارات (أ) ١٥

الإجابة (ب)

في الإجابة : س = ٢ وليس $\sqrt{83}$

أخطاء الباب الثاني :

٢١- ص = $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{s}{n}$

أخطاء الباب الثالث :

٩- البسط س^٤ وليس س

١٥- الإجابة (ج) المجال [١ ، ∞]

٣٤- د^(١) < صفر

$$٢٧- \text{د}^3(٣) = ٥$$

$$٤٦- \text{الإجابة (٥)}$$

$$٥٣- \text{الإجابة (أ)} \quad ٢ \text{ د}^3(س) < س \text{ د}^3(س)$$

$$٥٦- ق(س) = \text{د}^3(س) \times \text{د}^3(س)$$

$$٦٧- (٣) \text{ د}^3(س) < صغر \text{ ، جميع الرسومات تقطع الجزء الموجب للسينات في } ١ ، ٥$$

أخطاء الباب الرابع :

$$٥٩- \text{المقام س}^١ \text{ وليس س}$$

$$٦٠- \text{د}^3(س) \text{ وليس د}^3(س)$$

$$٦٣- س^٢ \text{ في البسط والمقام}$$

$$١٠٤- ٢ س \text{ في البسط ، س}^٢ \text{ في المقام}$$

$$١٠٩- \text{حدود التكامل } ٢٠ ، ٧ \text{ و الرسمة موجودة في الإجابات}$$

$$١٢٤- \text{نصف قطرها } \sqrt[٢]{\frac{١}{٢}}$$